

بررسی آزمایشگاهی، عددی و تحلیلی ظرفیت باربری پی‌های حلقوی و دایره‌بی قرارگرفته بر روی ماسه‌ی مسلح

عرفان نادری (مدرس)

گروه عمران، واحد نورآباد مهندسی، دانشگاه آزاد اسلامی، نورآباد مهندسی

نادر هاتف^{*} (استاد)

دانشکده‌ی هندسی عمران، دانشگاه شیراز

مهننسی عمران شریف، (همار ۹۶۰۱) دری ۲، شماره ۱/۱، ص ۷۱-۳۰

پی‌حلقوی برای برج‌های مخابراتی، مخازن نفتی، منابع آب هوایی، و به‌طورکلی برای بیشتر سازه‌های با تقارن محوری نسبت به محور مرکزی قائم برپی، یک پی‌مناسب و اقتصادی است، در صورت توجیه استفاده‌ی عملی از آن نسبت به پی‌دایره‌بی بسیار مقرون به صرفه است. در این پژوهش، به مطالعه‌ی عددی و آزمایشگاهی پی‌های دایره‌بی و حلقوی قرارگرفته روی بستر ماسه‌ی غیرمسلح و همچنین بستر ماسه‌ی مسلح شده با یک لایه‌ی زوگرد پرداخته شده است. مطالعه‌ی آزمایشگاهی با استفاده از مدل‌های با ابعاد کوچک انجام شده است. همچنین مدل‌سازی عددی با به‌کارگیری پارامترهای حاصل از آزمایش‌ها و با استفاده از نرم‌افزار PLAXIS 3D Foundation انجام شده است. نهایتاً آنالیز تحلیلی انجام و نتایج آن با نتایج عددی و آزمایشگاهی مقایسه شده است. نتایج حاکی از تأثیر چشم‌گیر زوگرد در افزایش ظرفیت باربری پی‌ها و کاهش نشست آن‌ها بوده است. همچنین مشاهده شده است که ظرفیت باربری پی‌حلقوی بالاتر از پی‌دایره‌بی با ابعاد مشابه است.

e.naderi@mamasanliau.ac.ir
nhataf@shirazu.ac.ir

واژگان کلیدی: پی‌دایره‌بی، پی‌حلقوی، ظرفیت باربری، ماسه‌ی مسلح.

۱. مقدمه

است و به همین دلیل برای هر نوع خاص از پی، ظرفیت باربری آن را به شیوه‌ی متفاوت حساب می‌کنند. پی‌های حلقوی از جمله پی‌هایی هستند که عملاً زیاد مورد استفاده قرار می‌گیرند و برای برج‌های مخابراتی، مخازن نفتی، منابع آب هوایی، ... به‌کار برده می‌شوند. به‌طورکلی به نظر می‌رسد پی‌حلقوی برای بیشتر سازه‌های با تقارن محوری نسبت به محور مرکزی قائم برپی، یک پی‌مناسب و اقتصادی است و در صورت توجیه استفاده‌ی عملی از آن، نسبت به پی‌دایره‌بی بسیار مقرون به صرفه‌تر است. از طرفی وقتی وزن سازه، قابل توجه و ظرفیت باربری خاک سطحی خیلی کم باشد، باید به گونه‌یی ظرفیت باربری خاک را افزایش داد. یکی از جدیدترین روش‌های افزایش ظرفیت باربری، استفاده از مسلح کننده‌هاست. پس از مطالعات دامنه‌داری که تاکنون نیز ادامه دارد، استفاده از ژوپیستیک^۱ که منسوجات و یا ورقه‌های ساخته شده از الیاف نفتی هستند، مرسوم شده است. مزیت عمدۀ و خاصیت اصلی این مسلح کننده‌های پلیمری، فسادناپذیر بودن آن‌ها در مقابل عوامل خورنده‌ی درون خاک است؛ لذا، از این نقطه نظر کاربردهای فراوانی در مهندسی خاک و بهبود کیفیت خواص گوناگون خاک دارند.

پس از شروع کارهای خاکی مسلح در سال ۱۹۶۶^[۱]، مسئله‌ی تسلیح خاک به

فصل مشترک بین زمین و سازه، پی‌نامیده می‌شود. وظیفه‌ی پی‌انتقال بار از سازه به زمین قرارگرفته در زیر آن است. ظرفیت باربری خاک در طراحی پی، نقش بسیار مهمی را ایفا می‌کند. در نظرگرفتن ظرفیت باربری به میزان بیشتر از مقدار واقعی می‌تواند منجر به واردآمدن خسارت‌های سنگین به سازه‌ها یا حتی زوال کسی آن‌ها شود. از طرف دیگر، در نظرگرفتن آن به میزان کمتر از مقدار واقعی، باعث بزرگ شدن پیش از حد ابعاد پی می‌شود و پی را غیراقتصادی می‌سازد. به صورت خیلی ساده، ظرفیت باربری نهایی بیشینه‌ی فشار قابل تحمل توسط خاک است، که می‌تواند از طرف سازه به خاک وارد شود. بسته به شکل پی، نحوه‌ی توزیع فشار، و گسیختگی خاک تغییر خواهد کرد؛ در حقیقت مسئله‌ی ظرفیت باربری برای هر پی از لحاظ شکل، اصطکاک با خاک، عمق، و سایر پارامترهای اطراف پی باید به طور جداگانه بررسی شود. تاکنون افراد مختلفی، رابطه‌ی ظرفیت باربری نهایی خاک برای پی‌های نواری، مستطیلی، و دایره‌بی ارائه کرده‌اند، که در همه‌ی آن‌ها اهمیت شکل پی کاملاً مشهود است. به عبارتی دیگر، شکل نواحی گسیختگی زیر پی با شکل پی در ارتباط

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۷/۱۲/۱۳۹۳، اصلاحیه ۲۵/۳/۱۳۹۴، پذیرش ۱۰/۵/۱۳۹۴.

[۱۱] پی‌های آن‌ها از جنس نوعی چوب ساخته شده بود، که روی آن را با ورق فلزی پوشانده بودند. قطر داخلی پی‌ها بین صفر تا $6\frac{1}{4}$ سانتی‌متر و قطر خارجی آن‌ها نیز بین $8\frac{1}{2}$ تا $10\frac{1}{2}$ سانتی‌متر تغییر می‌کرد. نسبت قطر داخلی به خارجی پی‌ها نیز از مقدار صفر تا مقدار $\frac{5}{8}$ متفاوت بود. آن‌ها تعدادی آزمایش بازگذاری بر روی پی‌های حلقوی با سطح مقطع یکسان، اما با قطرهای داخلی و خارجی مختلف انجام دادند و به این ترتیجه رسیدند که در نسبت قطر داخلی به

