

# مرور مقایسه‌یی معتبرترین روش‌های برآورد رفتار درازمدت بتن تحت آنالیز متداول یک مرحله‌یی و آنالیز غیرخطی مرحله‌یی

محمد جلیلزاده افشاری\* (دانشجوی دکتری)

علی خربالدین (استاد)

مجید قلهکی (دانشیار)

دانشکده‌ی مهندسی عمران، دانشگاه سمنان

طی سال‌های اخیر، لزوم تطابق مراحل عملی اجرا و طراحی سازه‌های بلند بتن آرمه با درنظر گرفتن رفتار درازمدت بتن، از طریق آنالیز غیرخطی مرحله‌یی، منطبق بر توالی ساخت همواره مورد توصیه‌یی اکید پژوهشگران بوده است. در نوشتار حاضر، مهم‌ترین روش‌های پیش‌بینی رفتار درازمدت بتن، معروفی و روابط پیشنهادی جهت بیان چگونگی اعمال مشخصه‌های روش‌های مذکور در نرم افزارهای متعارف به روز تحلیل و طراحی ارائه شده است. همچنین جهت آشنایی با شیوه‌یی محاسبه‌یی دستی آثار خزش و آبرفتگی، نحوه‌یی پیاده‌سازی دقیق روش فیتلت و خان، با تشکیل جدول‌های قبل و بعد از ساخت و لحاظ تغییراتی که روشنگر وجوه مبهم روش باشد، بیان شده است. حصول انتباط مناسب نتایج با مقادیر حاصل از مدل‌سازی المان محدود، بیانگر امکان ارائه‌یی مثال مورد بررسی به عنوان نمونه‌یی قابل استناد جهت صحت‌سنجی و کالیبراسیون خطای مدل‌سازی است.

jalilzadeh.afshari@semnan.ac.ir  
kheyroddin@semnan.ac.ir  
mgholhaki@semnan.ac.ir

وازگان کلیدی: آنالیز غیرخطی توالی ساخت، آنالیز متداول، کوتاه‌شدنگی ستون، خزش، آبرفتگی، مدلول کشسانی.

## ۱. مقدمه

کامل هر روش، دستاوردهای پژوهش حاضر نیز در خصوص بهبود روش مذکور یا ارائه‌یی روابط پیشنهادی جهت اعمال روش موردنظر در نرم افزارهای متداول تحلیل و طراحی ارائه شود. از دیگر اهداف نوشتار حاضر، بیان شیوه‌یی محاسبه‌یی دستی آثار خزش و آبرفتگی با پیاده‌سازی دقیق روش فیتلت و خان از طریق تشکیل جدول‌های قبل و بعد از ساخت، به گونه‌یی است که با اعمال تغییراتی ساده، وجوده مبهم روش مذکور برطرف و پس از حصول انتباط مناسب نتایج با مقادیر حاصل از روش مشابه PCA که قابلیت مدل‌سازی المان محدودی دارد، امکان ارائه‌یی مثالی قابل استناد جهت صحت‌سنجی و کالیبراسیون خطای مدل‌سازی مهیا شود. از دیگر اهداف نوشتار حاضر، مقایسه‌یی کوتاه‌شدنگی ستون در مثالی یکسان برای کلیه‌ی روش‌های مورد بررسی، تحدت دو آنالیز متداول یک مرحله‌یی و آنالیز مرحله‌یی توالی ساخت پس از گذشت ۱۵۰۰ روز از زمان ساخت است.

## ۲. روش‌های برآورد رفتار دراز مدت بتن

بررسی آثار درازمدت بتن تحت تحلیل متداول یک مرحله‌یی و تحلیل مرحله‌یی غیرخطی، در ابتداء مستلزم شناخت روش‌های اعمال پدیده‌های وابسته به زمان بتن

طی سال‌های اخیر، توجه به تطابق طراحی سازه با مراحل عملی اجرا از طریق وارد کردن تقدم و تأخیر برنامه‌یی ساخت در طراحی سازه در قالب تحلیل مرحله‌یی توالی ساخت، همواره مورد توصیه‌یی اکید پژوهشگران بوده است.<sup>[۱]</sup> غفلت از تحلیل غیرخطی مرحله‌یی سازه می‌تواند منجر به بروز مشکلات بسیاری در تحلیل و طراحی سازه‌های بلندمرتبه شود. از جمله‌یی مسائل ذکر شده می‌توان کوتاه‌شدنگی تجمعی ستون‌ها<sup>[۲]</sup> لنگرهای اضافی در اعضاء سازه‌یی مجاور و نظری: تیرها ناشی از تغییرشکل‌های محوری متفاوت اعضاء سازه‌یی افقی، باز پخش قابل توجه تشن در بین المان‌های سازه‌یی، افزایش خیز تیرهای بتنی<sup>[۳]</sup> گسترش ترک‌های پیش‌رونده در اعضاء غیرسازه‌یی و پانل‌های با تغییرشکل‌های نقلی ناهمگون و عدم استفاده از ظرفیت درنظر گرفته شده در طراحی اعضاء سازه<sup>[۴]</sup> را به عنوان آثار نامطابقی نام برد که درنظر گرفتن پدیده‌های وابسته به زمان سازه‌های بتنی، نظیر خزش و جمع‌شدنگی (آبرفتگی)، منجر به تشدید آن‌ها نیز می‌شوند. از این رو هدف نوشتار حاضر، آشنایی کامل با معتبرترین روش‌های اعمال رفتار درازمدت بتن در تحلیل به گونه‌یی است که ضمن شناخت

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۴ آذر ۱۳۹۵، اصلاحیه ۱۳۹۵/۱۱/۱۱، پذیرش ۲۳ آذر ۱۳۹۵/۱۱/۱۱.

DOI: 10.24200/J30.2019.1436

**جدول ۱. ضرایب به کاررفته در روابط ۴ الی ۶ برای انواع سیمان.**

طبقه بندی سیمان		$\alpha_s$
CEB-FIP ۲۰۱۰	CEB-FIP ۱۹۹۰	
۳۲,۵N	-۱۰,۳۸	دیگر (SL)
۲۲,۵R, ۴۲,۵N	۰,۲۵	نرمال و زودگیر (N&R)
۴۲,۵R, ۵۲,۵N, ۵۲,۵R	+۰,۲	زودگیر با مقاومت بالا (RS)

تداوم می‌باید و  $(\Delta t_i)T$  درجه حرارتی (به سانتی‌گراد) است که در بازه‌ی زمانی  $\Delta t_i$  اتفاق می‌افتد. این تذکر لازم است که کلیه‌ی روابط مورداستفاده در روش CEB-FIP بر پایه‌ی درجه حرارت مبنا و معیار ۲۰ درجه‌ی سانتی‌گراد است و تنظیم حرارتی زمان و سن بارگذاری بتن از طریق رابطه‌ی ۶ برای درجه‌ی دمای مذکور ضروری نیست و در صورت استفاده از سیمان با زمان گیرایش نرمال ( $N$ ، سن بارگذاری عضو  $t_0$ )، همان سن بارگذاری معادل حرارتی بتن  $(t_{0,T})$  است.

**CEB-FIP ۱۹۹۰ ۱.۱.۲**

-- خوش‌کلیه‌ی روابط پیشنهادی روش موربدبررسی، در محدوده‌ی مقاومت فشاری میانگین ۲۸ روزه بین ۱۲ تا ۸۰ مگاپاسکال، رطوبت محیط بین ۴۰ تا ۱۰۰ درصد و دمای محیط بین ۵ تا ۳۰ درجه‌ی سانتی‌گراد معتبر است.<sup>[۸]</sup> در محدوده‌ی که قدر مطلق تنش محوری کوچک‌تر از ۴٪ مقاومت فشاری میانگین ۲۸ روزه‌ی بتن باشد، رابطه‌ی کرنش خوشی و تنش خطی است. در این حالت کرنش خوشی  $(t, t_0)$  وابسته به تنش ثابت، مطابق رابطه‌ی ۸ خواهد بود:

$$\varepsilon_{cs}(t, t_0) = \sigma_c(t_0) \left[ \frac{1}{E_c(t_0)} + \frac{\varphi(t, t_0)}{E_{ci}} \right] = \sigma_c(t_0) J(t, t_0) \quad (8)$$

که در آن،  $E_c(t_0)$ ، مدول کشسانی در زمان بارگذاری و در نتیجه  $(1/E_c(t_0))$  بیانگر کرنش اولیه بر واحد تنش و  $J(t, t_0)$ ،تابع خوشی یا تابع انطباق<sup>۳</sup> و میانگین کرنش وابسته به تنش بر واحد تنش است. ضریب بین بعد خوش  $\varphi(t, t_0)$  مطابق رابطه‌ی ۹ محاسبه می‌شود:

$$\phi(t, t_0) = \phi_0 \cdot \beta_c(t - t_0) \quad (9)$$

که در آن،  $\phi$  از رابطه‌ی ۱۰ به دست می‌آید:

$$\phi_0 = \left( 1 + \frac{1 - RH/100}{0,46(h/100)^{1/2}} \right) \cdot \left[ \frac{5,3}{(f_{cm}/10)^{0,5}} \right] \cdot \beta(t_0) \quad (10)$$

و در آن،  $\beta(t_0)$  از رابطه‌ی ۱۱ به دست می‌آید:

$$\beta(t_0) = \left( \frac{1}{0,1 + t_0^{0,2}} \right) \quad (11)$$

همچنین  $\beta_c(t - t_0)$  و  $\beta_H$  از رابطه‌های ۱۲ و ۱۳ به دست می‌آید:

$$\beta_c(t - t_0) = \left[ \frac{t - t_0}{\beta_H + t - t_0} \right]^{0,3} \quad (12)$$

$$\beta_H = 150 \left\{ 1 + (1,2 \frac{RH}{100})^{1/4} \right\} \frac{h}{100} + 250 \leq 1500 \quad (13)$$

که در آن‌ها،  $\beta_c(t - t_0)$  ضریب میان نحوه‌ی رشد خوش پس از بارگذاری است.

-- آبرفتگی: کرنش آبرفتگی یا تورمی  $(\varepsilon_{cs}(t, t_s))$ ، مطابق رابطه‌ی ۱۴ محاسبه می‌شود:

$$\varepsilon_{cs}(t, t_s) = \varepsilon_s(f_{cm}) \cdot \beta_{RH} \cdot \beta_s(t - t_s) \quad (14)$$

در تحلیل است. از این رو در ابتدا، مهم‌ترین و شناخته‌شده‌ترین روش‌های موجود با بیان محدودیت‌های کاربرد و معایب و مزایای هر یک ارائه شده است.

**CEB-FIP ۱.۱.۲**

این نامه‌ی CEB-FIP، یکی از قدیمی‌ترین و معتبرترین کدهای شناخته‌شده در خصوص برآورده‌های سه‌گانه وابسته به زمان بتن است که به دلیل سادگی روابط و روند محاسبات،<sup>[۹]</sup> به طور قابل ملاحظه‌ی مورد استفاده‌ی پژوهشگران قرار دارد. تفاوت‌های عمده و اساسی در پیش‌بینی رفتار دارای مدت بتن که در بین دو نسخه‌ی اصلی سال‌های ۱۹۹۰ و ۲۰۱۰ وجود دارد، در قالب دو بخش جداگانه‌ی CEB-FIP ۲۰۱۰ و CEB-FIP ۱۹۹۰ ضوابط یکسان و مشترک بین نسخ یادشده ارائه شده‌اند: در کلیه‌ی روابط مورد استفاده‌ی پیش‌رو،  $t$  سن بتن (به روز)،  $t_0$  سن بتن (به روز) در زمان بارگذاری،  $t_s$  سن بتن (به روز) در زمان شروع آبرفتگی یا تورم است که با پایان دوره‌ی عمل آوری مرتبط شروع می‌شود،  $RH$  درصد رطوبت محیط و  $h$  بعد نظری<sup>۱</sup> عضو بر حسب میانگین متر است که از رابطه‌ی ۱ به دست می‌آید:

$$h = \frac{2A_c}{u} \quad (11)$$

که در آن،  $A_c$  سطح مقطع عضو و  $u$  محیط عضو در تماس با اتساع است. مقاومت فشاری مورد استفاده در محاسبه‌ی خوش و آبرفتگی، مقاومت فشاری میانگین ( $f_{cm}$ ) است که در سن ۲۸ روز از رابطه‌ی ۲، بر حسب مگاپاسکال حاصل می‌شود و مدول کشسانی ۲۸ روزه‌ی بتن نیز با استفاده از آن و مطابق رابطه‌ی ۳ به دست می‌آید.

$$f_{cm} = f_{ck} + \lambda MPa \quad (2)$$

$$E_{ci} = 21,5 \times 10^3 (f_{cm}/10)^{1/3} \quad (3)$$

که در آن،  $f_{ck}$  مقاومت فشاری مشخصه‌ی ۲۸ روزه‌ی بتن (MPa) است. چگونگی رشد مقاومت فشاری میانگین و مدول کشسانی بتن باگذشت زمان در سن دلخواه،  $t$  به ترتیب از حاصل ضرب تابع نمایی<sup>۲</sup> در مقاومت فشاری میانگین و مدول کشسانی ۲۸ روزه‌ی بتن مطابق روابط ۴ و ۵ حاصل می‌شود. اثر نوع سیمان در تخمین سن بارگذاری ( $t_0$ ) به صورت رابطه‌ی ۶ قابل تعریف است:

$$f_{cm}(t) = \exp \left\{ s \left[ 1 - \left( \frac{28}{t} \right)^{1/2} \right] \right\} \times f_{cm} \quad (4)$$

$$E_{ci}(t) = \exp \left\{ s \left[ 1 - \left( \frac{28}{t} \right)^{1/2} \right] \right\} \times E_{ci} \quad (5)$$

$$t_0 = t_{0,T} \times \left[ \frac{9}{2 + (t_{0,T})^{1/2}} + 1 \right]^{\alpha} \geq 0,5 \quad \text{روز} \quad (6)$$

که در آن‌ها،  $s$  و  $\alpha$  ضرایب وابسته به نوع سیمان مصرفی با مقادیر مندرج در جدول ۱،  $t_0$  سن بارگذاری معادل حرارتی بتن (به روز) ناشی از اعمال اثر درجه حرارت در بلوغ بتن و متعاقباً در خوش مؤثر در سازه قبل از بارگذاری است و مطابق رابطه‌ی ۷ به دست می‌آید:

$$t_T = \sum_{i=1}^n \Delta t_i \exp \left[ 13,65 - \frac{4000}{272 + T(\Delta t_i)} \right] \quad (7)$$

که در آن،  $t_T$  سن معادل حرارتی بتن (به روز) است که جایگزین  $t$  در تمامی معادلات مرتبط خواهد شد،  $\Delta t_i$  تعداد روزهایی است که درجه حرارت ( $t$  به سانتی‌گراد)

که در آن‌ها،  $\beta_{dc}(t, t_0)$  ضریب میان نحوه‌ی رشد خرشن خشک‌شونده با گذشت زمان است.

