

# بررسی حساسیت نتایج محاسبات معکوس به دما در روش‌سازی بازیافت شده در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی

ویدا مهرانفر (دانشجوی کارشناسی ارشد)

امیرمدرس<sup>\*</sup> (دانشیار)

دانشکده‌ی هندسی عمران، دانشگاه صنعتی نوشیروانی، بابل

مهمنگی عمان شرف، (پیزون ۱۳۹۸-۰۵-۰۲)، شماره ۰۲/۰۳/۰۵-۰۶

در بخشی از مسیر دامغان - سمنان که عملیات بهسازی به روش بازیافت سرد در آن اجرا شده است، آزمایش‌های FWD و GPR انجام شده است. پاسخ روش‌سازی به بار وارد در آزمایش FWD، بیش از هر عامل دیگری وابسته به دمای لایه‌ی آسفالتی است. بنا بر این حساسیت تغییرشکل‌های ثبت شده و مدول‌های بازگشتی به دما به عنوان هدف اصلی در مطالعه‌ی حاضر ارزیابی شده است. در پژوهش حاضر، در کنار لایه‌ی آسفالتی، حساسیت دمایی مدول بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی نیز بررسی شده است. زیرا وجود قیر امولسیون در لایه‌ی مذکور، احتمال وابستگی مدول‌های بازگشتی به دما را در لایه‌ی اساس بازیافتی افزایش می‌دهد. محاسبات معکوس با استفاده از نرم‌افزار Modal Elmod و همچنین یک روش پیشنهادی بر مبنای تئوری‌های موجود در زمینه‌ی محاسبات معکوس انجام شد. جهت اعتبارسنجی نتایج به دست آمده از روش‌های پیشنهادی، نتایج آزمایش‌های مخرب که براساس نمونه‌گیری در محل انجام شده بودند، در چند ایستگاه استفاده شدند.

vida\_mhr@yahoo.com  
a.modarres@nit.ac.ir

واژگان کلیدی: آزمایش‌های مخرب و غیرمخرب، آنالیز معکوس، بازیافت سرد، ضریب اصلاح دمایی، مدول بازگشتی، FWD.

## ۱. مقدمه

متداول استاتیکی که از بیشینه‌ی تغییرشکل میدانی برای محاسبه‌ی مدول کشسان خطی لایه‌ها استفاده می‌کنند و یا روش‌های پیشرفته‌ی دینامیکی که با استفاده از الگوریتم رتیک و شبکه‌ی عصبی مصنوعی به محاسبه‌ی مدول‌های بازگشتی می‌پردازند، برای محاسبه‌ی مدول‌های بازگشتی ارائه شده است.<sup>[۱-۴]</sup> تغییرشکل‌های اندازه‌گیری شده توسط FWD، فقط نشان‌دهنده‌ی شرایط روش‌سازی موردنظر در محل آزمایش و در زمان انجام آزمایش است. بنا بر این تغییرشکل‌های اندازه‌گیری شده و خصوصیات بازگشتی لایه‌ها باید برای یک شرایط خاص بارگذاری و شرایط محیطی استاندارد اصلاح شود.<sup>[۵-۶]</sup> مهم‌ترین عامل محیطی که در تغییرشکل‌های سطحی روش‌سازی انعطاف‌پذیر تأثیر می‌گذارد، دمای لایه‌ی آسفالتی است. بنا بر این به جهت یکسان‌سازی نتایج حاصل از آزمایش‌های غیرمخرب، ویژگی‌های وابسته به دمای لایه‌ها باید در یک دمای مرجع ارزیابی شوند. زی<sup>۱</sup> و همکارانش اظهار داشتند که نمی‌توان اثر تغییرات فصلی در مدول‌های بازگشتی صرف نظر کرد، زیرا نتایج بررسی آنها نشان داده است که مدول‌های بازگشتی محاسبه شده در فصل زمستان به طور متوسط ۴۰٪ بیش از مدول‌های بازگشتی در اوایل تابستان هستند.<sup>[۷]</sup>

در مطالعات انجام شده، معمولاً اثر دما به دو صورت در فرایند محاسبات معکوس لحاظ شده است: در روش اول، تغییرشکل‌های به دست آمده از حسگرها مستقیماً قبل از انجام محاسبات معکوس اصلاح می‌شوند. در روش دوم که متداول تر است، اصلاح

مقامات سازه‌ی روش‌سازی تحت بهره‌برداری از طریق انواع آزمایش‌های مخرب و غیرمخرب قابل دستیابی است. نتایج آزمایش‌های اخیر به منظور طراحی روش‌سازی، ارزیابی عمر باقیمانده‌ی سیستم روش‌سازی و همچنین آگاه کردن مهندسان راه در مورد زمان مناسب تعمیر و نگهداری و مدیریت روش‌سازی استفاده می‌شود. به آزمایش‌های غیرمخرب به دلیل برتری نسبت به آزمایش‌های مخرب در رسال‌های اخیر توجه بیشتری شده است. یکی از متداول‌ترین روش‌هایی که برای انجام آزمایش‌های غیرمخرب مطرح است، تجهیزات افت و خیز سنج ضریبه‌ی با آزمایش وزنه‌ی افتان سنجش خیز (FWD) نام دارد که امروزه به طور گستردۀ استفاده می‌شود. زیرا روش FWD، بار وارد از چرخ وسیله‌ی نقلیه را بهتر از سایر تجهیزات غیرمخرب شبیه‌سازی می‌کند. در آزمایش FWD، پاسخ روش‌سازی به بار وارد تو سطح حسگرها بی که در فواصل مشخص از محل اعمال بار قرار گرفته‌اند، ثبت می‌شود. با استفاده از تغییرشکل‌های به دست آمده تو سطح حسگرها می‌توان مدول ارتعاعی لایه‌های روش‌سازی را برآورد کرد. فریند صورت گرفته، محاسبه‌ی معکوس نام دارد و مدول‌های به دست آمده از آن، مدول‌های بازگشتی نامیده می‌شوند. تاکنون روش‌های متنوعی مانند: روش‌های

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۶/۷/۵، اصلاحیه ۹/۲۶، پذیرش ۱۰/۱۳۹۶.