خارجی برابر Δ ، ظرفیت باربری نهایی به بینیمه‌ی مقدار حدود می‌رسد. پس از کار ایشان مطالعاتی در مورد ظرفیت باربری پی حلقوی دنبال شده است،^[۱۲] که در آن ابتدا در آزمایشگاه و با ساخت یک مخزن استوانه‌ی و همچنین تعدادی پی حلقوی و یک سیستم با رگارکاری ساده، ظرفیت باربری پی حلقوی به دست آورده شده است، سپس با استفاده از برنامه‌ی اجزاء محدود NISA-II موضوع برسی و در آخر نیز با یک سری ساده‌سازی در انتخاب پوش گشیختگی زیر پی حلقوی و از طریق روابط ریاضی، ظرفیت باربری پی حلقوی محاسبه شده است. از مهم‌ترین نتایج پژوهش مذکور افزایش حدود ۲۵٪ ظرفیت باربری پی حلقوی با نسبت قطر داخلی به خارجی بین $2\frac{1}{4}$ تا $5\frac{1}{2}$ نسبت به پی دایره‌ی با همان قطر خارجی بوده است. همچنین براساس مطالعات مذکور مشخص شده است که برای نسبت قطر داخلی به خارجی بزرگ‌تر از $7\frac{1}{2}$ ، پی حلقوی مشابه به یک پی نواری عمل خواهد کرد. و در نهایت اینکه با یک مقایسه‌ی اقتصادی بین پی حلقوی و دایره‌ی حدود ۱۵٪ صرفه‌جویی در مصالح برای پی حلقوی نسبت به پی دایره‌ی با همان قطر خارجی براورد شده است. همچنین در پژوهشی در سال ۲۰۰۳ به برسی ظرفیت باربری پی دایره‌ی و حلقوی روی ماسه‌ی مسلح با استفاده از آزمایش‌های مدل آزمایشگاهی، به همراه آنالیزهای عددی پرداخته شده و اثرات عمق لایه‌ی اول مسلح‌کننده، تعداد لایه‌ها، و فاصله‌ی عمودی بین لایه‌ها در ظرفیت باربری پی مورد مطالعه قرار گرفته است. در سال ۲۰۰۶، نیز به مطالعه‌ی آزمایشگاهی و تحلیلی ظرفیت باربری پی‌های حلقوی پرداخته شده و نمودارها و جداولی برای محاسبه‌ی ظرفیت باربری این قبیل بی‌ها ارائه شده است.^[۱۴] همچنین در سال ۲۰۰۷، با استفاده از برنامه‌ی تضاد محدود FLAC، به برسی ظرفیت باربری پی‌های حلقوی پرداخته شده است.^[۱۵] در ادامه، نیز در سال ۲۰۰۸ به برسی ظرفیت باربری پی‌های حلقوی روی رس مسلح پرداخته شده است.^[۱۶] همچنین در سال ۲۰۱۰، با بهکاربردن برنامه‌ی PLAXIS به مطالعه‌ی ظرفیت باربری و نسبت پی حلقوی پرداخته شده است، که با استفاده از نتایج مطالعات ژئوتکنیکی برج‌های خنک‌کننده‌ی نیروگاه کارون صورت پذیرفته است.^[۱۷] در پژوهش دیگری در سال ۲۰۱۲، نیز به صورت آزمایشگاهی به برسی ظرفیت باربری، نسبت، و کج شدگی ۲ بی‌دایره‌ی و مربعی مجاور مستقر بر ماسه‌ی مسلح و غیرمسلح پرداخته شده است.^[۱۸] همچنین در همان سال به صورت آزمایشگاهی، رفتار پی حلقوی مدل تحت بار خارج از مرکز و بر روی بستری از ماسه‌ی متراکم که زیر آن ماسه‌ی شل قرار داشت، بررسی شده است.^[۱۹] در سال ۲۰۱۳، نیز به آزمایش مدل‌هایی با ابعاد آزمایشگاهی در مورد اثر تداخلی بین دو پی دایره‌ی مجاور روی ماسه‌ی خشک Ennore پرداخته شده است.^[۲۰] پس از آن در پژوهش دیگری در همان سال، آنالیز تحلیلی در مورد ظرفیت باربری نهایی یک پی دایره‌ی قرارگرفته بر خاک‌های دانه‌ی و چسبنده‌ی مسلح انجام شده است.^[۲۱] اخیراً نیز به صورت عددی و آزمایشگاهی به برسی اثر تداخل پی‌های حلقوی و دایره‌ی مجاور قرارگرفته بر ماسه‌ی مسلح و غیرمسلح پرداخته شده است.^[۲۲]

طور عملی تر دنبال شده و جای خود را در رشته‌ی خاک به عنوان یکی از روش‌های اصلاح خاک باز کرده است. یکی از شاخه‌های علم تسلیح خاک، استفاده از مسلح‌کننده‌ها برای افزایش ظرفیت باربری پی‌های سطحی است. این مقوله، که یکی از جدیدترین موضوعات استفاده از مسلح‌کننده‌ها جهت اصلاح خاک است، نخستین بار در سال ۱۹۷۵ مطرح شده است.^[۲۳]

۲. ظرفیت باربری پیهای سطحی روی خاک مسلح

برای اولین بار در سال ۱۹۷۵، بررسی ظرفیت باربری پی نواری روی خاک ماسه‌یی مسلح به طور سامان‌مند شروع و نشان داده شده است که ظرفیت باربری پی نواری روی خاک مسلح در یک عمق خاص قرارگیری مسلح‌کننده، به طور محسوسی افزایش [۲] می‌راید.

سپس به طور هم‌زمان با تهیه‌ی انواع مسلح‌کننده‌های پلیمری، پژوهش‌های مفصل‌تری در این زمینه و برای پی‌های مختلف بر روی حاک‌های متغیر انجام شده است.^[۸-۴]

در سال ۱۹۸۱، مطالعات آزمایشگاهی بر روی پی‌های مرتعی روی خاک مسلح انجام و از نوارهای بافت‌نشده به عنوان مسلح‌کننده استفاده شده است.^[۴] سپس در سال ۱۹۸۵، مطالعاتی با آزمایش‌هایی برای تعیین ظرفیت باربری پی‌های مرتعی واقع بر ماسه‌ی سست با تراکم نسبی حدود ۵۰٪، که توسط لایه‌های ژوتکستابل بافت‌نشده مسلح شده بود، دنبال شده است.^[۵] در ادامه و برای تکمیل کار و لزوم بررسی برای پی‌های مختلف، آزمایش‌هایی بر روی مدل مستطیلی واقع‌شده بر لایه‌های مسلح‌کننده (ژوگرید) انجام و سپس نتایج با تحلیل اجراء محدود مقایسه شده است.^[۶] در تمام آزمایش‌های قبلی لزوم بررسی پی‌های با ابعاد بزرگ‌تر برای اطمینان از نتایج به دست آمده و استفاده از آن نتایج در عمل مشهود بوده است، تا اینکه در مطالعاتی در سال ۱۹۹۷، از پی‌هایی با ابعاد بزرگ‌تر برای انجام آزمایش‌ها استفاده شده است.^[۷]

در همهی مطالعات مذکور ثابت شده است که مسایح کننده‌های ژئوستراتئیک قرار داده شده زیر یک پی، می‌توانند هم ظرفیت باربری نهایی و هم تنش مجاز در یک نشست داده شده را افزایش دهند.

۳. رفتار پی‌های حلقوی و دایره‌بی روی ماسه

همان‌گونه که در مقدمه ذکر شده است، پی‌های حلقوی برای برج‌های مخابراتی، مخازن، برج تلویزیون و راکتورهای اتمی کاربرد ویژه دارند، چرا که با رارده از طرف سازه‌های مذکور تقارن محوری نسبت به محور تقارن سازه دارند. بسته به مقدار نسبت قطر داخلی به خارجی، شکل پی حلقوی از حالت تیر دایره‌بی باریک (پی حلقوی با رفتار پی نواری) تا پی دایره‌بی تغییر می‌کند. مطالعات تئوری محدودی بر روی رفتار این پی‌ها و برای پیش‌بینی نسبت آن‌ها در گذشته انجام شده است.

راه حلی نیز در سال ۱۹۵۷ برای تعیین نسبت یک پی حلقوی روی یک محیط کشسان (به صورت نیم‌فضا) مبتنی بر اصل جمع آثار^۲ ارائه شده است.^[۶] همچنین در آدامه، در سال ۱۹۶۵ با استفاده از معادلات انتگرالی، نسبت و فشار تنسی زیر پی صلب حلقوی محاسبه شده است.^[۷] در سال ۱۹۹۷، با انجام آزمایش‌هایی بر روی یک سیستم دولایه متشکل از یک لایه‌ی ماسه‌ی ساحلی، که بر روی یک لایه‌ی ماسه‌ی متراکم قرار گرفته بود، نتایجی، حالت برای ظرفیت بار بری پی، حلقوی

آنها ادامه دارد. در این نوشتار سعی شده است به روش‌های مدل‌سازی آزمایشگاهی و عددی، مقایسه‌ی بین رفتار پی‌حلقوی و دایره‌ی در شرایط یکسان و در حالت بستر ماسه‌ی مسلح و غیرمسلح انجام شود. همچنین با استفاده از نتایج به دست آمده از آزمایش‌های انجام‌شده روی مدل‌های فیزیکی و عددی به صحبت‌سنجه‌ی روابط پیشنهادی حبیب و شیریشی^[۲۳، ۲۴] در معادلات ظرفیت برابری پرداخته شده و نتایج با هم مقایسه و ارزیابی شده‌اند.