-- آبرفتگی: کرنش آبرفتگی نهایی  $\varepsilon_{cas}(t, t_s)$  از جمع آبرفتگی خود به خودی  $\varepsilon_{cas}(t)$  و آبرفتگی خشک‌شونده  $\varepsilon_{cds}(t, t_s)$ ، به صورت رابطه‌ی ۲۶ حاصل می‌شود.

$$\varepsilon_{cs}(t, t_s) = \varepsilon_{cas}(t) + \varepsilon_{cds}(t, t_s) \quad (26)$$

که در آن،  $\varepsilon_{cas}(t)$  از رابطه‌های ۲۷ به دست می‌آید:

$$\varepsilon_{cas}(t) = \left[ -\alpha_{as} \left( \frac{f_{cm}/10}{9 + f_{cm}/10} \right)^{1/5} \times 10^{-6} \right] \beta_{as}(t) \quad (27)$$

که در آن،  $\beta_{as}(t)$  و  $\varepsilon_{cds}(t, t_s)$  از رابطه‌های ۲۸ و ۲۹ به دست می‌آیند:

$$\beta_{as}(t) = 1 - \exp(-0.2\sqrt{t}) \quad (28)$$

$$\varepsilon_{cds}(t, t_s) = \beta_{RH}(RH) \varepsilon_{cds}(f_{cm}) \beta_{ds}(t - t_s) \quad (29)$$

که در آن‌ها،  $\beta_{RH}(RH)$ ،  $\beta_{ds}(t - t_s)$ ،  $\varepsilon_{cds}(f_{cm})$  و  $\beta_{as}(t)$  از رابطه‌های ۳۰ الی ۳۳ به دست می‌آیند:

$$\varepsilon_{cds}(f_{cm}) = [(220 + 110 \alpha_{ds1}) \exp(\alpha_{ds1} f_{cm})] \times 10^{-6} \quad (30)$$

$$\beta_{ds}(t - t_s) = \left( \frac{t - t_s}{0.1035h^2 + t - t_s} \right)^{1/5} \quad (31)$$

$$\beta_{RH}(RH) = -1.55 \left[ 1 - \left( \frac{RH}{100} \right)^2 \right] \quad (32)$$

$$40\% \leq RH < 99\beta_{s1}$$

$$\beta_{RH}(RH) = +0.25 \quad RH \geq 99\beta_{s1} \quad (32)$$

$$\beta_{s1} = \left( \frac{35}{f_{cm}} \right)^{1/5} \leq 1 \quad (33)$$

که در آن‌ها،  $\beta_{ds}(t - t_s)$  ضریب میان نحوه‌ی رشد آبرفتگی خشک‌شونده با گذشت زمان است. سایر پارامترهای مورد استفاده‌ی روابط ۲۷ و ۳۰، در جدول ۲ ارائه شده است.

## ACI ۲.۲

روش آین نامه‌ی ACI در قالب کمیته‌ی ۹ (ACI ۹R-۹۲)، ساده‌ترین روش شناخته شده در میان روش‌های معتبر برآورد رفتار درازمدت بتن است، که با وجود سادگی، وجود گستردگی از خواص مصالح مؤثر در پدیده‌های سه‌گانه وابسته به زمان بتن را در روابط معنکس می‌کند.<sup>[۱۰]</sup> در روش ACI، ابتدا شرایط استاندارد تعریف و براساس آن روابط پیش‌بینی‌کننده‌ی تغیرات زمانی خرشن و آبرفتگی

جدول ۲. ضرایب به کار رفته در روابط ۲۷ و ۳۰

$\alpha_{ds2}$	$\alpha_{ds1}$	$\alpha_{as}$	نوع سیمان
۰.۱۳	۳	۸۰۰	۲۲.۵N
۰.۱۲	۴	۷۰۰	۳۲.۵R, ۴۲.۵N
۰.۱۲	۶	۶۰۰	۴۲.۵R, ۵۲.۵N, ۵۲.۵R

که در آن،  $\beta(t - t_s)$  و  $\beta_{RH}(f_{cm})$  از رابطه‌های ۱۵ الی ۱۷ به دست می‌آیند:

$$\varepsilon_s(f_{cm}) = [160 + 10 \beta_{sc}(9 - f_{cm}/10)] \times 10^{-6} \quad (15)$$

$$\beta_{RH} = -1.55 \left[ 1 - \left( \frac{RH}{100} \right)^2 \right] \quad 40\% \leq RH < 99 \quad (16)$$

$$\beta_{RH} = +0.25 \quad RH \geq 99$$

$$\beta_s(t - t_s) = \left[ \frac{t - t_s}{0.1035h^2 + t - t_s} \right]^{1/5} \quad (17)$$

که در آن‌ها،  $\beta_{sc}$  ضریب وابسته به نوع سیمان مصرفی است که برای سیمان‌های دیرگیر برابر ۴، برای سیمان‌های نرمal یا زودگیر برابر ۵ و برای سیمان‌های زودگیر با مقاومت بالا برابر ۸ خواهد بود و  $\beta_s(t - t_s)$  ضریب میان نحوه‌ی رشد آبرفتگی با گذشت زمان است.

## CEB-FIP ۲۰۱۰ ۲.۱.۲

کلیه‌ی روابط پیشنهادی روش ذکرشده، در محدوده‌ی مقاومت فشاری میانگین ۲۸ روزه بین ۲۰ تا ۱۳۰ مگاپاسکال، رطوبت محیط بین ۴۰ تا ۱۰۰ نا درصد و دمای محیط بین ۵ تا ۳۰ درجه‌ی سانتی‌گراد معتبر است. مهم‌ترین وجه تمایز ویرایش سال ۲۰۱۰ نسبت به سال ۱۹۹۰ نسبت به خرشن کلی به دو خرشن پایه و خرشن خشک‌شونده و نیز تدقیک آبرفتگی کلی به مؤلفه‌های آبرفتگی خودکار و آبرفتگی خشک‌شونده است.<sup>[۱۱]</sup> نمود عینی تدقیک مذکور در روابط محاسباتی مربوط به خرشن و آبرفتگی به ترتیب در بخش‌های آتی مورد بازبینی قرار خواهد گرفت.

-- خرشن: ضریب بی بعد خرشن ( $\phi(t, t_0)$ )، از جمع ضرایب خرشن پایه ( $\phi_{bc}(t, t_0)$ ) و خرشن خشک‌شونده ( $\phi_{dc}(t, t_0)$ )، مطابق رابطه‌ی ۱۸ حاصل می‌شود:

$$\phi(t, t_0) = \phi_{bc}(t, t_0) + \phi_{dc}(t, t_0) \quad (18)$$

که در آن،  $\phi_{bc}$  و  $\phi_{dc}$  از روابط ۱۹ و ۲۰ به دست می‌آیند:

$$\phi_{bc}(t, t_0) = \left[ \frac{1.8}{(f_{cm})^{1/4}} \right] \ln \left[ (30/t_0 + 0.35)^{(1)}(t - t_0) + 1 \right] \quad (19)$$

$$\phi_{dc}(t, t_0) = \left( \frac{1 - RH/100}{\sqrt{h/100}} \right) \beta_{dc}(f_{cm}) \beta_{dc}(t_0) \beta_{dc}(t, t_0) \quad (20)$$

که در آن‌ها،  $\beta_{dc}(t, t_0)$  و  $\beta_{dc}(f_{cm})$  از روابط ۲۱ الی ۲۳ به دست می‌آیند:

$$\beta_{dc}(f_{cm}) = 4.12(f_{cm})^{-1/4} \quad (21)$$

$$\beta_{dc}(t_0) = \left( 0.1 + t_0^{0.12} \right)^{-1} \quad (22)$$

$$\beta_{dc}(t, t_0) = \left( \frac{t - t_0}{\beta_h + t - t_0} \right)^{\gamma(t_0)} \quad (23)$$

که در آن،  $\gamma(t_0)$  و  $\beta(h)$  از رابطه‌های ۲۴ و ۲۵ به دست می‌آیند:

$$\gamma(t_0) = \left( 2.3 + \frac{3.5}{\sqrt{t_0}} \right)^{-1} \quad (24)$$

$$\beta_h = 1.5h + 250 \left( \frac{35}{f_{cm}} \right)^{1/5} \leq 1500 \left( \frac{35}{f_{cm}} \right)^{1/5} \quad (25)$$

جدول ۳. ثابت های به کار رفته در رابطه‌ی ۳۴.

ثابت	عمل آوری مرتبط		
	سیمان تیپ I	سیمان تیپ III	سیمان تیپ III
	$\nu_u$	$t$	$\alpha$
	۰/۷	۲/۳	۴
	۰/۹۸	۰/۹۵	۰/۸۵
			$\beta$

استاندارد برابر ۱ و در غیر این صورت شکل حاصل ضرب ضرایبی مطابق رابطه‌ی ۲۸ است:

$$\gamma_c = \gamma_c(t_0) \cdot \gamma_c(RH) \cdot \gamma_c(\nu/s) \cdot \gamma_c(sl) \cdot \gamma_c(\mu) \cdot \gamma_c(a) \quad (38)$$

که در آن،  $\gamma(t_0)$ ،  $\gamma_c(RH)$ ،  $\gamma_c(\nu/s)$ ،  $\gamma_c(sl)$  و  $\gamma_c(\mu)$  به ترتیب اثر تعییر در سن باگذاری استاندارد، درصد رطوبت استاندارد، نسبت حجم به سطح جانبی استاندارد، اسلامپ استاندارد، درصد ریزدانه‌ی استاندارد و درصد هوای استاندارد، مطابق روابط ۳۹ الی ۴۴ است:

$$\gamma_c(t_0) = 1,25(t_0)^{-0,118} \quad (39)$$

$$\gamma_c(RH) = 1,27 - 0,00067RH \quad RH > 74\% \quad (40)$$

$$\gamma_c(\nu/s) = (2/3) \{ 1 + 1/13 \exp[-0,0213(\nu/s)] \} \quad (41)$$

$$\gamma_c(sl) = 0,82 + 0,00264 \times sl \quad (42)$$

$$\gamma_c(\mu) = 0,88 + 0,0024 \times \mu \quad (43)$$

$$\gamma_c(a) = 0,46 + 0,009a \quad (44)$$

که در آن‌ها،  $(\nu/s)$ ،  $(sl)$ ،  $(\mu)$  و  $(a)$ ، به ترتیب نسبت حجم به سطح جانبی بر حسب میلی‌متر، اسلامپ بتن بر حسب میلی‌متر، درصد ریزدانه‌ی بتن و درصد هوای بتن هستند. در موقعی که استفاده از ضخامت عضو  $Th$  بر حسب میلی‌متر ( $mm$ ) بجزای نسبت حجم به سطح جانبی مثلاً درخصوص دال‌ها، منطقی‌تر باشد، به جای رابطه‌ی ۴۱ می‌توان از رابطه‌ی ۴۵ استفاده کرد:

$$\gamma_c(Th) = 1,14 - 0,00092 \times Th \quad t = t_0 \quad (45)$$

$$\gamma_c(Th) = 1,1 - 0,00067 \times Th \quad t = t_0 \quad (45)$$

با توجه به مرسوم بودن عمل آوری مرتبط بتن و محل کاربرد گسترش‌دهتر آن نسبت به عمل آوری با بخار، روابط ۳۹ الی ۴۵ که مختص شرایط عمل آوری مرتبط بتن هستند، در پژوهش حاضر ارائه شده است. روابط مذکور برای شرایط عمل آوری با بخار، مقادیری متفاوت ارائه می‌دهند.<sup>[۱۰]</sup> این تذکر لازم است که در نسبت زمانی رابطه‌ی ۳۷، آثار خزش پایه و خشک‌شونده تفکیک نشده و از آنجا که پارامترهای  $\psi$  و  $d$  در نسبت زمانی پادشده به شکل ضرایب ثابت فرض شده‌اند، لذا خواص ناشی از شکل و ابعاد نیز در رابطه‌ی مذکور بازتاب نمی‌باشد. برای تأثیر شکل و ابعاد عضو در منحنی خزش، از مقادیر رابطه‌ی ۴۶ به جای مقادیر متناظر پیشین  $\psi$  و  $d$  استفاده می‌شود:

$$d = 26 \exp[1,42 \times 10^{-1}(\nu/s)], \psi = 1 \quad (46)$$

این تذکر لازم است که روابطی جهت تفکیک خزش پایه از خزش کلی و اعمال آثار واپس‌گردی دینامیکی مدول کشسانی به زمان توسط برخی پژوهشگران در قالب نسخ تکمیلی روش ACI<sup>۲۰۹</sup> اضافه شده است که می‌تواند مورداستفاده‌ی علاقمندان قرار گیرد.<sup>[۱۱]</sup>

مطوح می‌شود. تعییر و عدول هر یک از شرایط مؤثر در خزش یا آبرفتگی نسبت به ضوابط استاندارد به شکل حاصل ضرب یک ضریب اصلاحی، به ترتیب در مقادیر

نهایی ضریب خزش ( $\nu_u$ ) یا کرنش نهایی آبرفتگی ( $\varepsilon_{sh}$ )، در روابط نمود می‌باشد. در ضوابط روش ACI، مقاومت فشاری مشخصه‌ی بتن در زمان دلخواه  $t$  ( $f'_c(t)$ )، به صورت حاصل ضرب نسبت زمانی<sup>[۱]</sup> (به شکل تابع های ریولیکی<sup>[۵]</sup> در مقاومت فشاری مشخصه‌ی ۲۸ روزه‌ی بتن ( $f_{ck}$ ))، مطابق رابطه‌ی ۳۴ تعریف می‌شود. رشد زمانی مدول کشسانی بتن نیز به صورت تابعی از مقاومت فشاری بتن در هر زمان مورد نظر و وزن حجمی بتن ( $w_c$ ) مطابق رابطه‌ی ۳۵ خواهد بود.

$$f'_c(t) = \frac{t}{\alpha + \beta t} f_{ck} \quad (34)$$

$$E_c(t) = 0,043 \times (w_c)^{1/5} \sqrt{f'_c(t)} \quad (35)$$

که در آن‌ها، مقاومت‌های فشاری بر حسب مکاپاسکال و وزن حجمی بتن بر حسب کیلوگرم بر مترا مکعب است و پارامترهای  $\alpha$  و  $\beta$  ثابت‌های وابسته به شرایط عمل آوری بتن و نوع سیمان مصروفی با مقادیر مندرج در جدول ۳ هستند.

شرایط استاندارد روش ACI برای حصول روابط خزش و آبرفتگی به این قرار است: سن باگذاری بتن برابر ۷ روز برای عمل آوری مرتبط و ۱ تا ۳ روز برای عمل آوری با بخار رطوبت ۴۰ درصدی محیط، نسبت حجم به سطح جانبی عضو ۳۸ میلی‌متر، اسلامپ ۷۰ میلی‌متر، درصد ریزدانه ۵۰٪، هوای بتن کسر از ۶٪ و سیمان‌های مورد استفاده از نوع تیپ I و III با عیارین ۲۲۹ تا ۴۴۶ میلی‌متر، کیلوگرم بر مترا مکعب هستند. کلیه‌ی شرایط ذکر شده در دمای معیار ۲  $23,2 \pm 2$  درجه‌ی سانتی‌گراد معتبر است. این تذکر لازم است که نسبت حجم به سطح جانبی مورداستفاده‌ی روش ACI، نصف بعد نظری مورداستفاده‌ی روش CEB-FIP است.