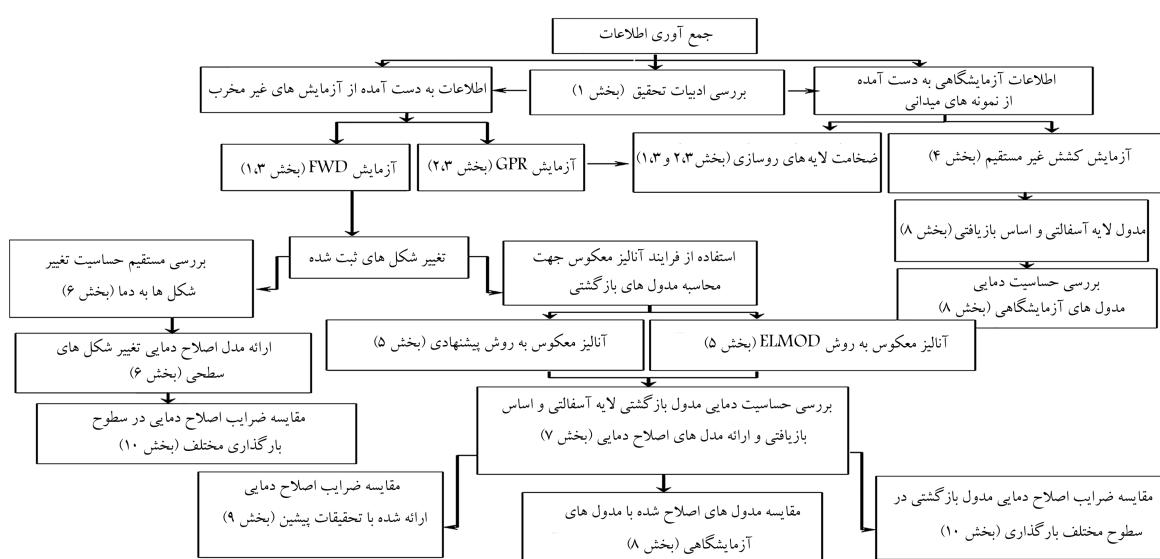
DOI:10.24200/J30.2017.5178.2211

مورد مدول های بازگشته حاصل از آزمایش FWD به دست آمده است.<sup>[۱۵]</sup> از دلایل مختلفی که در توجیح اختلافات ذکر شده ارائه شده است، می توان به موارد: تفاوت در میران تراکم مصالح در شرایط آزمایشگاهی و میدانی، آثار درازمدت روی مصالح در محل مانند تغیر پایکلخونه شدن مصالح، تفاوت بسامد بارگذاری در آزمایشگاه و ... اشاره کرد.<sup>[۱۶]</sup> علی رغم مطالعات پیشین در این زمینه، تاکنون مطالعات بسیار کمی بر روی حساسیت دمایی روسازی حاوی لایه ای بازیافتی با قیر امولسیون و سیمان انجام شده است. در پژوهش حاضر، میران حساسیت نتایج به دست آمده از آزمایش FWD در روسازی های حاوی لایه ای بازیافتی با قیر امولسیون و سیمان بررسی شده است که به دلیل حساسیت بالای قیر امولسیون به دما، علاوه بر لایه ای آسفالت روش، عکس العمل لایه ای اساس بازیافتی به بارگذاری ضربه بی نیز احتمالاً نتایج تغییرات دما خواهد بود. در پژوهش حاضر، علاوه بر حساسیت دمایی تغییرشکل های ثبت شده و مدول های بازگشته، مدل های اصلاح دمایی مطابق با شرایط منطقه ای مورد مطالعه ارائه و با مطالعات قبلی مقایسه شده است. همچنین با انجام آزمایش های مخرب، مدول های بازگشته با مدول های آزمایشگاهی مقایسه شده اند.

## ۲. روش پژوهش

در شکل ۱، مراحل انجام پژوهش حاضر و آنالیزهای انجام شده به صورت فلوچارت ارائه شده است. بخش هایی از محور دامغان - سمنان که عملیات بازیافت سرد در سال های ۱۳۸۴ و ۱۳۸۵ در آنجا انجام شده است، به عنوان مطالعه ای موردي در نظر گرفته شد. داده های اولیه جهت انجام تحلیل ها، شامل نتایج آزمایش های میدانی (FWD و GPR) و بررسی های آزمایشگاهی شامل مغزه گیری در همان نقاط و انجام آزمایش های مدول ارجاعی بوده است. در ابتدا حساسیت تغییرشکل های سطحی به دما مستقیماً بررسی و مدلی ارائه شده که به کمک آن می توان تغییرشکل های به دست آمده در دمای آزمایش را به تغییرشکل های معادل دمای مرتعج تبدیل کرد. دمای مرتعج در بیشتر پژوهش های انجام شده، ۲۰ درجه ای سانتی گراد انتخاب شده است، مگر در مناطق گرم که انتخاب دمای بالاتر مرتعج منطقی به نظر می رسد.<sup>[۱۷]</sup> در پژوهش حاضر، دمای مرتعج ۲۰ درجه انتخاب شده است.

دما پس از محاسبه مدول های بازگشته انجام می گیرد. تاکنون پژوهش های بسیاری در زمینه تأثیر دما در نتایج آزمایش FWD صورت گرفته و مدل های نیز برای اصلاح مدول بازگشته و تغییرشکل های میدانی با توجه به: شرایط خاص منطقه بی، میران اطلاعات جمع آوری شده، سن روسازی، ضخامت روسازی، نوع لایه های روسازی، شرایط تراکم و رطوبت لایه های دانه بی و میران خردل های موجود در منطقه به صورت تجربی ارائه شده اند.<sup>[۱۸]</sup> معمولاً مدل های اخیر برای شرایط خاصی ارائه شده اند و تعیین آنها به شرایط دیگر با خطاهای محاسباتی همراه خواهد بود. در راهنمای طراحی اشتو که در سال ۱۹۹۳ ارائه شده است، مدل اصلاح دمایی بر مبنای دمای سطح آسفالت و متوسط دمای ۵ روزه هی هوا محاسبه شده بود، اما بررسی های بیشتر کیم<sup>۲</sup> و همکارانش نشان داد که متوسط دمای اشتو قادر به درنظر گرفتن گرادیان دمایی آسفالت نیست و درنظر گرفتن دمای وسط لایه ای آسفالتی به جای متوسط دمای اشتو دقت مدل را تا حدود زیادی افزایش می دهد.<sup>[۱۹]</sup> بنابراین در دو دهه ای اخیر، مطالعاتی بر مبنای دمای وسط لایه ای آسفالتی که دمای مؤثر نیز نامیده می شود، صورت گرفته است. همچنین با بررسی نمودار ضربه ای اصلاح دمایی برای ضخامت های مختلف لایه ای آسفالتی این نتیجه حاصل شده که شبیه نمودار در لایه های ضخیم تر آسفالتی بیشتر است، که نشان می دهد اثر دما در لایه ای آسفالتی ضخیم تر بیشتر است.<sup>[۲۰]</sup> نتایج مطالعات پیشین نیز نشان داده است که اثر دما در تغییرشکل حسگرهای نزدیک به مرکز بارگذاری، بیشتر است. بنابراین یکی از مهمترین ضرایب اصلاح دما مربوط به تغییرشکل مرکزی است. برای مثال، کیم و همکارانش با بررسی ۴ نوع آسفالت در منطقه کارولینای شمالی، یک مدل اصلاح دما برای تغییرشکل مرکزی و مدول بازگشته لایه ای آسفالتی ارائه کردند.<sup>[۲۱]</sup> یکی از نکات حائز اهمیت در پژوهش های اخیر، مقایسه بین مدول های بازگشته با مدول های آزمایشگاهی است که به نتایج اعتبار می بخشد. به عنوان مثال، در آریزونا پژوهشگران با بررسی ۲۰ ناحیه نتیجه گرفتند که همبستگی ضعیفی بین مدول های آزمایشگاهی و میدانی وجود دارد.<sup>[۲۲]</sup> همچنین محمد و نزال،<sup>[۲۳]</sup> نشان دادند که مقادیر مدول های بازگشته به طور چشمگیری تحت تأثیر روش محاسبه مکووس قرار گرفته است. در نتیجه نسبت مدول بازگشته به مدول آزمایشگاهی نیز تحت تأثیر روش مرتبط قرار خواهد گرفت.<sup>[۲۴]</sup> در بررسی دیگری این نتیجه حاصل شد که تغییرات مدول آزمایشگاهی لایه ها با تغییر مکان آزمایش و نوع مصالح به طور قابل ملاحظه بی تغییر نمی کند، اما عکس این نتیجه در