اصطکاک نمونه به دست آورده شده است. ماسه‌ی مورد استفاده طبق سیستم طبقه‌بندی متعدد^۵، از نوع ماسه‌ی خوب دانه‌بندی شده (SW) طبقه‌بندی شده است.

۲.۴. دستگاه آزمایش و پی‌های مدل

برای انجام آزمایش‌ها از محفظه‌ی مکعبی شکل با ابعاد $1m \times 1m$ و با عمق $1m$ استفاده شده است. همان‌گونه که در شکل ۲ مشاهده می‌شود، برای مشاهده تغییرات دو طرف مخزن قسمت‌های شیشه‌ی در نظر گرفته شده و بالای آن، سازه‌ی برای انتقال بار از سیستم بارگذاری به خاک طراحی شده است، که با استفاده از 2 بازو به 2 طرف مخزن متصل شده‌اند.

برای به دست آوردن ابعاد پی‌های مدل، 2 نکته در نظر گرفته شده است:

۱. تعیین قطر خارجی پی‌ها: قطر خارجی پی‌ها باید به گونه‌ی در نظر گرفته شود که اثر دیواره‌های محفظه روی پی‌ها ناچیز باشد. برای این منظور مدل‌سازی‌های عددی اولیه‌ی از پی‌ها انجام و اندازه‌ی قطر خارجی پی‌ها به گونه‌ی در نظر گرفته شده است که تنش‌های منتجه به بدنه‌ی مخزن نرسد. با توجه به این نکته و طبق نتایج اولیه‌ی نرم‌افزار PLAXIS 3D Foundation^۶، قطر خارجی 12 سانتی‌متر، هم برای پی‌های حلقوی و هم دایره‌ی مناسب تشخیص داده شده است.

۲. تعیین اندازه‌ی قطر داخلی مناسب برای پی‌حلقوی: با توجه به تشابه ماسه مورد استفاده در این آزمایش‌ها با ماسه‌ی استفاده شده‌ی هافت و رضوی،^[۱۲] و حاجیانی بوشهریان و هائف،^[۱۳] از نتایج پژوهش‌های مذکور در این آزمایش‌ها استفاده شده است. هافت و رضوی با استفاده از نتایج آزمایشگاهی، نسبت قطر داخلی به خارجی برای داشتن بیشینه‌ی ظرفیت برابری پی‌حلقوی را بین ۰.۴ و ۰.۵ به دست آورده‌اند. همچنین حاجیانی بوشهریان با استفاده از نتایج برنامه‌ی اجزاء محدود PLAXIS برای قطرهای داخلی متفاوت، نسبت قطر داخلی به خارجی برابر ۰.۵ را برای بیشینه‌شدن ظرفیت برابری پی‌حلقوی به دست آورده است. بنابراین در آزمایش‌های این پژوهش نیز از پی‌های حلقوی مدل با نسبت قطر داخلی به خارجی ۰.۵ ، که منجر به بیشینه‌ی ظرفیت برابری می‌شوند، استفاده شده است. در نتیجه، پی‌های دایره‌ی و حلقوی با قطر خارجی برابر 12 میلی‌متر و پی‌حلقوی با قطر داخلی برابر 8 میلی‌متر ساخته شده است.

برای ساختن پی‌های مدل از جنس پلاستیک سخت (صلب) استفاده و ضخامت



شکل ۲. محفظه‌ی خاک دستگاه آزمایش.

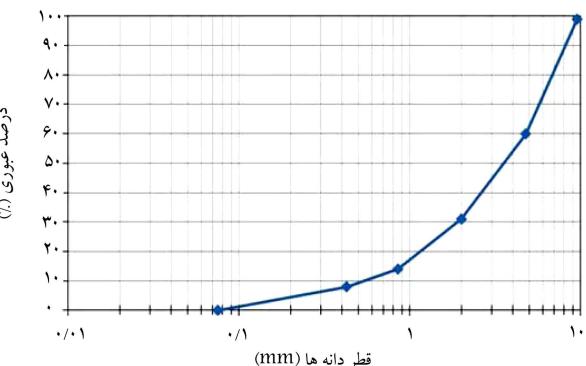
۴. روش پژوهش آزمایشگاهی

در این پژوهش ابتدا با استفاده از نتایج اولیه‌ی مدل‌سازی عددی، ابعاد پی‌های نمونه به دست آمده و سپس با ساخت آن‌ها، یک سری آزمایش اولیه‌ی برای به دست آوردن پارامترهای مورد نیاز برای مدل‌سازی‌های عددی بعدی انجام شده است. هم‌زمان با انجام آزمایش‌ها اصلی، مدل‌سازی عددی با استفاده از نرم‌افزار PLAXIS نیز انجام شده است و درنهایت با مقایسه‌ی نتایج، آزمایش‌هایی که نتیجه‌ی آن‌ها مشکوک به نظر می‌رسید، برای اطمینان بیشتر مجدد انجام شده‌اند.

۱.۴. خاک مورد استفاده

برای انجام آزمایش‌ها از ماسه‌ی استفاده شده است. با توجه به ابعاد پی، ماسه‌ی استفاده شده است که خیلی درشت نباشد و نسبت به ابعاد پی و با درنظر گرفتن اثر مقیاس^۷، دانه‌بندی قابل قبولی داشته باشد. آزمایش آنالیز الک روی ماسه‌ی استفاده شده انجام و نمودار دانه‌بندی ماسه رسم شده است. در شکل ۱، نمودار دانه‌بندی ماسه‌ی مورد استفاده و در جدول ۱، پارامترهای ماسه نشان داده شده است.

ماسه‌ی مورد استفاده خشک بوده و برای به دست آوردن زاویه‌ی اصطکاک و چسبندگی آن، 3 بار آزمایش برش مستقیم^۸، و از روی نتایج به دست آمده زاویه‌ی



شکل ۱. نمودار دانه‌بندی ماسه‌ی استفاده شده در آزمایش‌ها.

جدول ۱. پارامترهای ماسه‌ی استفاده شده در آزمایش‌ها.

پارامتر	مقدار
ضریب یکنواختی (Cu)	۸/۶۴
ضریب انحنای (Cc)	۱/۴۸
وزن مخصوص خشک (kN/m³)	۱۶
زاویه‌ی اصطکاک داخلی (درجه)	۴۳



شکل ۵. نحوه قرارگیری گیج ها، تیرها، و پی ها در آزمایش ها.



شکل ۶. نحوه قرارگیری لایه مسلح‌کننده زیر خاک.



شکل ۳. پی های مدل حلقوی و دایره بی استفاده شده در آزمایش ها.



شکل ۴. دستگاه آزمایش.

۵. نحوه انجام آزمایش ها

برای هر مرحله از آزمایش، ابتدا خاک موجود در مخزن تا عمقی که تنש به آن عمق برسد (حدود ۴۰ سانتی متر) خالی شده است. سپس با استفاده از شیوهی بارانی^۴، خاک در لایه های ۱۰ سانتی متری ریخته شده است. در این روش، لایه های خاک با استفاده از یک قیف و از ارتفاع ثابت ۲۰ سانتی متر روی سطح ریخته شده است. این روش باعث پخش شدن یکنواخت دانه های خاک در سطح مخزن می شود. پس از ریختن هر لایه، با استفاده از یک وزنه کوییش، خاک کوییده شده است. وزنه کوییش مخصوص، یک ورق فولادی با ضخامت ۵ میلی متر و ابعاد ۴۵m^۰ × ۴۵m^۰ است، که در شکل ۷ نشان داده است. روش کوییدن هر لایه خاک ۱۰ سانتی متری بدین گونه بوده است که هر لایه با ۱۰ بار رها کردن وزنه از ارتفاع ۲۰ سانتی متری روی سطح خاک متراکم شده است. سپس لایه ۱۰ سانتی متری بعدی با روش بارانی ریخته شده و به همین نحو کوییده شده است. این کار تا رسیدن خاک به تراز مورد نظر ادامه یافته است. تراکم نسبی با استفاده از این روش 5 ± 50 درصد است.