## ۱.۲. خزش

کرنش خرشه‌ی  $\varepsilon_{cr}(t, t_0)$  وابسته به تنش ثابت ( $\sigma_c(t_0)$ ، با توجه به رابطه‌ی خطی تنش و کرنش، مطابق رابطه‌ی ۳۶ خواهد بود:

$$\varepsilon_{cr}(t, t_0) = \sigma_c(t_0) \left[ \frac{1}{E_c(t_0)} + \frac{\nu(t, t_0)}{E_c(t_0)} \right] = \sigma_c(t_0) \delta(t, t_0) \quad (36)$$

که در آن،  $E_c(t_0)$  مدول کشسانی در زمان باگذاری و در نتیجه،  $\frac{1}{E_c(t_0)}$  بیانگر کرنش اولیه بر واحد تنش و  $(t, t_0)$  تابع انطباق و میان کرنش وابسته به تنش بر واحد تنش است. ضریب بی بعد خزش ( $\nu(t, t_0)$ )، مطابق رابطه‌ی ۳۷ محاسبه می‌شود:

$$\nu(t, t_0) = \frac{(t - t_0)^\psi}{d + (t - t_0)^\psi} \nu_u \quad (37)$$

برای شرایط استاندارد مطرح شده،  $\psi$  برابر  $0,6$  در  $10$  روز و  $\nu_u$  برابر  $2/35$  در نظر گرفته می‌شود. این تذکر لازم است که ضریب نهایی خزش ( $\nu_u$ ) در ضریب اصلاحی ( $\gamma_c$ ) ضرب خواهد شد که مقدار آن در صورت برقراری کلیه‌ی شرایط

## ۲.۲.۲ آب رفتگی

کرنش آب رفتگی  $(\varepsilon_{sh})_t$ ، مطابق رابطه‌ی ۴۷ محاسبه می‌شود:

$$(\varepsilon_{sh})_t = \frac{(t - t_s)^\eta}{f + (t - t_s)^\eta} (\varepsilon_{sh})_u \quad (47)$$

برای شرایط استاندارد مطرح شده،  $\eta$  برابر ۱،  $f$  برای شرایط عمل آوری مرتبط و با بخار به ترتیب برابر ۳۵ و ۵۵ روز و  $(\varepsilon_{sh})_u$  برای شرایط عمل آوری مرتبط و عمل آوری با بخار به ترتیب برابر  $10^{-6} \times 1000$  و  $10^{-6} \times 730$  است. با تقریب مناسب می‌توان از مقدار  $10^{-6} \times 780$  برای هر دو نوع شرایط عمل آوری استفاده کرد. کرنش نهایی آب رفتگی  $(\varepsilon_{sh})_u$  در ضریب اصلاحی  $(\gamma_{sh})$  ضرب خواهد شد که مقدار آن در صورت برقراری کلیه‌ی شرایط استاندارد، برابر ۱ و در غیر این صورت به صورت حاصل ضرب ضرایبی است که هر یک میان اثر تغییر و عدول پارامتر مورد بررسی از شرایط متناظر استاندارد است (رابطه‌ی ۴۸).

$$\gamma_{sh} = \gamma_{sh}(t_s) \cdot \gamma_{sh}(RH) \cdot \gamma_{sh}(\nu/s) \cdot \gamma_{sh}(sl) \cdot \gamma_{sh}(\mu) \cdot \gamma_{sh}(a) \cdot \gamma_{sh}(c) \quad (48)$$

که در آن،  $\gamma_{sh}(t_s)$ ،  $\gamma_{sh}(RH)$ ،  $\gamma_{sh}(\nu/s)$ ،  $\gamma_{sh}(sl)$ ،  $\gamma_{sh}(\mu)$  و  $\gamma_{sh}(a)$  و  $\gamma_{sh}(c)$  به ترتیب اثر تغییر در سن عمل آوری استاندارد، درصد رطوبت استاندارد، حجم به سطح جانبی استاندارد، اسلامپ استاندارد، درصد ریزانه استاندارد، درصد هوای استاندارد، و عیار استاندارد سیمان مصروفی مطابق روابط ۴۹ الی ۵۵ هستند.

$$\gamma_{sh}(t_s) = 1,202 - 0,2337 \log(t_s) \quad (49)$$

$$\gamma_{sh}(RH) = 1,4 - 0,0102 RH \quad \%40 \leq RH \leq \%80 \quad (50)$$

$$\gamma_{sh}(RH) = 3 - 0,03 RH \quad \%80 < RH \leq \%100 \quad (51)$$

$$\gamma_{sh}(\nu/s) = 1,2 \exp[-0,00472(\nu/s)] \quad (52)$$

$$\gamma_{sh}(sl) = 0,89 + 0,00161 \times sl \quad (53)$$

$$\gamma_{sh}(\mu) = 0,3 + 0,014 \mu \quad \mu \leq \%50 \quad (54)$$

$$\gamma_{sh}(\mu) = 0,9 + 0,002 \mu \quad \mu > \%50 \quad (55)$$

$$\gamma_{sh}(a) = 0,95 + 0,008a \quad (56)$$

$$\gamma_{sh}(c) = 0,75 + 0,00061c \quad (57)$$

که در رابطه‌ی ۵۵،  $c$  عیار سیمان بر حسب کیلوگرم بر مترمکعب است. در مواقعي که استفاده از ضخامت عضو ( $Th$ ) (بر حسب میلی متر) به جای نسبت حجم به سطح جانبی مثلاً در خصوص دال‌ها منطقی تر باشد، به جای رابطه‌ی ۵۱ می‌توان از رابطه‌ی ۵۶ استفاده کرد:

$$\gamma_{sh}(Th) = 1,23 - 0,00015 \times Th \quad t - t_s < 1 \text{ سال} \quad (58)$$

$$\gamma_c(Th) = 1,17 - 0,00114 \times Th \quad t - t_s < 1 \text{ سال} \quad (59)$$

لازم به ذکر است که ( $\gamma_{sh}$ ) در هیچ حالتی نباید از  $0,2$  کوچک‌تر باشد. این تذکر لازم است که در نسبت زمانی رابطه‌ی ۴۷، آثار آب رفتگی خود به خود و خشک‌شونده تفکیک نشده و برای تأثیر شکل و ابعاد عضو در منحنی آب رفتگی، از مقادیر رابطه‌ی ۵۷ به جای مقادیر متناظر پیشین  $\eta$  و  $f$  استفاده می‌شود.

$$f = 26 \exp[1,42 \times 10^{-2}(\nu/s)], \eta = 1 \quad (60)$$

## ۳.۲. مدل Bazant-Baweja B³

مدل B³ بازنـت کامل ترین و جامع‌ترین روش شناخته شده در میان روش‌های معتبر برآورـد رفتار درازمدت بتن است که با به کارگیری طیف وسیعی از پارامترهای مؤثر در پدیده‌های وابسته به زمان بتن، روابط پیچیده‌ی روش می‌زند.<sup>[۱۰]</sup> در روش مذکور کلیه‌ی آثار خرزش پایه و خشک‌شونده و نیز آب رفتگی خود به خود و خشک‌شونده در روابط لحاظ شده است. یکی از وجوده تمایز روش بازنـت نسبت به سایر روش‌ها، ارائه‌ی مستقیمتابع انطباق خرزشی، بدون ارائه‌ی مجزای ضرایب بی بعد خرزش است، که کار را با نرم‌افزارهایی که از ضرایب بی بعد خرزش (ونه توابع انطباق خرزش با واحد معکوس نتش) به عنوان ورودی استفاده می‌کنند (مانند ETABS ۲۰۱۵)، مشکل Midas ۲۰۱۵ می‌سازد. پژوهش حاضر با انجام مدل‌سازی‌های متعدد در نرم‌افزار GEN که قابلیت استفاده از کلیه‌ی انواع ورودی خرزش، شامل: ضرایب خرزش، تابع انطباق خرزش و معادلات فرموله شده زمان - خرزش را دارد، مشکل مطرح شده را در قالب ارائه‌ی راه حلی برای کاربران نرم‌افزار GEN حل کرده است که در ادامه مطرح شده است. از دیگر مشخصه‌های بررسی‌شده مدل بازنـت نسبت به سایر روش‌ها، می‌توان وابستگی خرزش خشک‌شونده به آب رفتگی را از آن جهت که بدون حصول مجهولات آب رفتگی نمی‌توان توابع انطباق خرزش خشک‌شونده را محاسبه کرد، نام برد.<sup>[۱۱]</sup> در مدل بازنـت، مقاومت فشاری میانگین ۲۸ روزه‌ی بتن ( $f_{cm}$ ) (براساس مقاومت فشاری مشخصه‌ی ۲۸ روزه‌ی بتن ( $f_{ck}$ ))، مطابق رابطه‌ی ۵۸ و در پی آن مدول کشسانی ۲۸ روزه‌ی بتن ( $E_{cm}$ )<sup>[۲۸]</sup> مطابق رابطه‌ی ۵۹ و متعاقباً مدول کشسانی بتن در زمان دلخواه  $t$  ( $E_{cm}(t)$ )، از رابطه‌ی ۶۰ به دست می‌آید:

$$(58)$$

$$f_{cm} = f_{ck} + 8/3 MPa$$

$$E_{cm} = 4724 \sqrt{f_{cm}}$$

$$E_{cm}(t) = E_{cm}^{1/8} \left( \frac{t}{4 + 0,85t} \right)^{0,5} \quad (60)$$

کلیه‌ی روابط مدل بازنـت برای نسبت آب به سیمان ( $w/c$ ) بین ۰,۳۵ تا ۰,۸۵ نسبت سنگ‌دانه به سیمان ( $a/c$ ) بین ۰,۲۵ تا ۰,۵، مقاومت فشاری میانگین بین ۱۷ تا ۲۰ مگاپاسکال، و عیار سیمان بین ۱۶۰ تا ۲۷۰ کیلوگرم بر مترمکعب معتبر است.

## ۳.۲. آب رفتگی

با توجه به وابستگی خرزش خشک‌شونده به برخی از پارامترهای آب رفتگی، در ابتدا روابط مربوط به محاسبه‌ی آب رفتگی بررسی شده است. کرنش آب رفتگی  $(\varepsilon_{sh})_t$ ، مطابق رابطه‌ی ۶۱ محاسبه می‌شود:

$$\varepsilon_{sh}(t, t_s) = -\varepsilon_{sh\infty} k_{RH} S(t - t_s) \quad (61)$$

که در آن،  $k_{RH}$  ضریب وابسته به درصد رطوبت،  $\varepsilon_{sh\infty}$  بیانگر کرنش نهایی آب رفتگی و  $S(t - t_s)$  تابع میان نحوه‌ی رشد زمانی آب رفتگی، مطابق روابط ۶۲ الی ۶۶ است:

$$k_{RH} = 1 - RH^r \quad RH \leq 0,98$$

$$k_{RH} = -0,12 \quad RH = 1$$

$$k_{RH} = 12,74 - 12,94 RH \quad 0,98 < RH < 1 \quad (62)$$

که در آن،  $q_5$  و  $H(t)$  از روابط ۷۸ و ۷۹ به دست می‌آیند:

$$q_5 = ۰,۷۵۷(f_{cm})^{-۱} \left| \varepsilon_{sh\infty} \times 10^6 \right|^{-۰,۰^{\circ}} \quad (۷۸)$$

$$H(t) = ۱ - (۱ - RH).S(t - t_s) \quad (۷۹)$$

توقف روند محاسبات مدل برای سن بارگذاری کوچک ترازن شروع آب رفتگی ( $t < t_s$ )، از نقاط ضعف روش مذکور، البته فقط از دیدگاه ریاضی است چرا که معمولاً بارگذاری عضو قبل از پایان دوره‌ی عمل آوری آن شروع نمی‌شود. همان‌طور که اشاره شد، مدل بازانت ضرایب بی بعد خوش را به صورت مجزا ارائه نمی‌دهد. به عبارتی مشخص نیست که توابع انتطباق از تقسیم ضرایب خوشی بر چه مدول کشسانی حاصل شده است. موضوع مذکور برای کاربران نرم‌افزارهایی که ورودی آنها ضرایب بی بعد خوش است، مشکل‌ساز خواهد بود (رابطه‌ی ۸۰).

$$J(t, t_s)_{ETABS} = \left[ \frac{1}{E(t_s)} + \frac{\phi_{ETABS INPUT}(t, t_s)}{E(28)} \right] \quad (۸۰)$$

مشکل مذکور در نرم‌افزار ۱۵ Midas Gen ۲۰ و ۱۵ ETABS با قابلیت پذیرش انواع ورودی خوش را دارد، اساساً نمی‌شود. از این رو مدل‌سازی‌های متعدد در نرم‌افزار ذکرشده، انجام و نتایج تحلیل در قالب کوتاه‌شده‌ی ستون‌ها ناشی از ورودی خوش و آب رفتگی مدل بازانت یادداشت شد. جهت حصول بهترین انتطباق بین نتایج به دست آمده‌ی مذکور و نتایج نرم‌افزار ۱۵ ETABS و با مکمل از رابطه‌ی پیشنهادی آینه‌نامه‌ی ACI برای کرنش کشسان، نهایتاً در اینجا روش ساده‌ی ارائه‌شده‌ی برای کاربرانی که قصد مدل‌سازی با مدل بازانت را به عنوان مدل ورودی کاربر دارند، پیشنهاد شده است. به جای استفاده از مقدار  $q_1 = ۰,۶/E_{cm}^{۲۸}$  برای (رابطه‌ی ۶۸)، از مقدار  $۰,۸۴/E_{cm}^{۲۸}$  استفاده و پس از حصول تابع انتطباق کلی مطابق رابطه‌ی ۶۷، ورودی ضرایب بی بعد خوش برای نرم‌افزار ۱۵ ETABS به صورت رابطه‌ی ۸۱ فراهم شده است:

$$\phi_{ETABS INPUT}(t, t_s) = [J_{Bazant} - (۰,۸۴/E_{cm}^{۲۸})].E(28) \quad (۸۱)$$

که در آن،  $E(28)$  مدول کشسانی ۲۸ روزه‌ی بتن است. صحت رابطه‌ی پیشنهادی ۸۱ با مقایسه‌ی نتایج حاصل از مدل‌سازی در ۱۵ Midas Gen ۲۰ و ۱۵ ETABS ۲۰ درصدی نتایج، تأیید می‌شود.

#### ۴.۲ مدل GL۲۰۰۰

مدل گاردنر، یکی از ساده‌ترین مدل‌های معتبر برآورد رفتار درازمدت بتن است. شاخصه‌ی مهم مدل از یک سو، پیش‌بینی بدیده‌های واپسنه به زمان بتن با کمترین تعداد روابط محاسباتی و از سوی دیگر، شباهت بسیار آن به روش CEB-FIP است. در ضمن خوش مدل گاردنر به مانند مدل بازانت مستقل از آبرفتگی موجود نیست. آنچه در پژوهش حاضر در مورد مدل مذکور ارائه شده است، نسخه‌ی اصلاح شده‌ی برخی ضرایب مؤثر در رشد زمانی مقاومت فشاری بتن است، که در مدل سال ۲۰۰۱ گاردنر و لاکمن<sup>۷</sup> ارائه شده است.<sup>[۱۳]</sup> روابط پیشنهادی مدل موردنرسی، برای مقاومت فشاری میانگین ۲۸ روزه بین ۱۶ تا ۸۲ مگاپاسکال، رطوبت محیط بین ۲۰ تا ۱۰۰ درصد و نسبت آب به سیمان بین ۰,۴ تا ۰,۶ معتبر است. در روش گاردنر، مقاومت فشاری میانگین ۲۸ روزه‌ی بتن ( $f_{cm}^{28}$ ) براساس مقاومت فشاری مشخصه‌ی ۲۸ روزه‌ی بتن ( $f_{ck}$ )، مطابق رابطه‌ی ۸۲ و در پی آن مقاومت

$$\varepsilon_{sh\infty} = -\varepsilon_{s\infty} \left( \frac{E_{cm\cdot ۰,۷}}{E_{cm(t_s+\tau_{sh})}} \right) \times ۱۰^{-۶} \quad (۶۳)$$

$$\varepsilon_{s\infty} = -\alpha_1 \alpha_2 [۰,۰۱۹w^{۰,۱}(f_{cm})^{-۰,۰۲} + ۲۷۰] \times ۱۰^{-۶} \quad (۶۴)$$

$$S(t - t_s) = \tanh \sqrt{\frac{t - t_s}{\tau_{sh}}} \quad (۶۵)$$

$$\tau_{sh} = ۰,۰۸۵(t_s)^{-۰,۰۲}[2k_s(\nu/s)] \quad (۶۶)$$

که در آن،  $w$  محتوی آب بتن بر حسب کیلوگرم بر مترمکعب،  $E_{cm\cdot ۰,۷}$  مدول کشسانی بتن به ترتیب در زمان‌های ۶۰۷ و  $(t_s + \tau_{sh})$  روز است. ( $\tau_{sh}$ ) ضریبی است که اثر ابعاد عضو در آبرفتگی را اعمال می‌کند، ( $k_s$ ) ضریب اثر شکل است که برای آنالیزهای معمولی به دلیل عدم حساسیت بالا، می‌توان مقدار آن را برابر ۱ فرض کرد. مقدار  $\alpha_1$  برای سیمان‌های تیپ I، II، III به ترتیب برابر  $۰,۰۸۵$  و  $۰,۱$  و مقدار  $\alpha_2$  برای شرایط عمل آوری با بخار عمل آوری مرتبط و عمل آوری عایق و محافظت شده، به ترتیب برابر  $۰,۰۷۵$  و  $۰,۱/۲$  است.