شکل ۱. فلوچارت مراحل مطالعه.

### ۳. بررسی‌های غیرمخرب

#### ۱. آزمایش FWD

آزمایش غیرمخرب توسط دستگاه افت و خیزسنج ضربه‌یی (FWD) مدل دایناستت ۶ در ایستگاه از محور دامغان - سمنان انجام شده است. اطلاعات به دست آمده از ایستگاه آخر جهت اعتبارسنجی استفاده شده است. بار اعمالی توسط دستگاه FWD در مدت زمان ۱۰ الی ۲۵ میلی ثانیه به سطح روسازی وارد و پاسخ روسازی به کمک حسگرهای دستگاه اندازه‌گیری شده است. نختین حسگر دقیقاً در زیر بار مرکزی قرار داشت و سایر حسگرهای در فواصل ۲۰۰، ۳۰۰، ۴۵۰، ۶۰۰، ۹۰۰، ۱۲۰۰، ۱۵۰۰ و ۱۸۰۰ میلی متر از محل اعمال بار قرار داشتند. در پژوهش حاضر، آزمایش FWD برای اعمال بار هدف ۴۰، ۵۰ و ۶۰ کیلونیوتون به صفحه‌ی بازگذاری انجام شده است. از آنجایی که در هر تکرار نمی‌توان دقیقاً بار هدف را به روسازی اعمال کرد، تغییرشکل‌های ثبت شده با استفاده از ضرایب اصلاحی نرمالیزه شده‌اند. ضرایب نرمالیزاسیون مطابق رابطه‌ی ۳ تعریف می‌شود:

$$\frac{\text{بار هدف}}{\text{بار اعمال شده در آزمایش FWD}} = \text{ضرایب نرمالیزاسیون} \quad (3)$$

در پژوهش حاضر، بررسی‌ها برای بار استاندارد ۴۰ کیلونیوتون انجام و نتایج برای سایر نیروها مقایسه شده است. دستگاه FWD قادر است دمای هوا و دمای سطح آسفالت را به طور خودکار اندازه‌گیری و ثبت کند. در مطالعه‌ی حاضر، به منظور دستیابی به تغییرشکل‌های روسازی در یک بازه‌ی دمایی گسترده، در هر ایستگاه آزمایش FWD در زمان‌های مختلف تکرار شد. اطلاعات از ۶ ایستگاه به شرح جدول ۱ جمع‌آوری شده است.

#### ۲. آزمایش رادار نفوذی زمین (GPR)

اطلاع از ضخامت لایه‌ها برای انجام محاسبات معکوس ضروری است. برای اطلاع از ضخامت لایه‌ها در محور دامغان - سمنان، آزمایش غیرمخرب GPR انجام شده است. همچنین اطلاعات به دست آمده از نمونه‌های برداشت شده از محل برای کالیبراسیون نتایج آزمایش غیرمخرب GPR و بررسی شرایط سازه‌یی لایه‌های روسازی استفاده شده است. به کمک داده‌های حاصل از آزمایش GPR و همچنین نتایج به دست آمده از نمونه‌های برداشت شده از مسیر، ضخامت لایه‌های روسازی

مدول لایه‌های روسازی به کمک نرم‌افزار ELMOD و روش پیشنهادی پژوهش حاضر، که جزئیات آن در بخش ۵ ذکر شده است، به دست آمدند و با هم مقایسه شدند. از آنجایی که روسازی مورد ارزیابی شامل یک لایه‌ی اساس بازیافتی با قیر امولسیون و سیمان است، بنابراین علاوه بر بررسی لایه‌ی آسفالتی، اثر دما در لایه‌ی اساس بازیافتی نیز ارزیابی شد. حاصل ارزیابی‌های انجام شده، ارائه‌ی ضرایب اصلاح دمایی برای مدول‌های بازگشته بوده است که در بخش‌های بعدی به آن پرداخته شده است. مطابق رابطه‌ی ۱، ضریب اصلاح دمایی برای مدول لایه‌ی آسفالتی به صورت نسبت مدول لایه‌ی آسفالتی در دمای مرجع به مدول لایه‌ی آسفالتی در دمای آزمایش تعریف شده است:<sup>[۶]</sup>

$$cf = \frac{E_r}{E_m} \quad (1)$$

که در آن،  $cf$  ضریب اصلاح دمایی برای مدول لایه‌ی آسفالتی،  $E_r$  مدول لایه‌ی آسفالتی در دمای مرجع ( $MPa$ ) و  $E_m$  مدول لایه‌ی آسفالتی در دمای آزمایش ( $MPa$ ) هستند.

ابتدا به کمک مدول بازگشته لایه‌ی آسفالتی که در دماهای مختلف محاسبه شده است، مدول معادل دمای مرجع تخمین زده شد. سپس رابطه‌ی ۱ برای دماهای مختلف محاسبه شده و به کمک آنالیز رگرسیون، مدل اصلاح دمایی برای لایه‌ی آسفالتی به دست آمده است. ضرایب اصلاح دمایی برای لایه‌ی اساس بازیافتی نیز مطابق همین روش محاسبه شد. مقایسه‌ی مدل‌های ارائه شده با مدل سایر پژوهشگران از دیگر اهداف پژوهش حاضر است که فرصتی را فراهم می‌کند تا مقاومت ضرایب ارائه شده در مطالعات مختلف بازگشته با مدول‌های دمایی نمونه‌گیری شده از محل است. در پژوهش حاضر، برای محاسبه‌ی اختلاف آماری مقدار پیش‌بینی شده توسط مدل یا برآوردگر آماری با مقدار واقعی از پارامتر خطای جذر میانگین مربع‌ها ( $RMSE$ ) استفاده شده است. پارامتر مناسبی برای مقایسه‌ی خطاهای مقادیر پیش‌بینی شده و مقادیر واقعی توسط یک مجموعه از داده‌های  $X_i$  و مقادیر واقعی  $y_i$  به صورت رابطه‌ی ۲ تعریف می‌شود:

$$RMSE\% = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left( \frac{x_i - y_i}{y_i} \right)^2} \times 100 \quad (2)$$

جدول ۱. اطلاعات ایستگاه‌های مورد مطالعه.