پی های مدل در آزمایش های انجام شده با استفاده از یک جک هیدرولیکی و به روش کشتل تشن^۷ بارگذاری شده اند. بدین ترتیب که در هر مرحله، باری استاتیکی به پی ها وارد و نشست مربوط اندازه گیری شده است. سپس فشار مایع درون جک با استفاده از شیرهای فشارشکن^۸ جک هیدرولیکی، به اندازه ۱ bar افزایش یافته است، که منجر به افزایش بار روی پی ها شده است و مجدداً صبر شده است تا حرکت عقره های گیج متوقف و نشست پی ها مقناری ثابت شود. وقتی که گیج ها از حرکت ایستادند، نشست ثبت شده و باز فشار مایع درون جک به اندازه ۱ bar

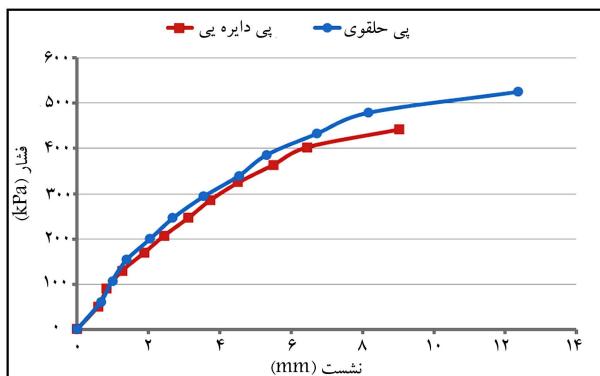
آن ها برابر با ۷۰ میلی متر در نظر گرفته شده و برای اینکه سطح زیر پی ها زبر باشد، لایه هایی از سنباده به کف آن ها چسبانده شده است (شکل ۳).

سیستم بارگذاری مورد استفاده در آزمایش ها، شامل یک جک هیدرولیکی بوده است، که با استفاده از یک قطعه ۸۵ سانتی متری تیر IPE16، بار به پی منتقل شده است (شکل ۴). دلیل استفاده از تیر آهن، قرار گرفتن دو گیج در دو طرف محاسبه های بار وارد بر پی ها در نظر گرفته شده است. برای اندازه گیری نشست ها از دو گیج با دقیقیت ۱۰ میلی متر، که به فاصله های مساوی از دو لبه جک هیدرولیکی قرار گرفته بودند، استفاده و متوسط نشست اندازه گیری شده توسط گیج ها، که برابر با متوسط نشست پی است، به عنوان مقدار نشست پی در نظر گرفته شده است. در شکل ۵، نحوه قرارگیری گیج ها، تیرها، و پی ها نشان داده شده است.

۴. مسلح کننده

مسلح کننده بی که برای انجام آزمایش ها از آن استفاده شده است، از نوع ژئوگرید دومحوره و از جنس پلی پروپیلن (PP) بوده است. این ژئوگرید ساخت کشور آلمان بوده و طبق جدول مربوط به آن، سختی کنشی (EA) برابر با ۳۰ کیلونیوتون بر متر و بازشدنگی هایی با ابعاد ۳۲cm × ۳۲cm بوده است.

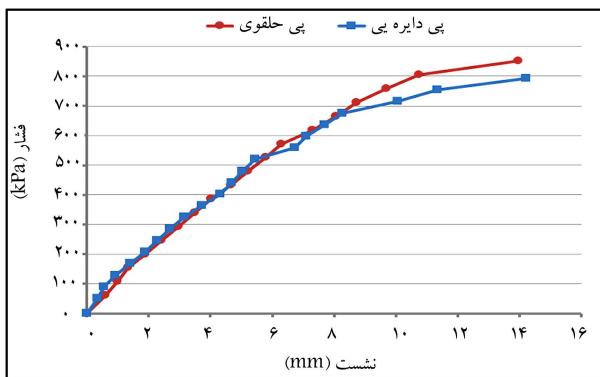
برای مسلح کردن ماسه در آزمایش ها از یک لایه ۰/۹۵m × ۰/۹۵m × ۰/۹۵m بازشدنگی هایی با ابعاد ۳۲cm × ۳۲cm بوده است. این ژئوگرید در عمق ۰/۵D (که D قطر خارجی پی های مدل و برابر با ۶ میلی متر است)، که قبلاً توسط قضاوی و لوسان،^[۱۸] به عنوان عمق بهینه برای بیشینه ساختن ظرفیت بار باری پی به دست آمده بود، قرار داده شده است. نحوه قرارگیری این لایه مسلح کننده زیر خاک در شکل ۶ نشان داده شده است.



شکل ۸. نمودار فشار- نیشتن برای پی های دایره بی و حلقوی روی ماسه هی غیر مسلح.



شکل ۷. وزنه کوبش خاک.



شکل ۹. نمودار فشار- نیشتن برای پی های دایره بی و حلقوی روی ماسه هی مسلح.

۸٪ افزایش داشته است. همچنین ظرفیت باربری پی حلقوی روی ماسه هی مسلح برپر با 728 kPa به دست آمده است، که این مقدار در مقایسه با ظرفیت باربری پی مشابه روی ماسه هی غیر مسلح 68% افزایش داشته است. همچنین ظرفیت باربری شده در هر دو حالت پی دایره بی و حلقوی قراردادن لایه زوگرد زیر پی ها منجر به افزایش چشمگیر ظرفیت باربری شده است، ولی تأثیر آن در ظرفیت باربری پی دایره بی بیش از پی حلقوی بوده است. در شکل ۹، قاعده ای باید در فشار یکسان، نیشتن زیر پی دایره بی بیشتر از حلقوی باشد، اما تا فشار حدود 50 kN/m^2 کیلوپاسکال چنین پدیده هی مشاهده نشده است. دلیل این رفتار می تواند ناشی از تأثیر مسلح کننده باشد، که با توزیع نیش در مقادیر ذکر شده، تفاوت این دو نوع پی را از این منظر کمتر کرده است. همچنین با مقایسه مقادیر نیشتن در حالت های خاک مسلح و غیر مسلح این نتیجه به دست آمده است که در اثر استفاده از مسلح کننده، مقادیر نیشتن در یک نیش خاص در حالت پی قرار گرفته روی خاک مسلح نسبت به همان پی روی خاک غیر مسلح کاهش یافته است. همچنین مقادیر نیشتن در لحظه ی گسیختگی در پی های قرار گرفته روی خاک مسلح بیشتر از پی های روی خاک غیر مسلح است.

۷. آنالیز عددی

برای آنالیز مدل ها از برنامه هی سه بعدی PLAXIS 3D Foundation نسخه هی ۱ برای آنالیز عددی استفاده شده است. مدل رفتاری خاک در برنامه هی مذکور موهركلمب در نظر گرفته شده و از المان های میانی 15 kPa برای مدل کردن پی ها استفاده شده است. در مدل کردن این پی ها به دلیل محدودیت های برنامه از دو روش ابتکاری استفاده شده است. اولاً به دلیل اینکه برنامه هی Foundation

۱ افزایش یافته است. این افزایش بار پی ها تا گسیختگی خاک زیر آن ها ادامه یافته است. نهایتاً نمودار فشار- نیشتن برای هر کدام از مراحل آزمایش رسم شده و ظرفیت باربری نهایی پی ها از روی آن به دست آورده شده است.