#### ۲.۳.۲ خوش

کرنش خوشی ( $\varepsilon_{cr}(t, t_s)$  وابسته به تنش ثابت  $(\sigma_c(t_s))$  با درنظر گرفتن رابطه‌ی خطی تنش و کرنش مطابق رابطه‌ی ۶۷ ارائه می‌شود:

$$\begin{aligned} \varepsilon_{cr}(t, t_s) &= \sigma_c(t_s)[q_1 + C_c(t, t_s) + C_d(t, t_s, t_s)] \\ &= \sigma_c(t_s)J(t, t_s) \end{aligned} \quad (۶۷)$$

که در آن،  $q_1$  بیانگر کرنش اولیه بر واحد تنش و  $C_c(t, t_s)$  تابع انتطباق خوش پایه بر واحد تنش است که از رابطه‌های ۶۸ و ۶۹ به دست می‌آید:

$$q_1 = ۱/E_{cm\cdot ۰,۶} = ۰,۶/E_{cm\cdot ۲۸} \quad (۶۸)$$

$$C_c(t, t_s) = q_2 Q(t, t_s) + q_3 \ln[۱ + (t - t_s)^{۰,۱}] + q_4 \ln(t/t_s) \quad (۶۹)$$

که در آن،  $q_2$ ،  $q_3$  و  $q_4$  از روابط ۷۰ الی ۷۲ و  $Q(t, t_s)$  از رابطه‌ی ۷۳ به دست می‌آیند:

$$q_2 = ۱۸۵/۴ \times ۱۰^{-۶}.c^{۰,۰۵}.f_{cm}^{-۰,۰۹} \quad (۷۰)$$

$$q_3 = ۰,۲۹(w/c)^{۰,۱}q_2 \quad (۷۱)$$

$$q_4 = ۲۰/۳ \times ۱۰^{-۶}(a/c)^{-۰,۰۷} \quad (۷۲)$$

که در آن،  $c$  عیار سیمان بر حسب کیلوگرم بر مترمکعب است.

$$Q_f(t, t_s) = Q_f(t_s) \left[ ۱ + \left( \frac{Q_f(t_s)}{Z(t, t_s)} \right)^{r(t_s)} \right]^{-r(t_s)-۱} \quad (۷۳)$$

که در آن،  $(Q_f(t_s))$  و  $Z(t, t_s)$  از روابط ۷۴ الی ۷۶ به دست می‌آیند:

$$r(t_s) = ۱,۷(t_s)^{۰,۱۲} + ۸ \quad (۷۴)$$

$$Z(t, t_s) = (t_s)^{-۰,۰۵} \ln[۱ + (t - t_s)^{۰,۱}] \quad (۷۵)$$

$$Q_f(t_s) = [۰,۰۸۶(t_s)^{۰,۰۷} + ۱,۲۱(t_s)^{۰,۰۹}]^{-۱} \quad (۷۶)$$

همچنین  $C_d(t, t_s, t_s)$  تابع انتطباق خوش خشک‌شونده بر واحد تنش است که از رابطه‌ی ۷۷ به دست می‌آید:

$$C_d(t, t_s, t_s) = q_5 \cdot \{\exp[-\Lambda H(t)] - \exp[-\Lambda H(t_s)]\}^{۰,۰۵} \quad (۷۷)$$

معایب روش فیتتل و خان، می‌توان به لزوم وجود دستکم یک داده‌ی آزمایشگاهی مشخص از میزان آب‌رفتگی نمونه‌ی موربدبررسی در ابتدای کار، جهت تبدیلات مقادیر نهایی آب‌رفتگی اشاره کرد. مقدار مذکور می‌تواند در هر زمان دلخواه (از ابتدای ساخت تا مقدار نهایی) باشد، لکن تخمین آب‌رفتگی بدون داده‌ی آزمایشگاهی مذکور سیار تقریبی خواهد بود. اصول روش بر مبنای جداسازی مراحل ساخت به قابل و بعد از بتن‌ریزی ترازی است که محاسبه‌ی آثار خوش و آب‌رفتگی آن مد نظر است. در مدل مذکور، تغییرمکان‌های نسبی تکیه‌گاه‌های تراز  $N$  آم، با درنظر گرفتن یک سازه‌ی  $R$  طبقه که بتن‌ریزی آن تراز  $N$  انجام شده است، در اثر ۱. خوش ناشی از اعمال بارهای قبل از بتن‌ریزی تاوه ( $\Delta_{cr,i}^N$ )؛ ۲. خوش ناشی از بارهای اعمالی حين اجرا، از تراز  $N$  تا تراز  $R$  ( $\Delta_{cr,i}^R$ )؛ ۳. آب‌رفتگی و ۴. کوتاه‌شدنی کشسان ( $\Delta_{el,i}$ ) صورت می‌گیرد. یکی از مهم‌ترین ساخته‌های مدل فیتتل و خان، اعمال اثر فولادگذاری در کرنش‌های ناشی از خوش و آب‌رفتگی مطابق رابطه‌ی ۹۰ است.

$$R_{Sr} = \left( \frac{\sigma_c(t_s) + \varepsilon'_{sh}}{\rho \varepsilon'_c} \right) \left( 1 - \exp\left(\frac{-\rho n}{1 + \rho n}\right) \varepsilon'_c E_c \right) \quad (90)$$

که در آن،  $R_{Sr}$  نسبت کرنش خوشی و آب‌رفتگی ماندگار،  $\varepsilon_c$  خوش ویژه‌ی نهایی با واحد معکوس تنش است که از گراف ۳ مرجع [۱۵] در پژوهش حاضر به دست می‌آید،  $E_c$  و  $E_s$  به ترتیب مدل کشسانی بتن و فولاد،  $\varepsilon_{tot}$  مجموع کرنش خام خوشی ( $\varepsilon_{cr}$ ) و کرنش خام آب‌رفتگی ( $\varepsilon_{sh}$ ) محاسبه شده به روش فیتتل و خان،  $n$  نسبت مدل کشسانی فولاد به بتن هستند و  $\rho$  درصد آرماتور مقطع است که از رابطه‌ی ۹۱ محاسبه می‌شود:

$$\rho = A_{st}/[A_g + (n - 1)A_{st}] \quad (91)$$

که در آن،  $A_{st}$  سطح مقطع آرماتور و  $A_g$  سطح مقطع کلی عضو است. جهت حصول کرنش خوشی و آب‌رفتگی نهایی، قطعاً باید ضریب  $R_{Sr}$  در کرنش‌های خام به دست آمده ضرب شود و این موضوعی است که در سیاری منابع به آن پرداخته نشده و فقط با رجوع به نوشتار اصلی، روش مورد بررسی و تشکیل جدول‌های موردنظر و مقایسه‌ی نتایج با روش PCA توسط پژوهش حاضر به دست آمده است.

### ۱.۵.۲ خوش و آب‌رفتگی

تغییرمکان‌های نسبی تکیه‌گاه‌های تراز  $N$  آم، در اثر خوش ناشی از اعمال بارهای قبل از بتن‌ریزی تاوه از رابطه‌ی ۹۲ و در اثر خوش ناشی از بارهای اعمالی حين اجرا، از تراز  $N$  تا تراز  $R$ ، از رابطه‌ی ۹۳ به دست می‌آید:

$$\Delta_{cr}^N = \sum_i^N \Delta_{cr,i}^N = \sum_i^N h_i \sum_1^N (\sigma_c)_i \varepsilon'_{c,28} \lambda_c \lambda_a (1 - \lambda_t) \quad (92)$$

$$\Delta_{cr}^R = \sum_i^N \Delta_{cr,i}^R = \sum_i^N h_i \sum_N^R (\sigma_c)_i \varepsilon'_{c,28} \lambda_c \lambda_a \quad (93)$$

این تذکر لازم است که چنانچه بارها به طور یکسان و در زمان‌های مساوی اعمال شود، رابطه‌ی ۹۲ به صورت ساده‌شده‌ی رابطه‌ی ۹۴ ارائه می‌شود:

$$\Delta_{cr}^N = \sum_i^N \Delta_{cr,i}^N = \sum_i^N h_i (\sigma_c)_i \varepsilon'_{c,28} \lambda_c \lambda_{ave} (1 - \lambda_t) \quad (94)$$

تغییرمکان‌های نسبی تکیه‌گاه‌های تراز  $N$  آم در اثر آب‌رفتگی مؤثر در طبقات زیرین، که فقط پس از بتن‌ریزی طبقه‌ی مذکور اتفاق می‌افتد، حائز اهمیت است و

فشاری بتن در زمان دلخواه  $t$  یا به عبارتی  $(f_{cm}(t))$ ، از رابطه‌ی ۸۳ و نهایتاً چگونگی رشد زمانی مدل کشسانی بتن  $(E_{cm}(t))$ ، از رابطه‌ی ۸۴ به دست می‌آید:

$$f_{cm,28} = 1/1 f_{ck} + 5 MPa \quad (82)$$

$$f_{cm}(t) = \left( \exp\left[0.5m(1 - \sqrt{28/t})\right] \right)^r f_{cm,28} \quad (83)$$

$$E_{cm}(t) = 2500 + 4300 \sqrt{f_{cm}(t)} \quad (84)$$

مقدار  $m$  برای سیمان‌های تیپ I، II و III به ترتیب برابر  $1/4, 1/3$  و  $1/13$  است.

**۱.۴.۲ خوش** کرنش خوشی ( $\varepsilon_{cr}(t, t_s)$ ) وابسته به تنش ثابت  $\sigma_c(t_s)$  با توجه به رابطه‌ی خطی تنش و کرنش مطابق رابطه‌ی ۸۵ خواهد بود:

$$\varepsilon_{cr}(t, t_s) = \sigma_c(t_s) \left[ \frac{1}{E_{cm}(t_s)} + \frac{\phi_{28}(t, t_s)}{E_{cm,28}} \right] = \sigma_c(t_s) J(t, t_s) \quad (85)$$

که در آن،  $E_{cm}(t_s)$  مدل کشسانی در زمان بارگذاری و در نتیجه  $(\cdot/E_{cm}(t_s))$  بیانگر کرنش اولیه بر واحد تنش،  $E_{cm,28}$  مدل کشسانی ۲۸ روزه‌ی بتن است. ضریب  $\phi$  بعد خوش ( $\phi(t, t_s)$ ) با استفاده از روابط ۸۶ و ۸۷ محاسبه می‌شود:

$$\phi_{28}(t, t_s) = \phi(t_s) \left( 2 \frac{(t - t_s)^{0.5}}{(t - t_s)^{0.5} + 14} + \left( \frac{V(t - t_s)}{t_s(t - t_s + V)} \right)^{0.5} + 2.5 [1 - 1/18(RH)] \left[ \frac{t - t_s}{t - t_s + 0.12(\nu/s)^2} \right]^{0.5} \right) \quad (86)$$

$$\phi(t_s) = 1 \quad t_s = t_s \quad (86)$$

$$\phi(t_s) = \left[ 1 - \left( \frac{t_s - t_s}{t_s - t_s + 0.12(\nu/s)^2} \right)^{0.5} \right]^{0.5} \quad t_s > t_s \quad (87)$$

### ۲.۴.۲ آب‌رفتگی

کرنش آب‌رفتگی ( $\varepsilon_{sh}(t, t_s)$ )، مطابق رابطه‌ی ۸۸ محاسبه می‌شود:

$$\varepsilon_{sh}(t, t_s) = \varepsilon_{sh,u} [1 - 1/18(RH)] \left[ \frac{t - t_s}{t - t_s + 0.12(\nu/s)^2} \right]^{0.5} \quad (88)$$

که در آن،  $\varepsilon_{sh,u}$  از رابطه‌ی ۸۹ به دست می‌آید:

$$\varepsilon_{sh,u} = 900 k \left( \frac{30}{f_{cm,28}} \right)^{0.5} \times 10^{-6} \quad (89)$$

که در آن‌ها،  $k$  کرنش نهایی آب‌رفتگی و  $k$  ضریب وابسته به نوع سیمان مصرفی است که مقدار آن برای سیمان‌های تیپ I، II و III به ترتیب برابر  $1/75, 1/25$  و  $1/15$  است. [۱۴]

### ۵.۲ مدل فیتتل و خان<sup>۸</sup>

مدل فیتتل و فضلورخان، قدیمی‌ترین روش برآورد رفتار درازمدت بتن است که از آن به پایه و اساس روش‌های پیش‌بینی رفتار وابسته به زمان بتن تعییر می‌شود. [۱۷-۱۵] روش مذکور معایب متعددی دارد، که بزرگ‌ترین آن پیش‌بینی رفتار درازمدت بتن در قالب ارائه گراف و نه روابط فرموله شده است. البته این تذکر لازم است که مشکل مذکور در ویرایش‌های بعدی روش مذکور با عنوان PCA حل شده است. از دیگر

از رابطه‌ی ۹۵ محاسبه می‌شود:

$$\Delta_{sh} = \sum_i^N \Delta_{sh,i} = \sum_i^N h_i \varepsilon_s \lambda_s (1 - \lambda_t) \quad (95)$$

مدل جهت اعتبارسنجی مدل فیتل و خان است. در مدل مذکور، مقاومت فشاری ( $f_{ct}$ ) و مدول کشسانی بتن ( $E_{ct}$ ) در سن  $t$  به ترتیب مطابق رابطه‌های ۹۷ و ۹۸ حاصل می‌شود:

$$f_{ct} = \left( \frac{t}{4 + 0,85t} \right) f_{ck} \quad (97)$$

$$E_{ct} = 0,043 \times (w_c)^{1/5} \sqrt{f_{ct}} \quad (98)$$

کرنش خزشی ( $\varepsilon_{cr}(t, t_0)$ ) وابسته به تنش ثابت ( $t_0$ )، مطابق رابطه‌ی ۹۹ و کرنش آبرفتگی ( $\varepsilon_{sh}(t, t_0)$ )، مطابق رابطه‌ی ۱۰۰ محاسبه می‌شود:

$$\varepsilon_{cr}(t, t_0) = \sigma_c(t_0) \cdot (\varepsilon_{cr})_u \cdot CR_{t_0} \cdot CR_{\nu/s} \cdot CR_{RH} \cdot CR_R \quad (99)$$

$$\varepsilon_{sh}(t, t_0) = (\varepsilon_{sh})_u \cdot SH_{\nu/s} \cdot SH_t \cdot SH_{RH} \cdot SH_R \quad (100)$$

که در آن‌ها، برخی پارامترها از روابط ۱۰۱ الی ۱۰۷ به دست می‌آیند:

$$CR_{t_0} = 2/3(t_0)^{-0,25} \quad (101)$$

$$CR_{\nu/s} = \frac{0,044(\nu/s) + 0,934}{0,1(\nu/s) + 0,85} \quad (102)$$

$$CR_t = \frac{(t - t_0)^{0,6}}{10 + (t - t_0)^{0,6}} \quad (103)$$

$$CR_{RH} = 1/4 - 0,01 RH \quad (104)$$

$$SH_{\nu/s} = \frac{0,037(\nu/s) + 0,944}{0,177(\nu/s) + 0,734} \quad (105)$$

$$SH_t = \frac{(t - t_s)}{26 \exp[0,36(\nu/s)] + (t - t_s)} \quad (106)$$

$$SH_{RH} = 1/4 - 0,01 RH \quad 0.40 \leq RH \leq 0.80 \quad (107)$$

$$SH_{RH} = 3 - 0,03 RH \quad 0.80 \leq RH \leq 1.00 \quad (107)$$

که در آن‌ها،  $SH_R$  و  $CR_R$  به ترتیب کرنش ماندگار خزش و آبرفتگی در اثر آرماتور موجود هستند که دقیقاً به مانند روش فیتل و خان محاسبه می‌شوند.  $(\varepsilon_{cr})_u$  ضریب نهایی خزش با مقادیری بین  $(\frac{5}{f_{ck}})$  تا  $(\frac{3}{f_{ck}})$  است.  $(\varepsilon_{sh})_u$  ضریب نهایی خزش با مقادیری بین  $10^{-6} \times 10^{-6} \times 500$  الی  $10^{-6} \times 80$  است. از دیگر روش‌های شناخته شده در برآورد رفتار درازمدت بتن، می‌توان به روش‌های India(IRC)<sup>[۱۴]</sup>، European Code<sup>[۱۵]</sup> و روش ترکیبی PCA-ACI<sup>[۱۶]</sup> اشاره کرد.