موثر آسفالت	دما (°C)		* بار هدف در آزمایش FWD (kN)	آزمایش بازیافتی	ضخامت (mm)	روبه‌ی آسفالتی	کیلومتراز (km)	ایستگاه
	هوای	موده						
۲۲, ۷ ۱۶, ۲ ۱۹, ۱	۱۷, ۹	۱۲, ۸ ۱۴, ۵	۶۰-۵۰-۴۰	۱۷۸	۱۳۱	۳۴+۲۰۰	۱	
۱۲, ۸ ۱۰, ۳ ۹, ۵	۱۴, ۲	۱۱, ۸ ۱۰, ۲	۶۰-۵۰-۴۰	۱۷۱	۱۳۴	۴۹+۳۰۰	۲	
۲۰, ۸ ۲۰, ۳ ۱۹, ۷	۲۲, ۳	۲۱, ۴ ۲۰, ۹	۶۰-۵۰-۴۰	۱۷۴	۱۴۳	۵۵+۸۰۰	۳	
۲۲, ۱ ۱۹, ۴ ۱۷, ۹	۲۳, ۶	۲۰, ۸ ۱۶, ۲	۶۰-۵۰-۴۰	۱۶۷	۱۳۹	۶۱+۲۰۰	۴	
۲۹, ۴ ۲۸, ۴ ۲۷, ۸	۲۶, ۳	۲۶, ۱ ۲۵, ۴	۶۰-۵۰-۴۰	۱۷۱	۱۳۴	۷۳+۸۰۰	۵	
۲۸, ۷ ۲۷, ۳ ۲۵, ۴	۲۶, ۸	۲۶, ۵ ۲۲, ۷	۶۰-۵۰-۴۰	۱۷۵	۱۲۹	۱۰۲+۳۰۰	۶	

\* بار اعمال شده از طرف دستگاه (± کیلونیوتون) با بار هدف فاصله دارد.

## ۵. روش‌های آنالیز معکوس

در آزمایش FWD، مدول لایه‌های روسازی با عنوان مدول بازگشتی، با استفاده از تغییرشکل‌های میدانی و انجام محاسبات معکوس قابل محاسبه است. به طور کلی دو روش برای انجام فرایند آنالیز معکوس استفاده می‌شود: روش اول، در واقع بهکارگیری یک الگوریتم تکرری است، به طوری که در ابتدا یک مدول فرضی برای لایه‌های روسازی درنظر گرفته می‌شود. سپس تغییرشکل‌های سطحی محاسبه و با تغییرشکل‌های میدانی مقایسه می‌شود. در صورتی که اختلاف بین تغییرشکل‌های میدانی و محاسباتی زیاد باشد، مدول فرضی لایه‌ها اصلاح می‌شود. این روند تا جایی ادامه می‌بادد که اختلاف بین تغییرشکل‌های محاسباتی و میدانی به میزان کمینه برسد.<sup>[۱۲]</sup> امروزه نرم‌افزارهای متعددی وجود دارند که بر مبنای روش ذکر شده برنامه‌نویسی شده‌اند. در پژوهش حاضر، برای انجام محاسبات معکوس، نرم‌افزار متداول ELMOD استفاده شده است. از مزایای نرم‌افزار ELMOD در بین سایر نرم‌افزارهای مشابه، می‌توان به خروجی‌های مناسب آن براساس تجربیات گذشته، توانایی درنظر گرفتن رفتار غیرخطی لایه‌های روسازی، توانایی درنظر گرفتن اندازه در لایه‌ی آسفالتی، سرعت بالای انجام محاسبات، و همچنین در دسترس بودن نرم‌افزار ELMOD اشاره کرد.<sup>[۱۳]</sup> روش دوم، بر پایه‌ی پایگاه اطلاعاتی (Data Base) است که شامل کاسه‌های تغییرشکلی است و با استفاده از بازه‌ی گسترده‌ی از مدول‌های فرضی بدست می‌آید. در روش اخیر، مدول بسترهای براساس کمینه سازی خطاهای بین تغییرشکل‌های پیش‌بینی شده در Data Base و تغییرشکل‌های اندازه‌گیری شده در آزمایش FWD محاسبه می‌شود.

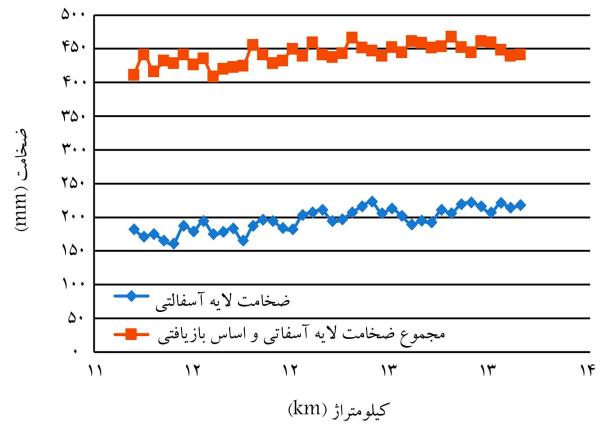
در پژوهش حاضر برای مقایسه‌ی نتایج ELMOD با یک روش دیگر، یک روند محاسبه‌ی معکوس بر مبنای روش پایگاه داده‌ها به زبان بیسیک<sup>۴</sup> کدنویسی شده است. در ادامه، مراحل روش ذکر شده به طور خلاصه ارائه شده است. ابتدا با یک فرض اولیه برای مدول بسترهای درنظر گرفتن نسبت‌های مختلف بین مدول بسترهای معادل مدول سایر لایه‌ها، سیستم چندلایه‌یی مورد مطالعه به یک سیستم تک‌لایه‌یی معادل تبدیل می‌شود. طبق تئوری ادمارک، تنش‌ها و کرنش‌های زیر یک لایه فقط بستگی به سفتی آن لایه دارد. بنابراین اگر ضخامت، مدول کشسانی و ضربی پواسون یک لایه طوری تغییر کند که مقدار سفتی ثابت بماند، می‌توان نتیجه گرفت میزان تنش‌ها و کرنش‌ها در لایه‌یی موردنظر ثابت می‌ماند. بنابراین با استفاده از رابطه‌ی<sup>۴</sup>، سیستم چند لایه‌یی روسازی به یک لایه‌یی معادل با سفتی برابر تبدیل خواهد شد:

$$h_e = h_1 \sqrt{\frac{E_1}{E_2} \left( \frac{1 - \nu_1^2}{1 - \nu_2^2} \right)} \quad (4)$$

که در آن،  $E_1$  و  $E_2$  مدول کشسانی لایه‌های اول و دوم (MPa)،  $\nu_1$  و  $\nu_2$  ضربی پواسون لایه‌های اول و دوم،  $h_1$  و  $h_2$  ضخامت لایه‌ی اول و ضخامت لایه‌ی تبدیل یافته (mm).