ظرفیت باربری نهایی پی ها، از محل برخورد دو مماس در قسمت های ابتدایی و انتهایی نمودار بار نیشتن، که نشانگر مقدار ظرفیت باربری در یک نیشتن خاص است، به دست آورده شده است. در اصطلاح به این روش به دست آوردن ظرفیت باربری، «روش مماسی» گفته می شود. روش مماسی توسعه اغلب مهندسان برای تعیین باری که متناظر با نقطه ای تغییر شیب زیاد در منحنی نیشتن است، استفاده شده است. در این روش بار متناظر با نقطه ای تغییرات بازز در نیشتن به عنوان ظرفیت باربری انتخاب می شود.^[۱۵]

پژوهش های انجام شده نشان داده است که وقتی ماسه مسلح می شود، ظرفیت باربری نهایی پی افزایش می یابد. این افزایش معمولاً به صورت یک پارامتر بدون بعد به نام BCR (نسبت ظرفیت باربری) ${}^{\circ}$ تعریف می شود (رابطه ۱):

$$BCR = \frac{q_u(\text{reinforced})}{q_u(\text{unreinforced})} \quad (1)$$

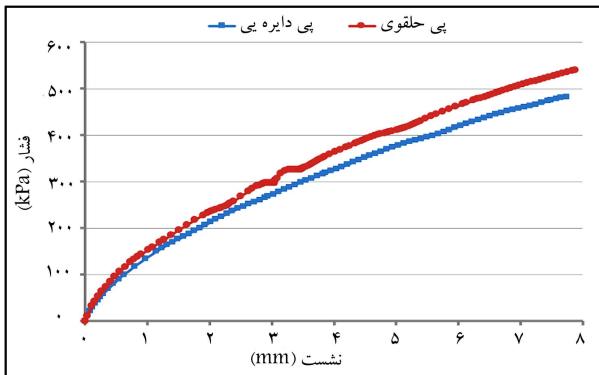
که در آن، $q_u(\text{reinforced})$ ظرفیت باربری نهایی یک پی روی خاک مسلح، $q_u(\text{unreinforced})$ ظرفیت باربری نهایی همان پی روی خاک غیر مسلح.

۶. نتایج آزمایش ها و بحث

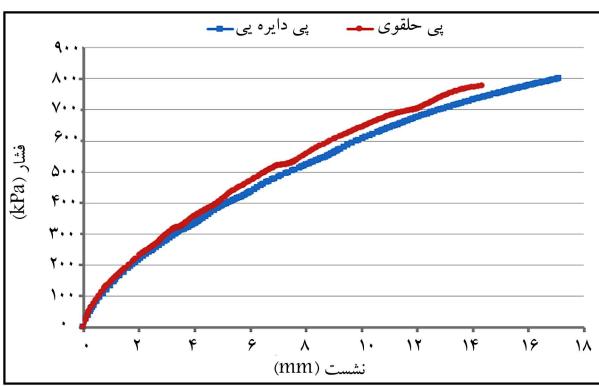
در این بخش، نمودارهای فشار- نیشتن برای هر کدام از آزمایش های انجام شده ارائه و در مورد آن ها بحث شده است. ظرفیت باربری هر کدام از نمودارها توسط روش مماسی به دست آمده است. محور افقی نمودارها میانگین نیشتن ثبت شده توسط گیج ها را نشان می دهد.

در ابتدا، نمودارهای فشار نیشتن برای حالت های پی دایره بی و حلقوی روی ماسه هی غیر مسلح در شکل ۸ ارائه شده است. نکته بی که در نتایج مشاهده می شود، افزایش 21 درصدی ظرفیت باربری پی حلقوی روی خاک غیر مسلح (422 kPa) نسبت به ظرفیت باربری پی دایره بی روی همان خاک (357 kPa) است، که مشابه نتیجه بی است که هانف و رضوی،^[۱۶] گزارش کرده اند.

در ادامه، نتایج آزمایش های مشابه در حالت ماسه هی مسلح بررسی شده است. در شکل ۹، نتایج مربوط به پی های دایره بی و حلقوی روی خاک مسلح ارائه شده است. ظرفیت باربری پی دایره بی روی خاک مسلح برابر با 656 kPa به دست آمده است، که این مقدار در مقایسه با ظرفیت باربری پی مشابه روی ماسه هی غیر مسلح



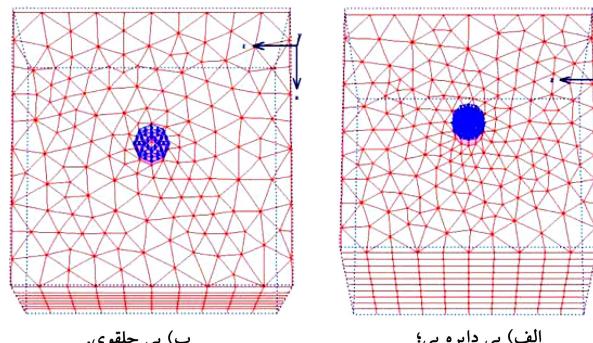
شکل ۱۱. نمودار فشار - نشست برای پیهای دایره‌بی و حلقوی روی ماسه‌ی غیرمسلح.



شکل ۱۲. نمودار فشار - نشست برای پیهای دایره‌بی و حلقوی روی ماسه‌ی مسلح.

خاک (287 kPa) به دست آورده شده است، که 6% افزایش ظرفیت برابری را در پی حلقوی نسبت به پیهای دایره‌بی نشان می‌دهد. هر دو مقدار ظرفیت برابری در پی حلقوی و دایره‌بی کمتر از مقادیر به دست آمده از آزمایش‌ها، ولی تا حد خوبی نزدیک به آن بوده است.

در شکل ۱۲، نتایج آنالیز عددی مربوط به پیهای دایره‌بی و حلقوی فقط روی خاک مسلح ارائه شده است. ظرفیت برابری پیهای دایره‌بی فقط روی خاک مسلح برابر با 531 kPa به دست آمده است، که این مقدار در مقایسه با ظرفیت برابری پیهای دایره‌بی غیرمسلح 85% افزایش داشته است. همچنین ظرفیت برابری پیهای حلقوی فقط روی ماسه‌ی مسلح برابر با 539 kPa به دست آمده است، که این مقدار در مقایسه با ظرفیت برابری پیهای دایره‌بی غیرمسلح 76% افزایش داشته است. مشابه نتیجه‌بی که از آزمایش‌ها به دست آمده است، در اینجا نیز مشاهده می‌شود در هر دو حالت پیهای دایره‌بی و حلقوی، قراردادن لایه‌ی زئوگرید زیر پیه‌ها منجر به افزایش چشمگیر ظرفیت برابری شده است، ولی تأثیر آن در ظرفیت برابری پیهای دایره‌بی بیش از پیهای حلقوی بوده است. همچنین با مقایسه‌ی مقادیر نشست در حالت‌های خاک مسلح و غیرمسلح، این نتیجه به دست آمده است که در اثر استفاده از مسلح‌کننده، مقادیر نشست در یک تنش خاص در حالت پیه قرارگرفته روی خاک مسلح نسبت به همان پیه روی خاک غیرمسلح کاهش می‌یابد. همچنین مقادیر نشست در لحظه‌ی گسیختگی در پیهای قرارگرفته روی خاک مسلح بیشتر از پیهای روی خاک غیرمسلح است. آزمایش‌های انجام شده نیز همین نتیجه را نشان داده‌اند. در مقایسه‌ی شکل‌های ۸ و ۹ با شکل‌های ۱۱ و ۱۲ مشاهده می‌شود که در شکل‌های ۸ و ۹ (مشاهدهات تجربی) برگشت منحنی‌ها در



شکل ۱۵. پیهای مدل شده در نرم‌افزار PLAXIS و بارگذاری آن‌ها.

جدول ۲. مقادیر استفاده شده در آنالیز عددی.