### ۳. مثال‌های عددی

#### ۱.۳. آنالیز متدال یک مرحله‌ی

در بخش کمپونی، جهت تبیین روش فیتل و خان به صورت صحیح و کامل برای کلیه‌ی طبقات و بازه‌های زمانی مربوط به ساخت طبقات و نیز به منظور بیان دستاوردهای پژوهش حاضر در نحوه اعمال روش فیتل و خان به روش تهیه‌ی جدول‌های قبل و بعد از ساخت سازه، از مثال مرجع اصلی روش فیتل و خان<sup>[۱۵]</sup> که در آن فقط مقادیر کوتاه‌شدگی‌های خزشی و آبرفتگی کلی به صورت تجمعی و برای طبقه‌ی انتهایی توسط فیتل و خان مورد بحث بوده، استفاده شده است. صحبت‌سننجی نتایج محاسبات دستی به دست آمده با مقایسه‌ی مقادیر ناشی از مدل سازی مجدد مثال با نرم افزار Midas Gen<sup>۲۰</sup> و روش PCA که روش فرموله شده‌ی فیتل و خان است، انجام شده است تا در صورت انطباق نتایج، به عنوان نمونه‌ی بسیار

در روابط ۹۲ الی ۹۵،  $\lambda_s$  و  $\lambda_t$  ضرایب میان تأثیر ابعاد (نسبت حجم به سطح عضو) در آبرفتگی و خزش،  $\lambda_{ave}$  ضریب میان نسبت آبرفتگی یا خزش در یک سن خاص به آبرفتگی یا خزش نهایی و  $\lambda_{ave}$  ضرایب میان اثر سن بارگذاری بتن در خزش هستند، که به ترتیب از گراف‌های  $2a$ ،  $2b$ ،  $4$ ،  $2c$ ،  $4$ ،  $2d$ ،  $4$  و  $2e$  روز در مرجع [۱۶] در نوشتار حاضر به دست می‌آیند.  $\lambda_{ave}$  ضریب خزش و بیزه‌ی ۲۸ با واحد معکوس تنش است که از گراف ۳ مرجع [۱۵] پژوهش حاضر به دست می‌آید.  $\varepsilon_{cr}$  کرنش نهایی آبرفتگی است که از تقسیم مقدار آبرفتگی نمونه‌ی آزمایشگاهی در هر سن دلخواه بر  $\lambda_t$  حاصل می‌شود.  $(\sigma_c)$  تنش به دست آمده از کلیه‌ی برآهای بالای تراز مورد بررسی و  $h_i$  ارتفاع طبقه‌ی  $i$  است. بهترین روش برای پیاده‌سازی مدل مورد بررسی تشکیل دو جدول است. جدول اول، برای قبل از بتن ریزی طبقه‌ی خاص مورد بررسی و جدول دوم، برای بعد از بتن ریزی آن تراز تنظیم می‌شود. در صورت پیاده‌سازی جدول‌های مذکور، برای کلیه‌ی زمان‌های ساخت طبقات در بازه‌ی زمانی مشخص، تغییراتی به این شرح داده شده است، می‌باید رخ دهد. از آنجا که کلیه‌ی است و در مثال بخش ۳ شرح داده شده است، می‌باید رخ دهد. از آنجا که کلیه‌ی طبقات با مدت زمان ساخت و سن بارگذاری خود در جدول مربوط قید می‌شوند، به جای ضریب  $(1 - \lambda_t)$  در روابط مرتبط، از ضریب  $1$  مربوط به مقدار نهایی استفاده می‌شود. اما در انتها کار و پس از حصول کرنش‌های خزشی و آبرفتگی نهایی حاصل از جدول‌های اخیر و بعد، کرنش‌های خزشی طبقات متناظر را جدول با یکدیگر جمع، ولی کرنش آبرفتگی طبقات جدول قبل از ساخت، از مقادیر نظری جدول بعد از ساخت کسر می‌شود. به این طریق، اثر جانشینی  $(1 - \lambda_t)$  جبران می‌شود و آثار آبرفتگی بی‌اهمیت رخداده تا قبل از ساخت طبقه‌ی مورد نظر صفر می‌شود.

#### ۲.۵. مدول کشسان

تغییر مکان‌های نسبی کشسان تکیه‌گاه‌های تراز  $N$ ، در اثر برآهای اعمالی بالای تراز  $N$  مطابق رابطه‌ی ۹۶ به دست می‌آید:

$$\Delta_{el} = \sum_i^N \Delta_{e,i} = P \sum_i^N \frac{h_i}{E_i A_i} \quad (96)$$

که در آن،  $E_i$  و  $A_i$  به ترتیب مدول کشسانی و سطح مقطع معادل عضو طبقه‌ی  $i$  و  $P$  مجموع تمام برآهای بالای طبقه‌ی مورد بررسی هستند. همان‌طور که مشاهده می‌شود، سکوت روش مورد بررسی در مورد نحوه تغییرات زمانی مدول کشسانی، که از دیگر نقاط ضعف روش است، استفاده از آن را فقط به آنالیز متدال و یک مرحله‌ی سازه محدود می‌سازد و پرداختن به آنالیز مرحله‌ی، فقط با استفاده از یک مدول کشسانی ثابت و بدون بیان نحوه رشد زمانی، مستلزم کمک گرفتن از تلفیقی از سایر روش‌های برآورد رفتار درازمدت بتن و روش‌های شبیه‌ساز رفتار واقعی و مرحله‌ی سازه خواهد بود.

#### ۶.۲. روش PCA

روش PCA که در سال ۱۹۸۷ ارائه شده است<sup>[۱۷]</sup>، لاشی سودمند در جهت فرموله کردن گراف‌های مدل فیتل و خان و پوشش نقاط ضعف آن بوده است. اصول روش PCA برای محاسبه‌ی خزش و آبرفتگی و تأثیر آرماتور در کرنش‌های مذکور یکسان است. در اینجا روابط ارائه شده مدل PCA از آن جهت مطرح می‌شود که بهترین

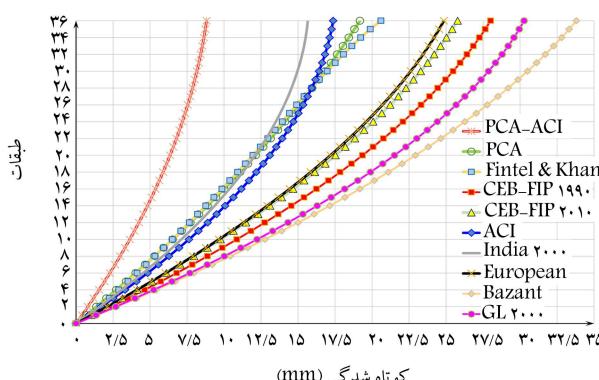
اسلامپ بتن برابر  $68\text{ m}^3/\text{m}^3$  ریزدانه و هوای بتن به ترتیب  $5\%$  و  $6\%$  درصد و محتوی آب بتن (مورد استفاده در روش بازنگشتن) برابر  $22\text{ kg}/\text{m}^3$  کیلوگرم بر مترمکعب فرض شده است. نتایج حاصل از مدل سازی مثال مذکور تحت کلیه روشنها در شکل ۱ مشاهده می شود که مطابق آن مقادیر کوتاه شدنی به روش محاسبه دستی فینتل و خان، به شکل بسیار قابل قبول منطبق بر نتایج مدل PCA حاصل از نرم افزار است که مؤید صحت محاسبات و روش های اعمال شده در تشکیل جدول های قبل و بعد از ساخت است. اندک خطای رخداده در طبقات  $33$  تا  $36$  بین دو روش مذکور، به علت تقریبی بودن روش فینتل و خان در استفاده از گراف هایی است که استخراج آن های مورد استفاده طبقات یادشده را به واسطه نزدیکی بسیار سینین بارگذاری در مقیاس لگاریتمی گراف های مرتبط با تقریب همراه می سازد.

مناسب برای کالیبراسیون خطوط انتبارسنجی در اختیار پژوهشگران قرار گیرد. کلیه روشن های مورد بررسی در ادامه نوشتار حاضر، بر روی مثال مورد بررسی پیاده شده و مجموع کوتاه شدنی خزشی و آبرفتگی ستون مورد نظر مقایسه شده است. جهت انتبارسنجی مقایسه ای انجام شده فرض شده است که مدول کشسانی بتن برای کلیه روشن های مورد بررسی، مقداری ثابت داشته و فقط تغییر شکل های خزش و آبرفتگی مدنظر بوده است. مشخصات مثال مورد بررسی به این قرار است: ستون داخلی سازه بی با ابعاد  $1,250 \times 1,250 \text{ mm}^2$  و ارتفاع طبقه  $2,740 \text{ mm}$  با  $58$  عدد میلگرد طولی ( $f_y = 517,11 \text{ MPa}$ ) به قطر  $24 \text{ mm}$  میلی متر و مدول کشسانی  $20,460 \text{ MPa}$  مگاپاسکال مدنظر است. بار مرده محوری ستون ها در کلیه طبقات  $165$  کیلونیون، مدول کشسانی بتن برابر  $27900 \text{ MPa}$  مگاپاسکال، و مقاومت فشاری مشخصه بتن  $35 \text{ MPa}$  مگاپاسکال بوده است. مدت زمان ساخت طبقات  $8$  روز رطوبت محیط  $50\%$  و نتایج آزمایشگاهی برای کرنش آبرفتگی  $90$  روزه بتن  $10^{-6}$  با  $620$  و محاسبه کوتاه شدنی ستون مذکور ناشی از آثار خزش و آبرفتگی در روز  $1000$  آم ساخت مد نظر است.

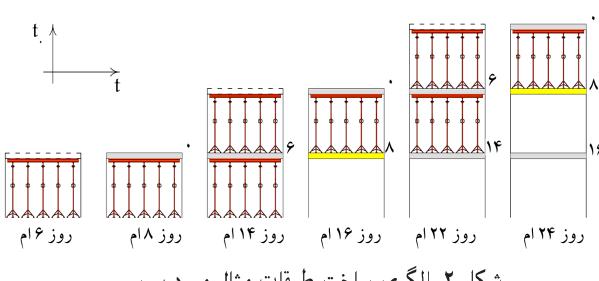
**۲.۳. آنالیز مرحله ای ساخت**  
در بخش کنونی از همان مثال یادشده بخش قبیل جهت بررسی اثر هر  $3$  پدیده ای وابسته به زمان بتن تحت تحلیل غیرخطی مرحله ای  $^{\circ}$  استفاده شده است. از این رو تغییر شکل های محوری ستون مورد بررسی، ناشی از خزش، آبرفتگی و نیز رشد زمانی مدول کشسانی مختص هر روش، به صورت مجزا و جداگانه برای کلیه روشن های مورد بررسی پژوهش حاضر به استثناء روش فینتل و خان که به واسطه ای عدم ارائه نحوی رشد مدول کشسانی و محاسبه کوتاه شدنی های تجمعی کشسان، فقط در تحلیل متداول یک مرحله ای رخ می دهد، ارائه و نتایج مقایسه شده اند. نکته ای قابل ذکر در بخش حاضر، توجه به سن بارگذاری طبقات است. سن بارگذاری  $288$  روز مربوط به مدت زمان ساخت کلی سازه، فقط در حالت آنالیز یک مرحله ای معتبر است. اما برای آنالیز مرحله ای ساخت، منطبق بر مراحل ساخت طبقه به طبقه، باید از اعداد واقعی برای سینین بارگذاری طبقات استفاده شود. از این روز، سن بارگذاری طبقات ( $t_0$ )، برابر  $8$  روز شامل  $6$  روز جهت قالب بندی و  $2$  روز برای بتن ریزی، مطابق شکل  $2$  انتخاب شد. مدت زمان نصب قالب و بتن ریزی به

**۱.۱.۳. حل به روش فینتل و خان**  
با توجه به مدت زمان ساخت یکسان  $8$  روزه ای طبقات و با فرض اعمال بارها در زمان های مساوی، مقدار  $\lambda_{ave}$  برای مدت زمان ساخت  $38 \times 8 = 288$  روزه و با استفاده از گراف مرتبط برابر  $0,7,0,8,0,8,0,56$  محاسبه شدند. مقادیر  $8$  برای سن بارگذاری یکایک طبقات با استفاده از گراف مرتبط مطابق مقادیر مندرج در جدول های  $4$  و محاسبه شده است. خزش ویژه  $28$  روزه و نهایی ( $\varepsilon_{cr,28}$  و  $\varepsilon_c$ ) بر حسب مدول کشسانی، از گراف های مرتبط به ترتیب برابر  $0,356 \times 10^{-6}$  و  $0,48 \times 10^{-6}$  بودند. کرنش نهایی آبرفتگی  $90$  با تقسیم مقدار آبرفتگی  $90$  روزه ای آزمایشگاهی بر ضریب تبدیل  $0,608 = 0,90$ ، برابر  $10^{-6} \times 10^{36}$  محاسبه شده است. با توجه به مقادیر مذکور، جدول قبل از ساخت طبقه  $36$  و جدول بعد از ساخت طبقه  $36$  در روز  $1000$  آم ساخت، به ترتیب مطابق جدول های  $4$  و  $5$  تشکیل شده است. مقادیر کوتاه شدنی های خزشی یا آبرفتگی جدول های مورد بررسی ( $\Delta_{cr,sh}$ ، از ضرب کرنش های خام خزشی با آبرفتگی ( $\sum \varepsilon_{cr,sh}$ ) در ضریب کاهنده ای اثر فولاد مقطع و ارتفاع طبقه بر حسب متر حاصل می شوند. کلیه روابط ( $\lambda_t - 1$ ) در روابط مرتبط تبدیل به  $1$  شده و در انتهای کار و پس از حصول کرنش های خزشی و آبرفتگی حاصل از جدول های  $4$  و  $5$ ، کرنش های خزشی طبقات دو جدول مذکور (ستون سبز رنگ) با یکدیگر جمع و کرنش آبرفتگی طبقات جدول  $4$  (ستون نارنجی رنگ) از مقادیر نظیر جدول  $5$  کسر شده تا اثر ( $\lambda_t - 1$ ) و آبرفتگی بی اهمیت رخداده تا قبیل از ساخت طبقه موردنظر (طبقه ای آخر) اعمال شود. پس از حصول کوتاه شدنی های جدول های مذکور مقادیر نهایی کوتاه شدنی آبرفتگی و خزشی، چنانکه ذکر شد، مطابق جدول  $6$  به دست می آیند.

**۲.۱.۳. حل مثال با سایر روش ها**  
اطلاعات موردنیاز برای مثال مذکور جهت استفاده ای سایر روش های یادشده پژوهش حاضر به این قرار فرض شده است: سیمان مصرفی از نوع تیپ III در ACI و معادل نوع  $42,5 N/mm^2$  روش CEB است. مدت زمان بارگذاری برای سازه در مرحله ای آنالیز متداول یک مرحله ای ( $t_0$ )،  $288$  روز و شروع آبرفتگی با پایان دوره ای عمل آوری مرتبط ( $t_s$ ) برابر  $10$  روز انتخاب شده است. وزن حجمی بتن  $240,77$  کیلوگرم بر مترمکعب، عیار سیمان برابر  $4,0726$  کیلونیون بر مترمکعب،



شکل ۱. کوتاه شدنی تجمعی ناشی از آثار خزش و آبرفتگی آنالیز متداول.



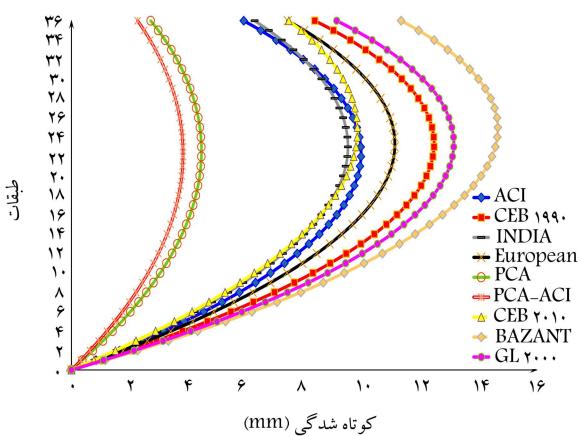
شکل ۲. الگوی ساخت طبقات مثال مورد بررسی.

جدول ۴. تشکیل جدول‌های محاسبه‌ی خوش و آبرفتگی به روش فینتل و خان برای قبل از بتن‌ریزی آخرین تراز.