پس از تبدیل کل لایه‌ها به یک سیستم تک‌لایه‌یی معادل می‌توان از روابط ۵ و ۶ به ترتیب برای محاسبه‌ی تغییرشکل‌های سطحی زیر مرکز بارگذاری و فواصل مختلف از مرکز بارگذاری استفاده کرد:

$$d_{(z,r=0)} = \frac{(1 + \nu) \sigma_0 a}{E} \left[ \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{z}{a}\right)^2}} + (1 - 2\nu) \left( \sqrt{1 + \left(\frac{z}{a}\right)^2} - \frac{z}{a} \right) \right] \quad (5)$$



شکل ۲. نتایج آزمایش GPR در بخشی از مسیر.

به دست آمد. شکل ۲، نتایج به دست آمده از آزمایش GPR را در بخشی از مسیر نشان می‌دهد. در محور دامغان - سمنان، رویه‌ی آسفالتی با ضخامت تقریباً یک‌نمایخت پخش و متراکم شده است. در طول مسیری که آزمایش FWD شده، ضخامت میانگین لایه‌ی آسفالتی ۱۳۵ میلی‌متر بوده و بیشینه‌ی اختلاف بین ضخامت لایه‌ی آسفالتی در ایستگاه‌ها، ۱۴ میلی‌متر ثبت شده است. روسازی شامل یک لایه‌ی اساس بازیافت شده با قیرامولسیون به میزان متوسط ۴٪ و سیمان به میزان ۲٪ وزن خشک مصالح خردۀ آسفالتی بوده است که بر روی پستره قرار گرفته است. بررسی نتایج آزمایش GPR نشان داده است که متوسط ضخامت لایه‌ی اساس بازیافتی در محل آزمایش FWD ۱۷۲ میلی‌متر بوده است.

## ۴. آزمایش‌های مخبر

به منظور کنترل میزان دقت و قابلیت اطمینان داده‌های به دست آمده از محاسبات معکوس، مدول کشسانی مصالح موجود در لایه‌های مختلف روسازی بازیافتی ایستگاه‌های مورد مطالعه به طور مخبر نیز اندازه‌گیری شد. در آزمایشگاه معمولاً برای محاسبه‌ی مدول ارجاعی مصالح با ماده‌ی چسبنده، آزمایش کشش غیرمستقیم مطابق استاندارد ASTM D-4123 استفاده می‌شود. در حالی که آزمایش سه‌محوری دینامیکی طبق استاندارد AASHTO T ۳۰-۷-۹۹ برای مصالح دائمی اساس، زیراساس، و بسترهای استفاده می‌شود.<sup>[۱۴]</sup> در پژوهش حاضر، مدول ارجاعی مصالح چسبنده‌ی لایه‌های آسفالتی و اساس بازیافتی به کمک آزمایش کشش غیرمستقیم اندازه‌گیری شدند. آزمایش انجام شده، در اصل یک آزمایش فشاری قطری است که در آن سطح جانی نمونه‌های استوانه‌یی به قطر ۶ یا ۶ اینچ تحت بارگذاری فشاری تکراری قرار می‌گیرند. در آزمایش مذکور، بار نیم‌سینوسی با زمان بارگذاری ۰/۱ ثانیه و زمان استراحت ۰/۹ ثانیه به نمونه‌ها وارد می‌شود. میزان تغییرشکل‌های افقی و قائم به وجود آمده در نمونه در اثر این بارگذاری توسط مبدل‌های خطی تشخیص دهنده‌ی تغییرات (LVDTs) اندازه‌گیری می‌شود. در ابتدا بارگذاری، تغییرشکل در نمونه به صورت کرنش خمیری صورت می‌گیرد، اما رفته‌رفته در اثر تکرار بارگذاری در هر سیکل، تغییرشکل خمیری کاهش می‌باید و تمامی کرنش‌ها به صورت ارجاعی صورت می‌گیرد. مدول ارجاعی به صورت حاصل تقسیم تنش اعمال شده بر کرنش قابل بازگشت تحت تکرار بارگذاری تعريف شده است.

فرض اولیه‌ی مدول بستر از طریق رابطه‌ی ۱۳ اصلاح می‌شود. رابطه‌ی اخیر با فاکتور گرفتن از پارامتر  $f_1$  در رابطه‌ی ۱۱ و بازنویسی مجدد آن به دست می‌آید.

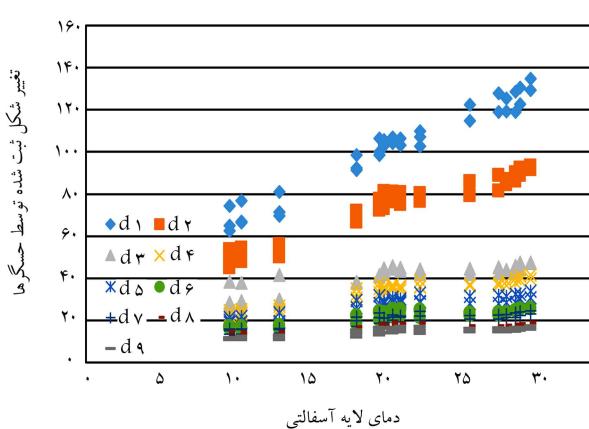
$f_i$  تابع تغییرشکل برای حسگر زیر صفحه‌ی بارگذاری است:

$$E_{SG} = \left[ \frac{\sum_{i=1}^s \left( \frac{f_i}{d_i^m \times f_1} \right)^r}{\sum_{i=1}^s \left( \frac{f_i}{d_i^m \times f_1} \right)} \right] \sigma a f_1 \quad (13)$$

در گام آخر بین مدول‌های بستر اصلاح شده، مدولی که به واسطه‌ی آن کمترین میزان خطا بین تغییرشکل‌های محاسباتی و میدانی ایجاد شود، به عنوان خروجی انتخاب خواهد شد.