مقادیر	پارامتر	مصالح
۱۶	وزن مخصوص (kN/m^3)	
۱	چسبندگی (kPa)	
۴۳	زاویه اصطکاک (ϕ)	ماسه
$^{0/3}$	ضریب پواسون	
۱۸۰۰	مدول کشسان (kPa)	
۱	ضخامت (mm)	
۱۷	وزن مخصوص (kN/m^3)	کف
۱۵۰۰	مدول کشسان در جهت X	(فرض شده به) مدول کشسان در جهت X
۱۵	مدول کشسان در جهت Y	عنوان مسلح (کننده) مدول کشسان در جهت Y
۱۵۰۰	مدول کشسان در جهت Z	مدول کشسان در جهت Z
$^{0/3}$	ضریب پواسون	
۲۵	وزن مخصوص (kN/m^3)	پی
$^{0/3}$	ضریب پواسون	
۲E8	مدول کشسان (kPa)	

PLAXIS ۳D، کلاسترهاي دایره‌بی و کلاً انحنایدار رسم نمی‌کنند و پیهای به صورت شمع‌های صلبی، که روی سطح زمین قرار می‌گیرند، تعریف شده‌اند. برای تعریف کردن آن‌ها در برنامه از مدل رفتاری Linear-Elastic استفاده شده و مدل کشسان آن‌ها در حد فولاد در نظر گرفته شده است. سپس بارهای وارد نیز روی سطح این شمع‌ها و به صورت گستردۀ اعمال شده‌اند. نحوه تعریف و بارگذاری پیهای در نرم‌افزار در شکل ۱۵ نشان داده شده است.

ثانیاً به دلیل اینکه برنامه‌ی PLAXIS ۳D Foundation برخلاف نسخه‌ی دو بعدی آن امکان مدل کردن زئوگرید را درون برنامه نمی‌دهد، زئوگرید به صورت یک کف ^{۱۱} در برنامه تعریف شده است. مسلح‌کننده‌ها فقط می‌توانند نیروی کششی تحمل کنند و مقاومت خمشی ندارند. از این‌رو برای مدل کردن این رفتار، اولاً کف با ضخامت خیلی کم تعریف شده و ثانیاً مدل کشسان آن در جهت عمودی بسیار کمتر از جهت‌های افقی در نظر گرفته شده است. با استفاده از روش مذکور، رفتار کف تعریف شده در برنامه به رفتار زئوگرید بسیار نزدیک شده است. در جدول ۲، پارامترهای استفاده شده در مدل سازی عددی نشان داده شده است.

نمودارهای فشار - نشست حاصل از آنالیز عددی برای حالت‌های پیهای دایره‌بی و حلقوی روی ماسه‌ی غیرمسلح در شکل ۱۱ ارائه شده است. ظرفیت برابری پیهای حلقوی روی خاک غیرمسلح (306 kPa) و ظرفیت برابری پیهای دایره‌بی روی همان

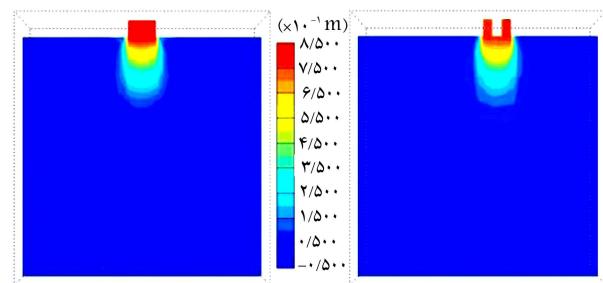
عددی نشست کمتری را نسبت به آزمایش‌ها پیش‌بینی کرده است. همچنین برای خاک‌های مسلح با توجه به نتایج بدست‌آمدۀ مشاهده می‌شود که نمودارهای فشار- نشست در نتایج PLAXIS کمی پایین‌تر از نمودارهای مشابه بدست‌آمدۀ در آزمایش‌ها هستند و این معنی است که در حالت ماسه‌ی مسلح و در یک نشست فرضی، مدل‌سازی عددی نشست بیشتری را نسبت به آزمایش‌ها پیش‌بینی کرده است.

در این بخش، نتایج آزمایشگاهی نسبت ظرفیت باربری (BCR) برای بی‌های دایره‌بی و حلقوی روی خاک مسلح شده با یک لایه‌ی مسلح‌کننده با نتایج حاچیانی بوشهریان و هاتف،^[۱۲] مقایسه شده است. مشخصات ماسه و مسلح‌کننده‌ی استفاده شده در پژوهش بوشهریان و هاتف و مقایسه‌ی نتایج آزمایشگاهی نسبت ظرفیت باربری پی‌ها در جدول ۳ ارائه شده است. مقایسه‌ی نتایج نشان می‌دهد که در هر دو پژوهش، BCR در حالت حلقوی بیشتر از BCR حالت حلقوی است و این نشان می‌دهد که تأثیر مسلح‌کننده در ظرفیت باربری پی دایره‌بی بیشتر از پی حلقوی بوده است. همچنین دلیل بیشترودن مقادیر BCR در تحقیقات فعلی نسبت به پژوهش بوشهریان و هاتف، می‌تواند بیشترودن سختی کششی مسلح‌کننده و همچنین تفاوت‌های ماسه‌ی استفاده شده و نحوی انجام آزمایش‌ها باشد. در ادامه، ظرفیت باربری پی دایره‌بی و حلقوی با توجه به پارامترهای ارائه شده و با استفاده از روابط کلاسیک محاسبه شده است.

در این محاسبات قطر خارجی پی‌ها $D = ۱۲\text{ m}$ ، زاویه‌ی اصطکاک خاک $\phi = ۴۳^\circ$ ، چسبندگی خاک $c = ۰$ در نظر گرفته شده است. بدیل کوچک‌بودن ابعاد پی‌های مدل، نتایج حاصل از روابط کلاسیک تا حد زیادی با نتایج آزمایشگاهی و عددی پژوهش حاضر اختلاف دارد، که می‌توان این اختلاف را تا حدودی با

جدول ۳. مقایسه‌ی نسبت ظرفیت باربری پی‌ها (BCR).

ملحوظات	BCR	مرجع	شكل پی
$\phi = ۳۸^\circ$, $\gamma = ۱۷\text{kN/m}^3$,	۱/۶۵	بوشهریان و هاتف	دایره‌بی
$EA(\text{geonet}) = ۲\text{ kN/m}$,	۱/۳۲	(۲۰۰۳)	حلقوی
$D = ۱۵\text{cm}$, SW			
$\phi = ۴۳^\circ$, $\gamma = ۱۶\text{kN/m}^3$,	۱/۸۴	پژوهش حاضر	دایره‌بی
$EA(\text{geogrid}) = ۳^\circ \text{kN/m}$,	۱/۶۸		حلقوی
$D = ۱۲\text{cm}$, SW			



شکل ۱۳. تغییر مکان‌های کلی پی‌های دایره‌بی و حلقوی.

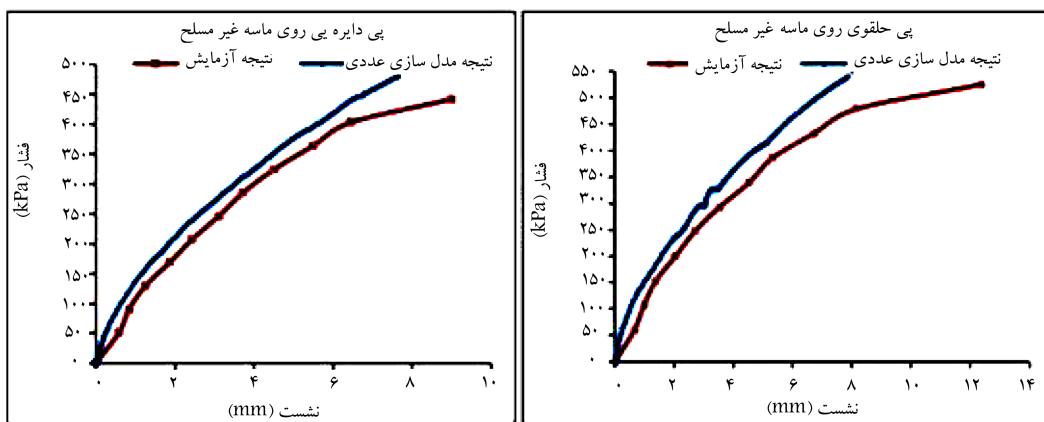
انتهای آن‌ها تا حدی رخ داده است، اما در شکل‌های ۱۱ و ۱۲ (مدل‌سازی عددی) این‌گونه نیست. اختلاف در این دو سری شکل مربوط به فرضیات نرم‌افزار است، که بازگذاری علی‌رغم اتفاق افتادن گسیختگی‌های موضعی ادامه یافته و برگشت منحنی‌های بار نشست در انتهای رخ نداده است.