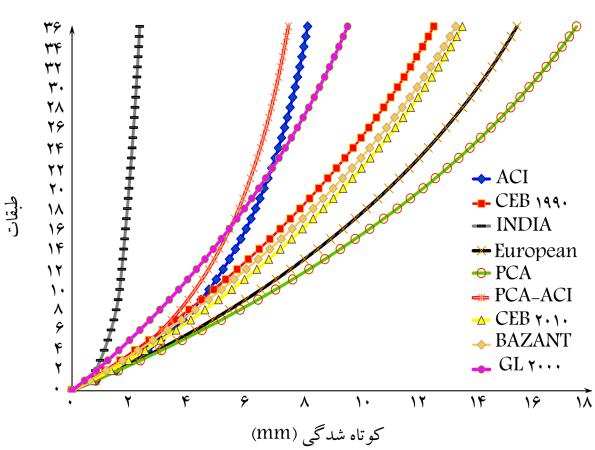
قبل از بتن‌ریزی طبقه‌ی ۳۶									
$\Delta_{sh}^{After}$	$\Delta_{cr}^R$	ضریب اثر میله‌گرد	$\sum \varepsilon_{sh}$	$\varepsilon_{sh}$	$\sum \varepsilon_{cr}^R$	$\varepsilon_{cr}^R$	$\sigma_c (KN/m^2)$	$\lambda_t$	سن (روز)
۰,۰ ۱۹۰۳۷	۰,۰۰ ۴۹۹۷	۰,۵۳۹	۰,۰ ۱۲۸۹۶۰۳۴	۰,۰۰۰ ۱۳۳۴۶۱	۰,۰ ۰۳۳۸۴۸۴۲	۰,۰۰۰۰۰ ۱۷۰۵	۲۰۸	۰,۲۳۰	۸ ۳۶
۰,۰ ۱۸۸۱۲	۰,۰۰ ۴۹۸۷	۰,۵۳۸	۰,۰ ۱۲۷۶۲۵۷۴	۰,۰۰۰ ۱۸۵۶۸۴	۰,۰ ۰۳۳۸۲۱۳۸	۰,۰۰۰۰۰ ۴۷۴۳	۴۱۶	۰,۳۲۰	۱۶ ۳۵
۰,۰ ۱۸۴۹۸	۰,۰۰ ۴۹۶۹	۰,۵۳۷	۰,۰ ۱۲۰۷۶۸۹۰	۰,۰۰۰ ۲۱۶۶۳۲	۰,۰ ۰۳۳۷۸۳۹۵	۰,۰۰۰۰۰ ۸۳۰۱	۶۲۴	۰,۳۷۳	۲۴ ۳۴
۰,۰ ۱۸۱۳۳	۰,۰۰ ۴۹۴۴	۰,۵۳۵	۰,۰ ۱۲۳۶۰۲۵۸	۰,۰۰۰ ۲۲۹۳۵۹	۰,۰ ۰۳۳۷۰۰۹۴	۰,۰۰۰۰۰ ۱۲۲۲۹	۸۳۲	۰,۴۱۳	۳۲ ۳۳
۰,۰ ۱۷۷۳۳	۰,۰۰ ۴۹۱۳	۰,۵۳۴	۰,۰ ۱۲۱۲۰۹۰۰	۰,۰۰۰ ۲۵۳۸۶۵	۰,۰ ۰۳۳۵۷۸۶۵	۰,۰۰۰۰۰ ۱۶۲۱۲	۱۰۴۰	۰,۴۳۸	۴۰ ۳۲
۰,۰ ۱۷۳۱۱	۰,۰۰ ۴۸۷۵	۰,۵۳۲	۰,۰ ۱۱۸۶۷۰۳۴	۰,۰۰۰ ۲۶۸۳۷۲	۰,۰ ۰۳۳۴۱۶۰۳	۰,۰۰۰۰۰ ۲۰۵۶۶	۱۲۴۹	۰,۴۶۳	۴۸ ۳۱
۰,۰ ۱۶۸۷۰	۰,۰۰ ۴۸۳۰	۰,۵۳۱	۰,۰ ۱۱۰۹۸۶۶۳	۰,۰۰۰ ۲۸۲۸۷۸	۰,۰ ۰۳۳۲۱۰۸۷	۰,۰۰۰۰۰ ۲۵۲۹۱	۱۴۵۷	۰,۴۸۸	۵۶ ۳۰
۰,۰ ۱۶۴۰۸	۰,۰۰ ۴۷۷۹	۰,۵۲۹	۰,۰ ۱۱۳۱۵۷۸۴	۰,۰۰۰ ۲۹۷۳۸۵	۰,۰ ۰۳۲۹۵۷۹۵	۰,۰۰۰۰۰ ۳۰۳۸۶	۱۶۶۵	۰,۵۱۳	۶۴ ۲۹
۰,۰ ۱۵۹۲۷	۰,۰۰ ۴۷۲۰	۰,۵۲۸	۰,۰ ۱۱۰ ۱۸۴۰۰	۰,۰۰۰ ۳۱۱۸۹۱	۰,۰ ۰۳۲۶۰۴۰۹	۰,۰۰۰۰۰ ۳۵۸۰۵۲	۱۸۷۳	۰,۵۳۸	۷۲ ۲۸
۰,۰ ۱۵۴۲۷	۰,۰۰ ۴۶۵۳	۰,۵۲۶	۰,۰ ۱۰ ۷۰۶۵۰۸	۰,۰۰۰ ۳۲۶۳۹۸	۰,۰ ۰۳۲۲۹۵۰۷	۰,۰۰۰۰۰ ۴۱۶۸۹	۲۰۸۱	۰,۵۶۳	۸۰ ۲۷
۰,۰ ۱۴۹۰۷	۰,۰۰ ۴۵۷۸	۰,۵۲۴	۰,۰ ۱۰ ۳۸۰۱۱۰	۰,۰۰۰ ۳۴۰۹۰۵	۰,۰ ۰۳۱۸۷۸۶۸	۰,۰۰۰۰۰ ۴۷۸۸۹۶	۲۲۸۹	۰,۵۸۸	۸۸ ۲۶
۰,۰ ۱۴۳۷۰	۰,۰۰ ۴۴۹۵	۰,۵۲۲	۰,۰ ۱۰۰ ۳۹۲۰۵	۰,۰۰۰ ۳۵۶۳۲۴	۰,۰ ۰۳۱۳۹۹۷۲	۰,۰۰۰۰۰ ۵۴۶۱۵	۲۴۹۷	۰,۶۱۴	۹۶ ۲۵
۰,۰ ۱۳۸۱۳	۰,۰۰ ۴۴۰۱	۰,۵۲۱	۰,۰ ۰۹۶۸۲۸۷۲	۰,۰۰۰ ۳۶۰۱۰۳	۰,۰ ۰۳۰۸۰۳۰۸	۰,۰۰۰۰۰ ۵۹۷۹۲	۲۷۰۵	۰,۶۲۱	۱۰۴ ۲۴
۰,۰ ۱۳۲۵۶	۰,۰۰ ۴۳۰۲	۰,۵۱۹	۰,۰ ۰۹۳۲۲۷۶۸	۰,۰۰۰ ۳۶۳۸۷۳	۰,۰ ۰۳۰۲۵۰۶۶	۰,۰۰۰۰۰ ۶۵۰۶۵	۲۹۱۳	۰,۶۲۷	۱۱۲ ۲۳
۰,۰ ۱۲۶۹۸	۰,۰۰ ۴۱۹۶	۰,۵۱۷	۰,۰ ۰۸۹۵۸۸۹۵	۰,۰۰۰ ۲۶۷۶۴۲	۰,۰ ۰۲۹۶۰۵۰۱	۰,۰۰۰۰۰ ۷۰۴۳۵	۳۱۲۱	۰,۶۳۴	۱۲۰ ۲۲
۰,۰ ۱۲۱۳۹	۰,۰۰ ۴۰۸۴	۰,۵۱۶	۰,۰ ۰۸۰۹۱۲۵۳	۰,۰۰۰ ۳۷۱۴۱۲	۰,۰ ۰۲۸۹۰۰۶۶	۰,۰۰۰۰۰ ۷۵۹۰۱	۳۳۲۹	۰,۶۴۰	۱۲۸ ۲۱
۰,۰ ۱۱۵۸۰	۰,۰۰ ۳۹۶۵	۰,۵۱۴	۰,۰ ۰۸۲۱۹۸۴۱	۰,۰۰۰ ۳۷۵۱۸۱	۰,۰ ۰۲۸۱۴۱۶۵	۰,۰۰۰۰۰ ۸۱۴۶۳	۳۵۳۸	۰,۶۴۷	۱۳۶ ۲۰
۰,۰ ۱۱۰۲۱	۰,۰۰ ۳۸۳۹	۰,۵۱۳	۰,۰ ۰۷۸۴۴۶۶	۰,۰۰۰ ۳۷۸۹۵۱	۰,۰ ۰۲۷۳۲۷۰۲	۰,۰۰۰۰۰ ۸۷۱۲۲	۳۷۴۶	۰,۶۵۳	۱۴۴ ۱۹
۰,۰ ۱۰۴۶۱	۰,۰۰ ۳۷۰۷	۰,۵۱۱	۰,۰ ۰۷۴۶۰۷۰۹	۰,۰۰۰ ۳۸۲۷۷۲۱	۰,۰ ۰۲۶۴۵۰۸۰	۰,۰۰۰۰۰ ۹۲۸۷۷	۳۹۵۴	۰,۶۶۰	۱۰۲ ۱۸
۰,۰ ۰۹۹۰۱	۰,۰۰ ۳۰۶۸	۰,۵۱۰	۰,۰ ۰۷۰ ۸۲۹۸۸	۰,۰۰۰ ۳۸۶۴۹۰	۰,۰ ۰۲۵۰۲۷۰۳	۰,۰۰۰۰۰ ۹۸۷۲۸	۴۱۶۲	۰,۶۶۶	۱۶۰ ۱۷
۰,۰ ۰۹۳۴۰	۰,۰۰ ۳۴۲۳	۰,۵۰۹	۰,۰ ۰۸۶۹۶۴۹۸	۰,۰۰۰ ۳۹۰۲۶۰	۰,۰ ۰۲۴۵۳۹۷۶	۰,۰۰۰۰۰ ۱۰۴۶۷۵	۴۳۷۰	۰,۶۷۳	۱۶۸ ۱۶
۰,۰ ۰۸۷۷۹	۰,۰۰ ۳۲۷۱	۰,۵۰۸	۰,۰ ۰۸۳۰۶۲۲۸	۰,۰۰۰ ۳۹۴۰۲۹	۰,۰ ۰۲۳۴۹۳۰۰	۰,۰۰۰۰۰ ۱۱۰۷۱۹	۴۵۷۸	۰,۶۷۹	۱۷۶ ۱۵
۰,۰ ۰۸۲۱۸	۰,۰۰ ۳۱۱۲	۰,۵۰۷	۰,۰ ۰۵۹۱۲۲۰۹	۰,۰۰۰ ۳۹۷۷۹۹	۰,۰ ۰۲۲۳۸۵۸۲	۰,۰۰۰۰۰ ۱۱۶۸۰۹	۴۷۸۶	۰,۶۸۶	۱۸۴ ۱۴
۰,۰ ۰۷۶۰۶	۰,۰۰ ۲۹۴۶	۰,۵۰۷	۰,۰ ۰۵۰۱۴۴۱۱	۰,۰۰۰ ۴۰۱۵۶۸	۰,۰ ۰۲۱۲۱۷۲۳	۰,۰۰۰۰۰ ۱۲۳۰۹۵	۴۹۹۴	۰,۶۹۲	۱۹۲ ۱۳
۰,۰ ۰۷۰۹۵	۰,۰۰ ۲۷۷۳	۰,۵۰۶	۰,۰ ۰۵۱۱۲۱۸۴۲	۰,۰۰۰ ۴۰۵۳۸	۰,۰ ۰۱۹۹۸۶۲۷	۰,۰۰۰۰۰ ۱۲۹۴۲۸	۵۰۲۰	۰,۶۹۹	۲۰۰ ۱۲
۰,۰ ۰۶۵۳۲	۰,۰۰ ۲۰۹۴	۰,۵۰۶	۰,۰ ۰۴۷۰۷۵۰۵	۰,۰۰۰ ۴۰۹۱۰۷	۰,۰ ۰۱۸۶۹۱۹۹	۰,۰۰۰۰۰ ۱۳۵۸۵۷	۵۴۱۰	۰,۷۰۵	۲۰۸ ۱۱
۰,۰ ۰۵۹۷۱	۰,۰۰ ۲۲۰۸	۰,۵۰۷	۰,۰ ۰۴۲۹۸۳۹۷	۰,۰۰۰ ۴۱۲۸۷۷	۰,۰ ۰۱۷۳۲۳۴۲	۰,۰۰۰۰۰ ۱۴۲۳۸۲	۵۶۱۸	۰,۷۱۲	۲۱۶ ۱۰
۰,۰ ۰۵۴۰۹	۰,۰۰ ۲۲۱۵	۰,۵۰۸	۰,۰ ۰۲۸۸۰۵۰۲	۰,۰۰۰ ۴۱۶۶۴۶	۰,۰ ۰۱۵۹۰۹۶۰	۰,۰۰۰۰۰ ۱۴۹۰۰۴	۵۸۲۷	۰,۷۱۸	۲۲۴ ۹
۰,۰ ۰۴۸۴۷	۰,۰۰ ۲۰۱۵	۰,۵۱۰	۰,۰ ۰۲۴۶۸۸۷۴	۰,۰۰۰ ۴۲۰۴۱۶	۰,۰ ۰۱۴۴۱۹۰۷	۰,۰۰۰۰۰ ۱۵۵۷۲۱	۶۰۳۵	۰,۷۲۵	۲۲۲ ۸
۰,۰ ۰۴۲۸۴	۰,۰۰ ۱۸۰۸	۰,۵۱۳	۰,۰ ۰۲۰۴۸۴۵۸	۰,۰۰۰ ۴۲۴۱۸۵	۰,۰ ۰۱۲۸۶۲۳۶	۰,۰۰۰۰۰ ۱۶۲۵۳۵	۶۲۴۲	۰,۷۳۱	۲۴۰ ۷
۰,۰ ۰۳۷۲۲	۰,۰۰ ۱۰۴۹۴	۰,۵۱۸	۰,۰ ۰۲۸۲۴۲۷۳	۰,۰۰۰ ۴۲۷۹۵۰۵	۰,۰ ۰۱۱۲۳۷۰۰	۰,۰۰۰۰۰ ۱۶۹۴۴۶	۶۴۵۱	۰,۷۳۸	۲۴۸ ۶
۰,۰ ۰۳۱۶۰	۰,۰۰ ۱۳۷۳	۰,۵۲۵	۰,۰ ۰۲۱۶۳۱۸	۰,۰۰۰ ۴۲۳۱۷۲۴	۰,۰ ۰۱۰۵۰۴۲۰۴	۰,۰۰۰۰۰ ۱۷۶۴۰۵۲	۶۶۵۹	۰,۷۴۴	۲۵۶ ۵
۰,۰ ۰۲۵۹۷	۰,۰۰ ۱۱۴۵	۰,۵۳۷	۰,۰ ۰۱۷۶۴۵۹۳	۰,۰۰۰ ۴۳۵۴۹۴	۰,۰ ۰۰۰۷۷۷۸۰۲	۰,۰۰۰۰۰ ۱۸۳۵۵۵	۶۸۶۷	۰,۷۵۱	۲۶۴ ۴
۰,۰ ۰۲۰۳۵	۰,۰۰ ۹۱۰	۰,۵۰۹	۰,۰ ۰۱۲۲۹۰۹۹	۰,۰۰۰ ۴۲۳۹۲۶۴	۰,۰ ۰۰۵۹۴۲۴۷	۰,۰۰۰۰۰ ۱۹۰۷۵۵	۷۰۷۵	۰,۷۵۷	۲۷۲ ۳
۰,۰ ۰۱۴۷۳	۰,۰۰ ۶۶۸	۰,۶۰۴	۰,۰ ۰۸۸۹۸۳۶	۰,۰۰۰ ۴۴۲۰۳۳	۰,۰ ۰۰۰۴۰۳۴۹۲	۰,۰۰۰۰۰ ۱۹۸۰۵۰	۷۲۸۳	۰,۷۶۴	۲۸۰ ۲
۰,۰ ۰۰۹۱۱	۰,۰۰ ۴۱۹	۰,۷۴۴	۰,۰ ۰۴۴۶۸۰۳	۰,۰۰۰ ۴۴۶۸۰۳	۰,۰ ۰۲۰۵۴۴۲	۰,۰۰۰۰۰ ۲۰۵۴۴۲	۷۴۹۱	۰,۷۷۰	۲۸۸ ۱

جدول ۵. تشکیل جدول‌های محاسبه‌ی خرس و آب رفتگی به روش فینتل و خان برای بعد از بتن‌ریزی آخرین تراز.