## ۶. حساسیت دمایی تغییرشکل‌های سطحی

تغییرشکل سطح روسازی در برابر بار اعمالی وابسته به دمایی است که آزمایش FWD در آن انجام می‌شود. بنابراین جهت دست‌یابی به تابع منطقی لازم است تغییرشکل‌های روسازی، در یک دمای مرجع اندازه‌گیری شود. از آنجایی که همواره انجام آزمایش FWD در یک دمای مشخص امکان‌پذیر نیست، لازم است از ضرایب اصلاح دمایی برای تبدیل تغییرشکل در دمای آزمایش به دمای مرجع استفاده شود. شکل ۳، تغییرشکل‌های ثبت شده توسط حسگرها را در دماهای مختلف نشان می‌دهد. در شکل ۳، پارامترهای  $d_1$  و  $d_2$  به ترتیب تغییرشکل میدانی حسگرهای اول تا نهم هستند. مطابق انتظار، تغییرات دما بیشترین اثر را در تغییرشکل‌های مرکزی داشته‌اند. مطابق شکل ۳، تغییرشکل‌های ثبت شده در حسگر دوم نیز تقریباً به اندازه‌ی حسگر مرکزی تحت تأثیر دما بوده است، اما از حسگر سوم به بعد افزایش دما اثر چندانی در تغییرشکل‌ها نداشته است. با توجه به ساختار روسازی اجرا شده در محور دامغان - سمنان، این نتیجه منطقی به نظر می‌رسد. زیرا روسازی علاوه بر لایه‌ی آسفالتی، شامل یک لایه‌ی اساس بازیافت شده با قیرامولسیون و سیمان است که می‌تواند بیشتر از اساس سنگ‌دانه‌ی تحت تأثیر دما باشد. مجموع ضخامت لایه‌های آسفالت و اساس بازیافتی به طور متوسط ۳۱ سانتی‌متر است. بنابراین انتظار می‌رفت که علاوه بر حسگر مرکزی، حسگرهای دورتر نیز تحت تأثیر دما باشند. از آنجایی که در پژوهش حاضر، تغییرشکل‌های حسگرهای اول و دوم به شدت وابسته به دما هستند، بنابراین استفاده از ضرایب اصلاح دمایی برای تبدیل تغییرشکل‌های ایجاد شده به معادل آن در دمای مرجع



شکل ۳. اثر دما در تغییرشکل‌های روسازی در فواصل مختلف از مرکز بارگذاری.

$$d_{z,r} = \frac{\sigma \cdot a^r}{\sqrt{E}} \left[ (1 + \nu) z^r \frac{1}{\sqrt{(r^r + z^r)^r}} + 2 \left( 1 - \nu^r \right) \frac{1}{\sqrt{(r^r + z^r)}} \right] \quad (6)$$

که در آن‌ها،  $d_{z,r}$  تغییرشکل در عمق  $Z$  و زیر مرکز بارگذاری ( $\mu m$ )  $r$  از مرکز بارگذاری ( $\mu m$ )  $z$ ، عمق موردنظر از سطح روسازی (mm)،  $\nu$  ضریب پواسون لایه‌ی موردنظر،  $\sigma$  تنش وارد به سطح روسازی در آزمایش FWD (MPa) و  $E$  مدول کشسانی لایه‌ی موردنظر (kPa) a شعاع صفحه‌ی بارگذاری (mm).

به طور کلی هدف فرایند آنالیز معکوس، کمینه‌سازی خط‌ها بین تغییرشکل‌های محاسبه شده و تغییرشکل‌های میدانی است که از رابطه‌ی ۷ محاسبه می‌شود:

$$e = \sum_{i=1}^s \left( \frac{d_i^m - d_i^p}{d_i^m} \right)^2 \quad (7)$$

که در آن،  $e$  خطای محاسبه شده،  $d_i^p$  تغییرشکل محاسبه شده از روابط ۵ و ۶،  $d_i^m$  تغییرشکل اندازه‌گیری شده در آزمایش FWD ( $\mu m$ )،  $s$  تعداد حسگرهای در پژوهش حاضر، ۹ عدد بوده است.

برای کمینه‌سازی خط‌ها بین تغییرشکل‌های محاسبه شده و تغییرشکل‌های میدانی مشتق رابطه‌ی ۸ نسبت به مدول بستر برابر صفر در نظر گرفته شده است:

$$\frac{\partial e}{\partial E_{SG}} = \sum_{i=1}^s 2 \left( 1 - \frac{d_i^p}{d_i^m} \right) \left( -\frac{1}{d_i^m} \frac{\partial d_i^p}{\partial E_{SG}} \right) = 0 \quad (8)$$

که در آن،  $E_{SG}$  مدول اصلاح شده بستر (MPa) و سایر پارامترها مطابق رابطه‌ی ۷ است.

تغییرشکل محاسبه شده برای حسگر نام، مطابق رابطه‌ی ۹ تابعی از مدول لایه‌ی  $E_k$ ، ضریب پواسون لایه‌ی  $\mu_k$ ، ضخامت لایه‌ی  $H_k$  شعاع صفحه‌ی بارگذاری و فشار تتماسی  $p$  است. در رابطه‌ی ۹، اندیس  $k$  اشاره به شماره‌ی لایه دارد.

$$d_i^p = f_i (E_k, \mu_k, H_k, a, p) \quad (9)$$

رابطه‌ی ۹، با تقسیم مدول لایه‌ها به مدول بستر به صورت رابطه‌ی ۱۰ بازنویسی شده است. برای هر ایستگاه مشخص است و ضریب پواسون نیز برای هر لایه فرض خواهد شد. پارامترهای  $a$  و  $p$  در هر افت ثابت بوده‌اند.

$$d_i^p = \frac{pa}{E_{SG}} f_i \left( \frac{E_1}{E_{SG}}, \frac{E_2}{E_{SG}}, \dots, \frac{E_n}{E_{SG}} \right) = \frac{pa}{E_{SG}} f_i \quad (10)$$

رابطه‌ی ۱۱، با جایگزین کردن رابطه‌ی ۱۰ در رابطه‌ی ۸ به دست آمده است:

$$\frac{(pa)^r}{E_{SG}^r} \sum_{i=1}^s \left( \frac{E_{SG}}{Pa} - \frac{f_i}{d_i^m} \right) \frac{f_i}{d_i^m} = 0 \quad (11)$$

که در آن،  $f_i$  تابع تغییرشکل حسگر نام نامیده می‌شود و به صورت رابطه‌ی ۱۲ تعریف می‌شود:

$$f_i = d_i^p \left[ \frac{E_2}{\sigma a} \right] \quad (12)$$

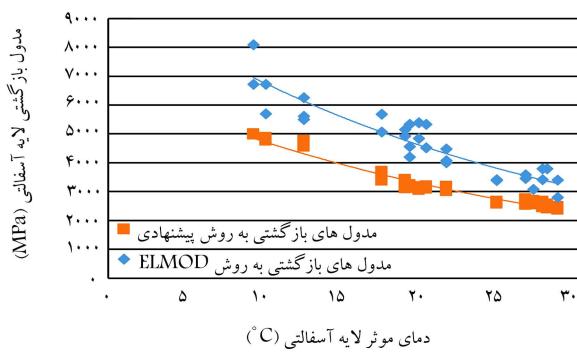
که در آن،  $\sigma$  تنش وارد به روسازی (MPa) و  $E_2$  مدول اولیه‌ی فرض شده برای بستر (MPa) است.