در ادامه، به بررسی شکل‌های تغییر مکان کلی پی‌ها که رابطه‌ی مستقیم با تنش زیر پی‌ها دارند، پرداخته شده است. از این‌رو به جای شکل‌های تنش، تغییر مکان‌های ارائه شده‌اند، که در این نسخه از برنامه، خروجی‌های تغییر مکان دقیق‌تر و واضح‌تر از شکل‌های خروجی برای تنش‌ها هستند. شکل ۱۳، شامل تغییر مکان‌های در حالت مقطع گذرنده از مرکز پی است، که در این مقطع، تنش‌های زیر پی به خوبی مشاهده می‌شود.

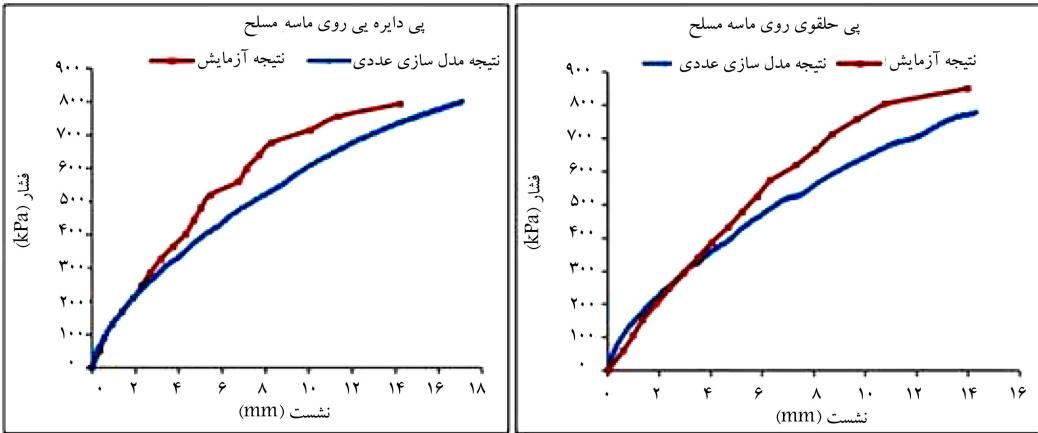
۸. مقایسه‌ی نتایج

در این بخش ابتدا به یک سری مقایسه بین نتایج مدل‌سازی عددی و آزمایش‌ها پرداخته شده و سپس بعضی از نتایج بدست‌آمدۀ در این پژوهش‌ها با نتایج مطالعات انجام‌شده در گذشته مقایسه شده است. نتایج مقایسه شده در حالت ماسه‌ی غیر مسلح در شکل ۱۴ و در حالت مسلح در شکل ۱۵ مشاهده می‌شود. در انتهای نتایج بدست‌آمدۀ از این مطالعات با روش‌های متداول تحلیلی مقایسه شده‌اند.

همان‌طور که در شکل‌های ۱۴ و ۱۵ مشاهده می‌شود، نتایج مدل‌سازی عددی و آزمایش‌ها تا حد قابل قبولی به یکدیگر نزدیک هستند. برای خاک‌های غیر مسلح با توجه به نتایج بدست‌آمدۀ مشاهده می‌شود که نمودارهای فشار- نشست در نتایج PLAXIS کمی بالاتر از نمودارهای مشابه بدست‌آمدۀ در آزمایش‌ها هستند. این بدنین معنی است که در حالت ماسه‌ی غیر مسلح و در یک تنش فرضی، مدل‌سازی



شکل ۱۴. مقایسه‌ی نتایج PLAXIS و آزمایش‌ها برای پی‌های دایره‌بی و حلقوی روی ماسه‌ی غیر مسلح.



شکل ۱۵. مقایسه‌ی نتایج PLAXIS و آزمایش‌ها برای بی‌های دایره‌بی و حلقوی روی ماسه‌ی مسلح.

جدول ۴. مقایسه‌ی نتایج تحلیلی، عددی، و آزمایشگاهی ژرفیت با برابری.

شکل بی	روش	مقادیر ژرفیت باربری (kPa)
دایره‌بی	ترزاقی	۲۳۸/۸
	مایرهوف	۱۹۹/۹
	وسیک	۲۱۸/۱
	هنسن	۱۶۰
حلقوی	پژوهش حاضر (آزمایشگاهی)	۳۵۷
	پژوهش حاضر (عددی)	۲۸۷
	پژوهش حاضر (آزمایشگاهی)	۴۳۲
	پژوهش حاضر (عددی)	۳۰۶

برای اصلاح N_γ با استفاده از نتایج پژوهشگران پیشین به صورت رابطه‌ی ۴ ارائه شده است، که در آن B_i برابر $1/4$ متر است:

$$N_\gamma^* = \left(1 + \left(\frac{B_i}{B} \right)^{\frac{1}{\gamma}} \right) \left(1 + \left(\frac{B_i}{B} \right)^{\frac{1}{\gamma}} \right) N_\gamma \quad (4)$$

نتایج حاصل از محاسبه‌ی ژرفیت باربری به وسیله‌ی روابط کلاسیک با ضرایب ژرفیت باربری N_γ و همچنین با استفاده از ضرایب ژرفیت باربری اصلاح شده N_γ^* در جدول ۴ ارائه و با نتایج آزمایشگاهی و عددی پژوهش حاضر مقایسه شده است. در این روابط قطر بی‌ها ۱۲ سانتی‌متر و عمق مدفون بی صفر در نظر گرفته شده است. دلیل اختلاف زیاد نتایج، کوچک‌بودن ابعاد بی‌های مدل است و مشاهده می‌شود که اصلاح ضرایب ژرفیت باربری به خصوص به روش شیریشی این اختلاف را کمتر و بهبود نتایج کمک کرده است.

۹. نتیجه‌گیری

- ظرفیت باربری بی‌های حلقوی با نسبت قطر داخلی به قطر خارجی برابر با $1/4$ ،
- نسبت به بی‌های دایره‌بی با قطر خارجی برابر بالاتر است که نشان‌دهنده‌ی بهینه‌تر و اقتصادی تر بودن بی‌های حلقوی نسبت به بی‌های دایره‌بی در شرایط مشابه است.
- مسلح‌کردن بستر ماسه‌ی زیر پی‌ها با یک لایه‌ی ژئوگرد، در هر دو حالت پی

استفاده از روابط اثر مقیاس در ژرفیت باربری پی‌ها برطرف کرد. رابطه‌ی ژرفیت باربری پی‌های سطحی اولین بار توسط ترزاقی [۱۹۴۲] برای یک شالوده‌ی دایره‌بی به صورت رابطه‌ی ۲ بیان شده است:

$$q_{ult} = 1/3 c N_c + q N_q + 0.3 \gamma B N_\gamma \quad (2)$$

که در آن، c چسبندگی خاک، γ وزن مخصوص خاک، q تنش ناشی از سربار، N_c عرض پی است. پژوهش‌ها نشان داده‌اند که ضریب ژرفیت باربری N_γ ، فقط تابعی از زاویه اصطکاک خاک نیست و در مصالح دانه‌ی با افزایش اندازه‌ی فونداسیون کاهش می‌یابد. این موضوع توسط دی بر [۲۶] اثر مقیاس [۲۶] نام نهاده شده است. به طور کلی، عوامل مؤثر در N_γ شامل: زاویه اصطکاک داخلی خاک، وزن مخصوص، چگالی نسبی، اندازه‌ی دانه‌ها، و اندازه‌ی فونداسیون می‌شود. برای حساب کردن اثر مقیاس تعدادی از پژوهشگران از قبیل حبیب، [۲۳] و شیریشی، [۲۴] N_γ را اصلاح کرده‌اند. رابطه‌ی حبیب، که براساس تأثیر اندازه‌ی دانه‌ها نتیجه شده است، به صورت رابطه‌ی ۳ عنوان شده است: [۲۳]

$$N_\gamma^* = N_\gamma + 400/n \quad (3)$$

که در آن، N_γ ضریب ژرفیت باربری، N_γ^* ضریب ژرفیت باربری اصلاح شده، n نسبت عرض پی به میانگین اندازه‌ی دانه‌ها (B/δ) است، که در آن B عرض پی δ میانگین اندازه‌ی دانه‌ها ($D_5 = \delta$) است. پس از آن رابطه‌ی شیریشی، [۲۴]

یک لایه‌ی ژئوگرید، مقدار نتایج ظرفیت باربری آنالیز عددی کمتر از مقادیر نتایج آزمایشگاهی به دست آمده است، ولی نتایج تا حد قابل قبولی نزدیک به نتایج آزمایشگاهی بوده است.