بعد از بتن‌ریزی طبقه‌ی ۳۶										
$\Delta_{sh}^A(m)$	$\Delta_{cr}^R(m)$	ضریب اثر میلگرد	$\sum \varepsilon_{sh}$	$\varepsilon_{sh}$	$\sum \varepsilon_{cr}^R$	$\varepsilon_{cr}^R$	$\sigma_c(KN/m^2)$	$\lambda_t$	سن (روز)	طبقه
۰,۰۲۸۰۰۱	۰,۰۰۶۶۴۱	۰,۵۵	۰,۰۱۸۵۹۱۶۳۲	۰,۰۰۰۵۱۰۶۳۲	۰,۰۰۴۴۰۹۴۴۳	۰,۰۰۰۰۰۶۵۲۲	۲۰۸	۰,۸۸۰	۷۲۰	۳۶
۰,۰۲۷۱۰۵	۰,۰۰۶۶۰۰	۰,۵۴۷	۰,۰۱۸۰۸۱۰۰	۰,۰۰۰۵۱۰۹۶۳	۰,۰۰۴۴۰۲۹۲۱	۰,۰۰۰۰۰۱۳۰۵۲	۴۱۶	۰,۸۸۱	۷۲۸	۳۵
۰,۰۲۶۲۱۷	۰,۰۰۶۵۰۵	۰,۵۴۵	۰,۰۱۷۵۷۰۰۳۷	۰,۰۰۰۵۱۱۲۹۵	۰,۰۰۴۳۸۹۸۶۸	۰,۰۰۰۰۰۱۹۰۹۱	۶۲۴	۰,۸۸۱	۷۳۶	۳۴
۰,۰۲۵۳۲۷	۰,۰۰۶۴۹۱	۰,۵۴۲	۰,۰۱۷۰۵۸۷۴۲	۰,۰۰۰۵۱۱۶۲۶	۰,۰۰۴۳۷۰۲۷۷	۰,۰۰۰۰۰۲۶۱۳۹	۸۳۲	۰,۸۸۲	۷۴۴	۳۳
۰,۰۲۴۴۶۶	۰,۰۰۶۴۲۳	۰,۵۴۰	۰,۰۱۶۵۴۷۱۱۶	۰,۰۰۰۵۱۱۹۵۸	۰,۰۰۴۳۴۴۱۳۸	۰,۰۰۰۰۰۳۲۶۹۵	۱۰۴۰	۰,۸۸۲	۷۵۲	۳۲
۰,۰۲۳۶۰۳	۰,۰۰۶۳۴۶	۰,۵۳۷	۰,۰۱۶۰۳۵۱۵۸	۰,۰۰۰۵۱۲۲۸۹	۰,۰۰۴۳۱۱۴۴۴	۰,۰۰۰۰۰۳۹۲۵۹	۱۲۴۹	۰,۸۸۳	۷۶۰	۳۱
۰,۰۲۲۷۴۹	۰,۰۰۶۲۶۱	۰,۵۳۵	۰,۰۱۵۵۲۲۸۶۸	۰,۰۰۰۵۱۲۶۲۱	۰,۰۰۴۲۷۲۱۸۵	۰,۰۰۰۰۰۴۵۸۳۲	۱۴۵۷	۰,۸۸۳	۷۶۸	۳۰
۰,۰۲۱۹۰۲	۰,۰۰۶۱۶۷	۰,۵۳۳	۰,۰۱۵۰۱۰۲۴۷	۰,۰۰۰۵۱۲۹۵۳	۰,۰۰۴۲۲۶۳۵۳	۰,۰۰۰۰۰۵۲۴۱۳	۱۶۸۵	۰,۸۸۴	۷۷۶	۲۹
۰,۰۲۱۰۶۳	۰,۰۰۶۰۶۴	۰,۵۳۰	۰,۰۱۴۴۹۷۲۹۵	۰,۰۰۰۵۱۳۲۸۴	۰,۰۰۴۱۷۳۹۴۰	۰,۰۰۰۰۰۵۹۰۰۳	۱۸۷۳	۰,۸۸۵	۷۸۴	۲۸
۰,۰۲۰۲۳۱	۰,۰۰۵۹۵۳	۰,۵۲۸	۰,۰۱۳۹۸۴۰۱۱	۰,۰۰۰۵۱۳۶۱۶	۰,۰۰۴۱۱۴۹۳۸	۰,۰۰۰۰۰۶۵۶۰۱	۲۰۸۱	۰,۸۸۵	۷۹۲	۲۷
۰,۰۱۹۴۰۸	۰,۰۰۵۸۳۴	۰,۵۲۶	۰,۰۱۳۴۷۰۳۹۵	۰,۰۰۰۵۱۳۹۴۷	۰,۰۰۴۰۴۹۳۲۷	۰,۰۰۰۰۰۷۲۲۰۷	۲۲۸۹	۰,۸۸۶	۸۰۰	۲۶
۰,۰۱۸۵۹۱	۰,۰۰۵۷۰۷	۰,۵۲۴	۰,۰۱۲۹۵۶۴۴۷	۰,۰۰۰۵۱۴۲۷۹	۰,۰۰۳۹۷۷۱۲۹	۰,۰۰۰۰۰۷۸۸۲۳	۲۴۹۷	۰,۸۸۶	۸۰۸	۲۵
۰,۰۱۷۷۸۳	۰,۰۰۵۵۷۲	۰,۵۲۲	۰,۰۱۲۴۴۲۱۸	۰,۰۰۰۵۱۴۶۱۱	۰,۰۰۳۸۹۸۳۰۷	۰,۰۰۰۰۰۸۴۴۶	۲۷۰۵	۰,۸۸۷	۸۱۶	۲۴
۰,۰۱۶۹۸۱	۰,۰۰۵۴۲۸	۰,۵۲۰	۰,۰۱۱۹۲۷۵۰۸	۰,۰۰۰۵۱۴۹۴۲	۰,۰۰۳۸۱۲۸۶۰	۰,۰۰۰۰۰۹۲۰۷۸	۲۹۱۳	۰,۸۸۷	۸۲۴	۲۳
۰,۰۱۶۱۸۷	۰,۰۰۵۲۷۷	۰,۵۱۸	۰,۰۱۱۴۱۲۶۱۶	۰,۰۰۰۵۱۵۲۷۴	۰,۰۰۳۷۲۰۷۸۲	۰,۰۰۰۰۰۹۸۷۱۹	۳۱۲۱	۰,۸۸۸	۸۳۲	۲۲
۰,۰۱۵۴۰۰	۰,۰۰۵۱۱۹	۰,۵۱۶	۰,۰۱۰۱۰۸۷۲۷۴۲	۰,۰۰۰۵۱۵۶۰۵	۰,۰۰۳۶۲۲۰۶۳	۰,۰۰۰۰۱۰۵۳۶۸	۳۲۲۹	۰,۸۸۹	۸۴۰	۲۱
۰,۰۱۴۶۱۹	۰,۰۰۴۹۵۲	۰,۵۱۴	۰,۰۱۰۱۰۳۸۱۷۳۷	۰,۰۰۰۵۱۰۹۳۷	۰,۰۰۳۵۱۶۶۹۵	۰,۰۰۰۰۱۱۲۰۲۵	۳۵۳۸	۰,۸۸۹	۸۴۸	۲۰
۰,۰۱۳۲۴۶	۰,۰۰۴۷۷۸۷	۰,۵۱۲	۰,۰۰۹۱۸۶۵۸۰۰	۰,۰۰۰۵۱۶۲۶۸	۰,۰۰۳۴۰۴۶۷۰	۰,۰۰۰۰۱۱۸۶۹۱	۳۷۴۶	۰,۸۹۰	۸۵۶	۱۹
۰,۰۱۳۰۸۰	۰,۰۰۴۵۹۷	۰,۵۱۱	۰,۰۰۹۳۴۹۰۵۳۲	۰,۰۰۰۵۱۶۶۰۰	۰,۰۰۳۲۸۵۹۷۹	۰,۰۰۰۰۱۲۰۳۶۶	۳۹۰۴	۰,۸۹۰	۸۶۴	۱۸
۰,۰۱۲۲۲۰	۰,۰۰۴۴۰۸	۰,۵۰۹	۰,۰۰۸۸۳۲۹۳۲	۰,۰۰۰۵۱۶۹۳۲	۰,۰۰۳۱۰۶۱۳	۰,۰۰۰۰۱۳۲۰۴۹	۴۱۶۲	۰,۸۹۱	۸۷۲	۱۷
۰,۰۱۱۵۶۷	۰,۰۰۴۲۱۲	۰,۵۰۸	۰,۰۰۸۳۱۶۰۰۰	۰,۰۰۰۵۱۷۲۶۳	۰,۰۰۳۰۲۸۵۶۴	۰,۰۰۰۰۱۳۸۷۴۰	۴۳۷۰	۰,۸۹۱	۸۸۰	۱۶
۰,۰۱۰۸۲۰	۰,۰۰۴۰۰۹	۰,۵۰۶	۰,۰۰۷۷۹۸۷۳۷	۰,۰۰۰۵۱۷۵۹۵	۰,۰۰۲۸۸۹۸۲۴	۰,۰۰۰۰۱۴۰۴۴۰	۴۵۷۸	۰,۸۹۲	۸۸۸	۱۵
۰,۰۱۰۰۸۰	۰,۰۰۳۷۹۹	۰,۵۰۵	۰,۰۰۷۲۸۱۱۴۲	۰,۰۰۰۵۱۷۹۲۶	۰,۰۰۲۷۴۴۳۸۴	۰,۰۰۰۰۱۵۲۱۴۸	۴۷۸۶	۰,۸۹۳	۸۹۶	۱۴
۰,۰۰۹۳۴۶	۰,۰۰۳۵۸۲	۰,۵۰۴	۰,۰۰۶۷۶۳۲۱۶	۰,۰۰۰۵۱۸۲۵۸	۰,۰۰۲۵۹۲۲۳۶	۰,۰۰۰۰۱۵۸۸۶۵	۴۹۹۴	۰,۸۹۳	۹۰۴	۱۳
۰,۰۰۸۶۱۹	۰,۰۰۳۳۵۸	۰,۵۰۴	۰,۰۰۶۲۴۴۹۵۸	۰,۰۰۰۵۱۸۰۸۹	۰,۰۰۲۴۳۳۲۷۱	۰,۰۰۰۰۱۶۰۵۹۰	۵۰۲۰	۰,۸۹۴	۹۱۲	۱۲
۰,۰۰۷۸۹۷	۰,۰۰۳۱۲۸	۰,۵۰۳	۰,۰۰۵۷۲۸۳۶۸	۰,۰۰۰۵۱۸۹۲۱	۰,۰۰۲۲۸۷۷۸۱	۰,۰۰۰۰۱۷۲۳۲۴	۵۴۱۰	۰,۸۹۴	۹۲۰	۱۱
۰,۰۰۷۱۸۲	۰,۰۰۲۸۹۰	۰,۵۰۳	۰,۰۰۵۲۰۷۴۴۷	۰,۰۰۰۵۱۹۲۵۳	۰,۰۰۲۰۹۵۴۵۷	۰,۰۰۰۰۱۷۹۰۶۶	۵۶۱۸	۰,۸۹۵	۹۲۸	۱۰
۰,۰۰۶۴۷۳	۰,۰۰۲۶۴۶	۰,۵۰۴	۰,۰۰۴۶۸۸۱۹۵	۰,۰۰۰۵۱۹۵۸۴	۰,۰۰۱۹۱۶۳۹۱	۰,۰۰۰۰۱۸۵۸۱۷	۵۸۲۷	۰,۸۹۵	۹۳۶	۹
۰,۰۰۵۷۷۰	۰,۰۰۲۳۹۵	۰,۵۰۵	۰,۰۰۴۱۶۸۶۱۱	۰,۰۰۰۵۱۹۹۱۶	۰,۰۰۱۷۳۰۵۷۴	۰,۰۰۰۰۱۹۲۵۷۶	۶۰۳۵	۰,۸۹۶	۹۴۴	۸
۰,۰۰۵۰۷۲	۰,۰۰۲۱۳۸	۰,۵۰۷	۰,۰۰۴۶۴۸۶۹۵	۰,۰۰۰۵۰۲۰۲۴۷	۰,۰۰۱۵۳۷۹۹۸	۰,۰۰۰۰۱۹۹۳۴۳	۶۲۴۳	۰,۸۹۷	۹۵۲	۷
۰,۰۰۴۳۸۱	۰,۰۰۱۸۷۴	۰,۵۱۱	۰,۰۰۳۱۲۸۴۴۷	۰,۰۰۰۵۰۲۰۵۷۹	۰,۰۰۱۳۳۸۶۵۵	۰,۰۰۰۰۲۰۸۱۲۰	۶۴۰۱	۰,۸۹۷	۹۶۰	۶
۰,۰۰۳۶۹۵	۰,۰۰۱۶۰۴	۰,۵۱۷	۰,۰۰۲۶۰۷۸۶۸	۰,۰۰۰۵۰۲۰۹۱۱	۰,۰۰۱۱۳۲۵۳۵	۰,۰۰۰۰۲۱۲۹۰۴	۶۶۰۹	۰,۸۹۸	۹۶۸	۵
۰,۰۰۳۰۱۴	۰,۰۰۱۳۲۸	۰,۵۲۷	۰,۰۰۲۰۸۶۹۵۸	۰,۰۰۰۵۰۲۱۲۴۲	۰,۰۰۰۹۱۹۶۳۱	۰,۰۰۰۰۲۱۹۶۹۷	۶۸۶۷	۰,۸۹۸	۹۷۶	۴
۰,۰۰۲۳۴۰	۰,۰۰۱۰۴۶	۰,۵۴۵	۰,۰۰۱۵۶۰۷۱۶	۰,۰۰۰۵۰۲۱۰۷۴	۰,۰۰۰۹۹۹۹۳۴	۰,۰۰۰۰۲۲۶۴۹۹	۷۰۷۵	۰,۸۹۹	۹۸۴	۳
۰,۰۰۱۸۷۱	۰,۰۰۰۷۵۷	۰,۵۸۴	۰,۰۰۱۰۴۴۱۴۲	۰,۰۰۰۵۰۲۱۹۰۵	۰,۰۰۰۴۷۳۴۴۳۶	۰,۰۰۰۰۲۲۳۲۰۹	۷۲۸۳	۰,۸۹۹	۹۹۲	۲
۰,۰۰۱۰۰۷	۰,۰۰۰۴۶۳	۰,۷۰۴	۰,۰۰۰۵۲۲۲۲۷	۰,۰۰۰۵۲۲۲۲۷	۰,۰۰۰۲۴۰۱۲۷	۰,۰۰۰۰۲۴۰۱۲۷	۷۴۹۱	۰,۹۰۰	۱۰۰۰	۱



شکل ۳. کوتاهشدنگی ستون مورد بررسی ناشی از آثار خزش.



شکل ۴. کوتاهشدنگی ستون مورد بررسی ناشی از آثار آب‌رفتگی.

مطابق شکل ۲ نشان می‌دهد که مدت زمان ۸ روز به عنوان سن بارگذاری یکسان برای کلیه طبقات سازه رعایت خواهد شد. شروع آب‌رفتگی با پایان عمل آوری مرتبط ( $t_e$ ) نیز برابر ۳ روز انتخاب شده است. از سوی دیگر، به منظور عملکرد صحیح و آنالیز درست نرم‌افزار در برآوردن رفتار غیرخطی مرحله‌یی سازه، باید به تعداد طبقات سازه، منحنی زمان-خزش به عنوان ورودی نرم‌افزار تولید شود، که انتهی لزوم انجام آن در زمان استفاده از روش‌های از پیش تعریف شده و موجود در نرم‌افزار احساس نمی‌شود، چراکه نرم‌افزارهای مربوط، منحنی‌های خزش - زمان را براساس مراحل ساخت تعریف شده و ضوابط کد انتخابی به صورت خودکار تولید و وارد آنالیز می‌کنند، لیکن برای مدل‌های بازالت و GL<sup>۲۰۰۰</sup> که در نرم‌افزارهای مورد استفاده‌ی پژوهش حاضر موجود نیستند، تولید ۳۶ منحنی خزش برای هر یک از طبقات سازه با شرایط زمانی ساخت مختص هر طبقه برای هر یک از دو روش مذکور الزامی است، که پروسه‌یی زمان بر و مستلزم صرف وقت و دقت بسیار است.