شده است. پارامتر ضریب تغییرات نیز برای بیان عددی میزان پراکندگی استفاده شده است. ضریب تغییرات تغییرشکل‌های حسگر مرکزی و حسگر دوم به ترتیب ۲۰ و ۱۹ درصد بوده است، که پس از اعمال ضرایب اصلاح دمایی به ۵/۶ و ۶/۸ درصد کاهش یافته است.

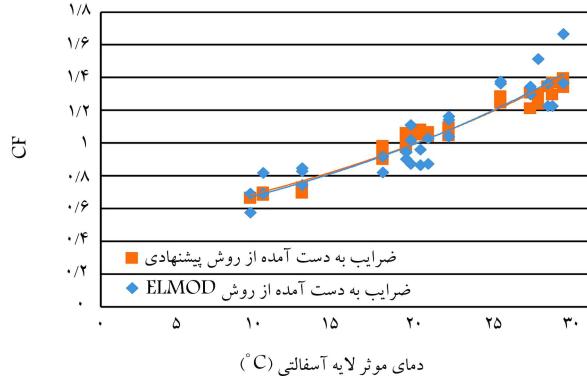
## ۷. بررسی حساسیت دمایی مدول‌های بازگشتی

### ۱.۷. اثر دما بر لایه‌ی آسفالتی

مدول بازگشتی لایه‌های روسازی در دمای‌های مختلف به کمک نرم‌افزار ELMOD و روش پیشنهادی محاسبه شده است. شکل ۵، تغییرات مدول‌های بازگشتی محاسبه شده به کمک هر دو روش را برای لایه‌ی آسفالتی بر حسب دما نشان می‌دهد. در شکل ۵الف نشان داده شده است که مقدار مدول بازگشتی لایه‌ی آسفالتی به دست آمده از هر دو روش با افزایش دما به طور قابل ملاحظه‌ی کاهش یافته است. این نتیجه کاملاً قابل انتظار است، زیرا وجود قیر در لایه‌ی آسفالتی باعث کاهش سفتی لایه‌ی آسفالتی در اثر افزایش دما می‌شود. مقایسه مدول‌های به دست آمده از هر دو روش نشان داده است که مدول‌های بازگشتی به روش ELMOD به طور متوسط ۱/۴ برابر مدول‌های بازگشتی به روش پیشنهادی در پژوهش حاضر است. به کمک آنالیز رگرسیون نتایج شکل ۵الف، مدول بازگشتی لایه‌ی آسفالتی در دمای مرجع از نتایج روش ELMOD و روش پیشنهادی به ترتیب ۴۶۵۳ و ۳۳۱۷ مگاپاسکال محاسبه شده است. شکل ۵ب از تقسیم مدول بازگشتی



(الف) مدول بازگشتی لایه آسفالتی در مقابل دمای موثر آسفالت؛



(ب) نسب مدول بازگشتی در دمای مرجع به مدول بازگشتی در دمای آزمایش.

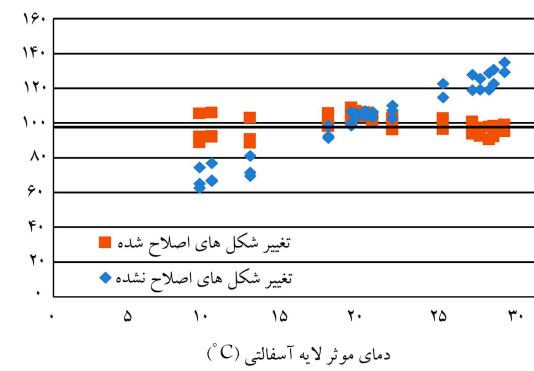
شکل ۵. مقایسه مدول بازگشتی لایه‌ی آسفالتی به روش ELMOD و روش پیشنهادی.

ضروری است. در مدلی که اشتو برای اصلاح دما ارائه کرده است، رابطه‌ی دما و تغییرشکل یک رابطه‌ی خطی است.<sup>[۱۰]</sup> در پژوهش حاضر، برای انتخاب شکل کلی مدل، مطالعات و گزارش‌های معتبر بررسی شدند و نتایج نشان دادند که بهتر است رابطه‌ی دما و تغییرشکل ایجاد شده، به صورت غیرخطی بیان شود.<sup>[۱۱]</sup> ضرایب اصلاح دمایی به صورت تقسیم تغییرشکل بدست آمده در دمای مرجع به تغییرشکل در دمای آزمایش تعریف شده است. تغییرشکل حسگرهای اول و دوم در دمای مرجع، به ترتیب ۹۸ و ۷۱ میکرومتر بوده است که به کمک آنالیز رگرسیون شکل ۳ محاسبه شده است. در پژوهش حاضر، مدل اصلاح دمایی برای حسگرهای اول و دوم به ترتیب مطابق تابع نمایی ۱۴ و ۱۵ ارائه شده است:

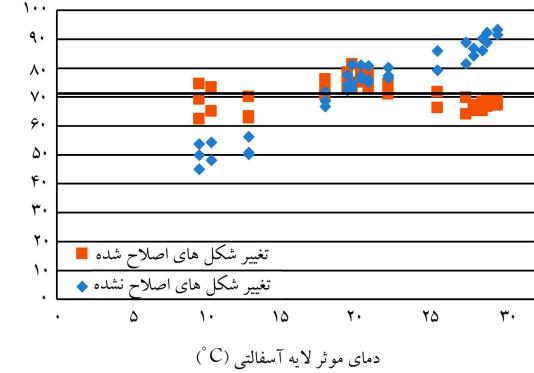
$$\frac{D_1(\text{ref})}{D_T} = 1,9387e^{-0,0232 \times T}, \quad R^2 = 0,93 \quad (14)$$

$$\frac{D_2(\text{ref})}{D_T} = 1,8815e^{-0,0232 \times T}, \quad R^2 = 0,9 \quad (15)$$

که در آنها،  $D_1(\text{ref})$  و  $D_2(\text{ref})$  تغییرشکل اصلاح شده‌ی حسگرهای اول و دوم در دمای مرجع ( $\mu m$ )،  $D_T$  تغییرشکل اندازه‌گیری شده در دمای ( $\mu m$ )،  $T$  دمای مؤثر لایه‌ی آسفالتی (دمای وسط لایه‌ی آسفالتی) ( $^{\circ}\text{C}$ ). در شکل ۳، پراکندگی داده‌ها قبل و بعد از اعمال ضرایب اصلاح دمایی مشاهده می‌شود. در شکل‌های ۴الف و ۴ب، تغییرشکل حسگرهای اول و دوم در دمای مرجع به صورت خط افقی نشان داده شده است. با توجه به خط اشاره شده، پس از اعمال ضرایب اصلاح دمایی ارائه شده نه فقط پراکندگی داده‌ها به طور قابل ملاحظه‌ی کاهش یافته است، بلکه تغییرشکل حسگرهای به دمای مرجع بسیار نزدیک



(الف) برای حسگر مرکزی؛



(ب) برای حسگر دوم.