-- به دلیل کوچک بودن ابعاد پی‌های مدل، نتایج حاصل از آنالیز تحلیلی کمتر از نتایج آزمایشگاهی و مدل‌سازی عددی به دست آمده است، که با لحاظ کردن اثر مقیاس در آنالیز تحلیلی، اختلاف بین نتایج کمتر شده است.

حلقوی و دایره‌ی موجب افزایش چشمگیر ظرفیت باربری و کاهش نشست پی‌ها شده است، که با قراردادن یک لایه‌ی ژئوگرید در عمق ۵D، (که در آن D قطر خارجی پی‌های مدل و برابر با ۶ میلی‌متر است)، تأثیر مسلح‌کننده در ظرفیت باربری پی‌های دایره‌ی بیشتر از پی‌حلقوی مشابه بوده است.

-- در هر دو حالت پی‌دایره‌ی و حلقوی روی ماسه‌ی غیرمسلح و مسلح شده با

پابنوشت‌ها

1. Geosynthetic
2. superposition
3. scale factor
4. direct shear test
5. unified soil classification system
6. rainfall
7. stress control
8. relief valve
9. tangent method
10. bearing capacity ratio
11. floor
12. scale effect

منابع (References)

1. Vidal, H. "La terre Armee", Anales de l'Institute Technique du Batiment et des Travaux Publics, France, pp. 888-938 (July-August 1966).
2. Binquet, J. and Lee, K.L. "Bearing capacity tests on reinforced earthslabs", *Journal of Geotechnical Engineering, ASCE*, **101**(2), pp. 1241-1255 (1975a).
3. Binquet, J. and Lee, K.L. "Bearing capacity analysis of reinforced earthslabs", *Journal of Geotechnical Engineering, ASCE*, **101**(12), pp. 1257-1276 (1975b).
4. Akinmusuru, J.O. and Akinboladeh, J.A. "Stability of loaded footings on reinforced soil", *Journal of Geotechnical Engineering, ASCE*, **107**(6), pp. 819-827 (1981).
5. Guido, V.A., Biesiadecki, G.L. and Sullivan, M.J. "Bearing capacity of geotextile reinforced foundation", *Proceedings of the 11th International Conference on Soil Mechanics and Foundation of Engineers*, San Francisco, CA, pp. 1777-1780 (1985).
6. Yetimoglu, T., Wu, J.T.H. and Saglamar, A. "Bearing capacity of rectangular footings on geogrid-reinforced sand", *Journal of Geotechnical Engineering, ASCE*, **120**(12), pp. 2083-2099 (1994).
7. Adams, M.T. and Colin, J.G. "Large model spread footing load tests on geosynthetic reinforced soil foundation", *Journal of Geotechnical Engineering, ASCE*, **123**(1), pp. 66-73 (1997).
8. Hataf, N. and Baziar, A. "Use of tire shreds for bearing capacity improvement of shallow footings on sand", *Proceedings of the 3rd International Conference on Ground Improvement Techniques*, Singapore, pp. 189-194 (2000).
9. Fisher, K. "Zur Berechnung der setzung Von Fundamenten in der form einer Kreisformigen Ringflache", *Der Bauingenieur*, Berlin, Germany, **32**(5), pp. 172-174 (in German) (1957).
10. Egorov, K.E. "Calculation of bed for foundation with ring footing", *Proceedings of the 6th International Conference on Soil Mechanical Foundation of Engineers*, Montreal, **2**, pp. 41-45 (1965).
11. Ohri, M.L., Purhit, D.G.M. and Dubey, M.L. "Behavior of ring footings on dune sand overlaying dense sand", *Pres. International Conference of Civil Engineers*, Tehran, Iran (1997).
12. Hataf, N. and Razavi, M.R. "Behavior of ring footing on sand", *Iranian Journal of Science and Technology, Transaction B*, **27**, pp. 47-56 (2003).
13. Hajiani Boushehrian, J. and Hataf, N. "Experimental and numerical investigation of the bearing capacity of model circular and ring footings on reinforced sand", *Journal of Geotextiles and Geomembranes*, **21**(4), pp. 241-256 (2003).
14. Karaulov, A. "Experimental and theoretical research on the bearing capacity of ring foundation beds", *Soil Mechanics and Foundation Engineering*, **43**(2), pp. 37-40 (2006).
15. Zhao, L. and Wang, J.H. "Vertical bearing capacity for ring footings", *Computers and Geotechnics*, **35**(2), pp. 292-304 (2007).
16. Boushehrian, A.H. and Hataf, N. "Bearing capacity of ring footings on reinforced clay", *The 12th International Conference of International Association for Computer Methods and Advances in Geomechanics (IACMAG)*, Goa, India (1-6 October 2008).
17. Choobbasti, A.J., Hesami, S., Najafi, A., Pirzadeh, S., Farrokhzad, F. and Zahmatkesh, A. "Numerical evaluation of bearing capacity and settlement of ring footing: Case study of Kazeroon cooling towers", *Int. J. Res. Rev. Appl. Sci.*, **4**, pp. 263-271 (August 2010).
18. Ghazavi, M. and Lavasan, A. "Alimardani behavior of closely spaced square and circular footings on reinforced sand", *J. Soils Found.*, **52**(1), pp. 160-157 (2012).
19. El Sawwaf, M. and Nazir, A. "Behavior of eccentrically loaded small-scale ring footings resting on reinforced lay-

- ered soil”, *J. Geotech. Geoenviron. Eng.*, **138**(3), pp. 376-384 (2012).
20. Srinivasana, V. and Ghosh, P. “Experimental investigation on interaction problem of two nearby circular footings on layered cohesionless soil”, *Geomech. Geoeng.*, **8**(2), pp. 97-106 (2013).
 21. Chakraborty, D. and Kumar, J. “Bearing capacity of circular footings on reinforced soils”, *Int. J. Geomech.* **15**(1), pp.1-9 (2014).
 22. Naderi, E. and Hataf, N. “Model testing and numerical investigation of interference effect of closely spaced ring and circular footings on reinforced sand”, *Journal of Geotextiles and Geomembranes*, **42**(3), pp. 191-200 (2014).
 23. Habib, P.A. “Scale effect for shallow footings on dense sand”, *J. Geotech. Engrg. Div.*, **100**(1), pp. 95-99 (1974).
 24. Shiraiishi, S. “Variation in bearing capacity factors of dense sand assessed by model loading tests”, *Soils Found.*, **30**(1), pp. 17-26 (1990).
 25. Trautmann, C.H. and Kulhawy, F.H. “Uplift load-displacement behavior of Spread foundations”, *J. Geotech. Eng., ASCE*, **144**(2), pp. 168-183 (1988).
 26. De Beer, E.E. “The scale effect on the phenomenon of progressive rupture in cohesionless soils”, *6th Int. Conf. on Soil Mechanics and Foundation Engineering*, Montreal, Canada, **2**(3-6), pp. 13-17 (1965).