نتایج حاصل از مدل‌سازی، در قالب کوتاهشدنگی ستون مورد بررسی ناشی از آثار خزش، آب‌رفتگی، و رشد مدول کشسانی به ترتیب در شکل‌های ۳ الی ۵ مشاهده می‌شود.

همان‌طور که در شکل‌های ۳ الی ۵ مشاهده می‌شود، تقریباً در اغلب روش‌ها، بیشترین و کمترین مقادیر کوتاهشدنگی ستون مورد بررسی به ترتیب تحت آثار آب‌رفتگی و تغییرات زمانی مدول کشسانی بتن رخ داده است. از طرفی اختلاف بین مقادیر کوتاهشدنگی برآورده روش‌های مختلف، تحت آثار خزش و آب‌رفتگی، شدت ووضوح

جدول ۶. مقادیر نهایی کوتاهشدنگی به روش فینتل و خان

$\Delta_{sh}^{After} - \Delta_{sh}^{Before}$	$\Delta_{cr}^N + \Delta_{cr}^R$ (m)	طبقه
۰,۰۰۰۸۹۶۴	۰,۰۱۱۶۳۸	۳۶
۰,۰۰۰۸۲۹۳	۰,۰۱۱۵۸۷	۳۵
۰,۰۰۰۷۷۱۹	۰,۰۱۱۵۱۹	۳۴
۰,۰۰۰۷۲۰۴	۰,۰۱۱۴۳۵	۳۳
۰,۰۰۰۶۷۳۴	۰,۰۱۱۳۳۶	۳۲
۰,۰۰۰۶۲۹۲	۰,۰۱۱۲۲۱	۳۱
۰,۰۰۰۵۸۷۹	۰,۰۱۱۰۹۱	۳۰
۰,۰۰۰۵۴۹۴	۰,۰۱۰۹۴۶	۲۹
۰,۰۰۰۵۱۳۶	۰,۰۱۰۷۸۴	۲۸
۰,۰۰۰۴۸۰۵	۰,۰۱۰۶۰۷	۲۷
۰,۰۰۰۴۵۰۰	۰,۰۱۰۴۱۲	۲۶
۰,۰۰۰۴۲۲۱	۰,۰۱۰۲۰۱	۲۵
۰,۰۰۰۳۹۶۹	۰,۰۰۹۹۷۳	۲۴
۰,۰۰۰۳۷۲۵	۰,۰۰۹۷۳۰	۲۳
۰,۰۰۰۳۴۸۹	۰,۰۰۹۴۷۳	۲۲
۰,۰۰۰۳۲۶۰	۰,۰۰۹۲۰۲	۲۱
۰,۰۰۰۳۰۳۹	۰,۰۰۸۹۱۷	۲۰
۰,۰۰۰۲۸۲۵	۰,۰۰۸۶۱۷	۱۹
۰,۰۰۰۲۶۱۹	۰,۰۰۸۳۰۴	۱۸
۰,۰۰۰۲۴۱۹	۰,۰۰۷۹۷۶	۱۷
۰,۰۰۰۲۲۲۷	۰,۰۰۷۶۳۵	۱۶
۰,۰۰۰۲۰۴۱	۰,۰۰۷۲۸۰	۱۵
۰,۰۰۰۱۸۶۲	۰,۰۰۶۹۱۱	۱۴
۰,۰۰۰۱۶۹۰	۰,۰۰۶۵۲۸	۱۳
۰,۰۰۰۱۵۲۴	۰,۰۰۶۱۳۲	۱۲
۰,۰۰۰۱۳۶۴	۰,۰۰۵۷۲۲	۱۱
۰,۰۰۰۱۲۱۱	۰,۰۰۵۲۹۸	۱۰
۰,۰۰۰۱۰۶۴	۰,۰۰۴۸۶۱	۹
۰,۰۰۰۰۹۲۳	۰,۰۰۴۴۱۰	۸
۰,۰۰۰۰۷۸۸	۰,۰۰۳۹۴۶	۷
۰,۰۰۰۰۶۵۸	۰,۰۰۳۴۶۸	۶
۰,۰۰۰۰۵۳۵	۰,۰۰۲۹۷۷	۵
۰,۰۰۰۰۴۱۷	۰,۰۰۲۴۷۳	۴
۰,۰۰۰۰۳۰۵	۰,۰۰۱۹۵۶	۳
۰,۰۰۰۰۱۹۸	۰,۰۰۱۴۲۵	۲
۰,۰۰۰۰۰۹۶	۰,۰۰۰۸۸۲	۱

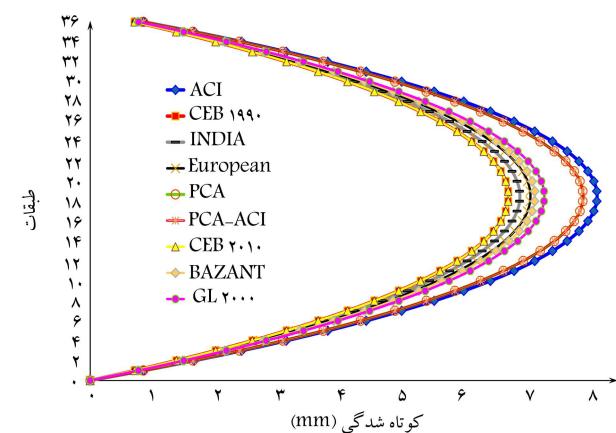
جهت سادگی روند مدل‌سازی به گونه‌یی فرض شده است که طول دوره‌ی ساخت هر طبقه، با سن بارگذاری آن یکسان باشد. همان‌طور که در شکل ۲ مشاهده می‌شود، مدت زمان ۸ روز از زمان پن‌ریزی طبقه‌ی اول در پایان روز ۸ آم از شروع ساخت تا باز کردن قالب‌های طبقه‌ی مذکور در روز ۱۶ آم، به عنوان سن بارگذاری طبقه‌ی اول شناخته می‌شود که این مقدار در نرم‌افزار Midas Gen<sup>[۱]</sup>، Member<sup>[۲]</sup>، ETABS<sup>۲۰۱۵</sup><sup>[۲۲]</sup>، به عنوان age at add در نرم‌افزار ETABS<sup>۲۰۱۵</sup><sup>[۲۲]</sup>، به عنوان Age at add در تعریف مراحل ساخت در آنالیز غیرخطی مورد استفاده‌ی کاربر است. ادامه‌ی روند ذکر شده در خصوص سن بارگذاری طبقه‌ی اول برای سایر طبقات

نتیجه آمده با یکدیگر مقایسه شده‌اند. نتایج حاصل از بررسی‌های پژوهش حاضر  
شسان می‌دهد:

- در خصوصیات محاسبه‌ی دستی کرنش‌های خرزشی و آبرفتگی روش فیتیل و خان، با تشکیل جدول‌های قبیل و بعد از ساخت و جایگزینی ضریب  $\alpha_t$  به جای ضرایب ( $1 - \alpha_t$ ) در روابط مربوط و جمع کرنش‌های خرزشی طبقات متناظر دو جدول و کسر کرنش آبرفتگی طبقات جدول قبیل از ساخت از مقادیر نظیر جدول بعد از ساخت، بهترین انتیاک بین کرنش‌ها و تغییرشکل‌های نهایی رخداده‌ی حاصل از روش مذکور و مقادیر متناظر حاصل از روش فرموله شده‌ی فیتیل و خان (PCA)، که قابلیت مدل‌سازی در نرم‌افزار را دارد، به دست آمده و آثار آبرفتگی بی اهمیت رخداده تا قبل از ساخت طبقه‌ی موردنظر اعمال شده است. اندک خطای رخداده در طبقات ۳۳ تا ۳۶ بین دو روش مذکور به علت تقریبی بودن روش فیتیل و خان در استفاده از گرافها و استخراج چشمی  $\alpha_t$ ‌های مورد استفاده‌ی طبقات یادشده است. مثال مورد بررسی می‌تواند به عنوان یک نمونه‌ی بسیار مناسب جهت صحبت‌سنگی و کالیبراسیون خط، مورد استفاده‌ی پژوهشگران این عرصه قرار گیرد.

با استفاده از رابطه‌ی ۸۱ پیشنهادی پژوهش حاضر، امکان برآورده رفتار درازمدت بتن با روش جامع بازنگشتن از روش تهیه‌ی ضرایب خرزش به عنوان ورودی موردنیاز نرم‌افزار ETABS<sup>۲۰</sup> ۱۵ فراهم شد و اطباق ۱۰۰ درصدی نتایج حاصل با خروجی‌های حاصل از نرم‌افزار ۱۵ Midas Gen<sup>۲۰</sup> مؤید صحبت رابطه‌ی ۸۱ پیشنهادی است. اهمیت رابطه‌ی پیشنهادی در آنالیز مرحله‌ی توالی ساخت با توجه به عدم وجود روش بازنگشتن روش پیش‌فرض نرم‌افزار ۱۵ ETABS<sup>۲۰</sup> ۱۵ و تهیه‌ی منحنی‌های خرزش - زمان، به تعداد طبقات سازه نمایان‌تر می‌شود.

نتایج حاصل از آنالیز مرحله‌ی مثال مورد بررسی در روز ۱۰۰۰ آم ساخت نشان داد که در اغلب روش‌های مورد بررسی، مقادیر قابل ملاحظه‌ی کوتاهشدنگی در وهله‌ی اول ناشی از آبرفتگی و سپس خرزش و درنهایت تحت اثر تغییرات مدول کشسانی به وقوع پیوسته است. اختلاف مقادیر کوتاهشدنگی بین روش‌های مختلف، تحت آثار خرزش و آبرفتگی، بیشتر از آثار مدول کشسانی است و قسمت اعظم آن در خصوص خرزش و مدول کشسانی در طبقات میانی سازه (۳۰ الی ۱۵) و در خصوص آبرفتگی در کلیه‌ی طبقات سازه به چشم می‌خورد. بیشترین مقادیر کوتاهشدنگی ناشی از آثار خرزش، آبرفتگی و مدول کشسانی، به ترتیب در روش‌های بازنگشتن، ACI و PCA برآورده شده است.



شکل ۵. کوتاه‌شدگی ستون مورد بررسی ناشی از اثر تغییرات مدول کشسانی.

بیشتری نسبت به اختلاف مقادیر نظری ناشی از آثار مدول کشسانی دارد. قسمت اعظم اختلاف ذکر شده درخصوص خوش و مدول کشسانی در طبقات میانی سازه (۱۰ تا ۳۵) به چشم می خورد (شکل های ۳ و ۵)، اما درخصوص آبرفتگی، اختلاف مقادیر روش های مختلف در کلیه طبقات سازه مشاهده می شود. به عبارتی دیگر، تغییرات میزان کوتاه شدنگی ناشی از آبرفتگی ستون بین روش های مختلف، با بالارفتن شماره طبقه، همواره سیر صعودی خود را حفظ می کند و مماس بر منحنی همواره یک علامت خواهد داشت (شکل ۴). موضوع مطرح شده با توجه به عدم وابستگی آبرفتگی به تنش های ناشی از بارگذاری مرحله ای قابل توجیه است. بیشترین مقادیر کوتاه شدنگی ناشی از آثار خوش، آبرفتگی و مدول کشسانی به ترتیب در روش های بازانت، PCA و ACI برآورده شده است.

۴۔ نتیجہ گیری

در نوشتار حاضر، مهم‌ترین روش‌های برآورد رفتار دارماست بتن معرفی و نحوه‌ی برآورد پدیده‌های وابسته به زمان روش‌های مذکور، تحت آنالیز متداول یک مرحله‌یی و آنالیز غیرخطی مرحله‌یی بررسی و مقایسه شده است. نحوه‌ی محاسبه‌ی دستی آثار خرش و آبرفتگی مؤثر در تغییرشکل‌های محوری، در خصوص روش فیتیل و خان انجام و به منظور صحت‌سنجی محاسبات و مدل‌سازی در نرم‌افزار، نتایج به

آذوه شت ها

1. notional size
  2. compliance
  3. exponential function
  4. time ratio
  5. hyperbolic equation
  6. Gardner
  7. Lockman
  8. Fintel & Khan
  9. portland cement association

## 10. nonlinear sequential construction analysis

منابع (References)

1. Kwak, H.G. and Kim, J.K. "Time-dependent analysis of RC frame structures considering construction sequences", *Building and Environment*, **41**(10), pp. 1423-1434 (2006).
  2. Park, S.W., Choi, S.W. and Park, H.S. "Moving average

- correction method for compensation of differential column shortenings in high-rise buildings”, *Struct. Design Tall Spec. Build.*, **22**(9), pp. 718-728 (2013).
3. Kim, H.S. “Optimum distribution of additional reinforcement to reduce differential column shortening”, *Struct. Design Tall Spec. Build.*, **24**(10), pp. 724-738 (2015).
  4. Njomo, W.W. and Ozay, G. “Minimization of and shortening column differential sequential analysis of RC 3D-frames using ANN”, *Structural Engineering and Mechanics An International Journal*, **51**(6), pp. 989-100 (2014).
  5. Epakachi, S., Mirghaderi, R., Esmaili, O. and et al. “Seismic evaluation of a 56-story residential reinforced concrete high-rise building based on nonlinear dynamic time-history analyses”, *Struct. Design Tall Spec. Build.*, **21**(4), pp. 233-248 (2012).
  6. Esmaili, O., Epakachi, S., Mirghaderi, R. and et al. “Evaluation of the construction sequence loading effects on seismic performance of high-rise buildings with different structural systems”, *9th Canadian Conference on Earthquake Engineering*, Ottawa, Ontario, Canada (2007).
  7. Kheyroddin, A., Gholhaki, M., and Afshari, M.J. “Investigation of the exact sequential construction analysis in comparison in conventional analysis and the approximate CFM method”, *Sharif Journal of Civil Engineering*, **32**(2), pp.81-92 (2017).
  8. CEB-FIP Model Code 1990, Comite Euro-International du Beton, Thomas Telford, Lausanne (1993).
  9. CEB-FIP Model Code 2010, Final Draft, Volume 1, Fib Bulletin 65, Lausanne, Switzerland (2012).
  10. ACI Committee 209, “Prediction of creep, shrinkage and temperature effects in concrete structures (ACI209R-92)”, American Concrete Institute, Farmington Hills, MI, USA (1997).
  11. Bazant, Z.P. and Baweja, S., *Creep and Shrinkage Prediction Model for Analysis and Design of Concrete Structures (Model B3)*, ACI Special Publication (2000).
  12. Bazant, Z.P. and Wittmann, F.H., *Creep and Shrinkage in Concrete Structures*, John Wiley & Sons, New York (1982).
  13. Gardner, N.J. and Lockman, M.J. “Design provisions for drying shrinkage and creep of normal strength concrete”, *ACI Materials Jrn.*, **98**(2), pp. 159-167 (2001).
  14. Gardner, N.J. “Comparison of prediction provisions for drying shrinkage and creep of normal-strength concretes”, *Can. J. Civ. Eng.*, **31**(5), pp. 767-775 (2004).
  15. Fintel, M. and Khan, F.R. “Effects of column creep and shrinkage in tall structures-prediction of inelastic column shortening”, *American Concrete Institute ACI*, **66**(12), pp. 957-967 (1969).
  16. Fintel, M. and Khan, F.R. “Effect of column creep and shrinkage in tall structures -Analysis for differential shortening of columns and field observation of structures”, American Concrete Institute, ACI SP-27, pp. 95-119 (1971).
  17. Stafford Smith, B. and Coull, A., *Tall Building Structures: Analysis and Design*, John Wiley & Sons Inc., pp. 461-474 (1991).
  18. Fintel, M., Ghosh, S.K. and Iyengar, H. “Column shortening in tall structure-prediction and compensation”, (EB108.01D), Portland Cement Association, Skokie, IL (1987).
  19. IS 456-2000, *Plain and Reinforced Concrete - Code of Practice*, Bureau of Indian Standards, 4th Revision, New Delhi (2000).
  20. CEN European Committee for Standardization, “Eurocode 2: Design of concrete structures”, European Standard pr-EN (July, 2004).
  21. Midas Information Technology Co. Ltd. “MIDAS GEN 2015-general structural design system software, analysis reference manual”, <http://www.midasit.com>.
  22. Computers and Structures Inc., “ETABS2015-integrated building design software, technical reference manual”, Berkeley, California (2015).