شکل ۴. مقایسه میزان پراکندگی تغییرشکل‌ها قبل و بعد از اصلاح دما.

ارزیابی شده است که مقدار آن برای داده های حاصل از روش پیشنهادی و روش ELMOD به ترتیب ۴ و ۹ درصد بوده است، که نشان می دهد پراکندگی داده های حاصل از روش پیشنهادی نسبت به روش ELMOD پس از اصلاح دما، کمتر است.

## ۲.۷ اثر دما در لایه ای اساس بازیافتنی

در روسازی مورد مطالعه، وجود قیر امولسیونی در لایه ای اساس بازیافتنی باعث ایجاد پتانسیل حساسیت به دما در این لایه می شود. بنابراین بررسی اثر دما در مدول های بازگشتی و تغییر شکل های لایه ای مذکور ضروری به نظر می رسد. در شکل ۷، میزان تغییرات مدول بازگشتی در لایه ای آسفالتی و لایه ای اساس بازیافتنی، در اثر تغییرات دما مقایسه شده است. مدول های بازگشتی به دست آمده از هر دو روش آنالیز معکوس بررسی شده است. شبی خط برآورده در شکل ۷ نشان می دهد که مدول های بازگشتی لایه ای اساس بازیافتنی تقریباً به اندازه لایه ای آسفالتی تحت تأثیر تغییرات دماست. معمولاً قیرهای امولسیونی حساسیت دمایی بالاتری نسبت به قیرهای خالص دارند، اما در لایه ای بازیافتنی علاوه بر قیر امولسیونی از سیمان نیز استفاده شده است که می تواند حساسیت دمایی این لایه را کاهش دهد. درنهایت انتظار می رود در لایه هایی که درصد سیمان کمی دارند، حساسیت دمایی اساس بازگشتی تقریباً مشابه با لایه ای آسفالتی باشد. مطابق شکل ۷، با توجه حساسیت دمایی مدول بازگشتی در لایه ای اساس بازیافتنی، لازم است که مدول های بازگشتی لایه ای اساس بازیافتنی نیز به دمای مرجع برده شوند.

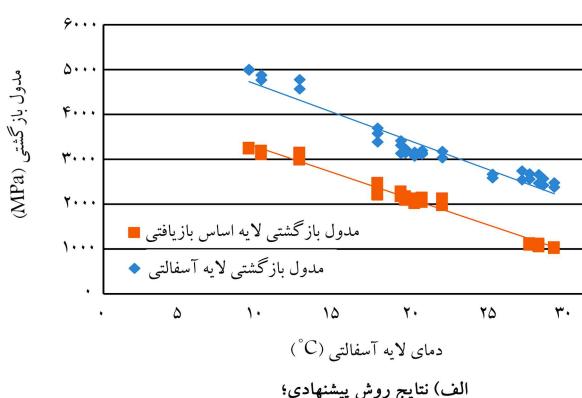
در شکل ۸، روند تغییرات مدول های بازگشتی لایه ای اساس بازیافتنی در برابر

در دمای مرجع به مدول بازگشتی در دمای آزمایش FWD ترسیم شده است. همان طور که قبل اشاره شد، این نسبت بیانگر ضریب اصلاح دمای مدول لایه ای آسفالتی است و با پارامتر  $c_f$  نشان داده می شود. با توجه شکل ۵ ب در یک دمای مشخص، ضریب اصلاح دمایی به دست آمده از نتایج هر دو روش آنالیز معکوس که در پژوهش حاضر استفاده شده است بسیار به هم نزدیک است. علت این امر این است که مطابق شکل ۵الف، شبیت تغییرات نمودار مدول بازگشتی در مقابل تغییرات دما در هر دو روش تقریباً یکسان بوده است. روابط ۱۶ و ۱۷ که براساس آنالیز رگرسیون نتایج شکل ۵ ب ارائه شده اند، به ترتیب معادله های اصلاح دمایی مدول لایه ای آسفالتی حاصل از نتایج ELMOD و روش پیشنهادی هستند:

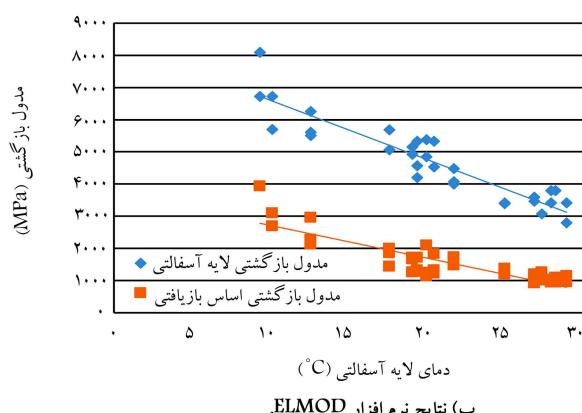
$$\frac{E_{(ref)}}{E_T} = 0,4677e^{0,378 \times T}, \quad R^2 = 0,85 \quad (16)$$

$$\frac{E_{(ref)}}{E_T} = 0,4829e^{0,363 \times T}, \quad R^2 = 0,95 \quad (17)$$

که در آن ها،  $E_{ref}$  مدول معادل دمای مرجع ( $MPa$ )،  $E_T$  مدول بازگشتی در دمای آزمایش FWD ( $MPa$ )،  $T$  دمای مؤثر آسفالت ( $^{\circ}C$ ). مقدار  $R^2$  در روابط ۱۶ و ۱۷ نشان می دهد که در پژوهش حاضر، رابطه بین مدول های بازگشتی لایه ای آسفالتی در برابر تغییرات دما در روش پیشنهادی، همبستگی بهتری نسبت به روش ELMOD داشته است. مطابق شکل ۶، میزان پراکندگی مدول های بازگشتی لایه ای آسفالتی پس از اعمال ضرایب اصلاح دمایی، کاهش یافته است. خط افتدی مشخص شده در شکل های ۶الف و ۶ب، مقدار مدول در دمای مرجع را نشان می دهد. میزان پراکندگی مدول های بازگشتی اصلاح شده با پارامتر ضریب تغییرات

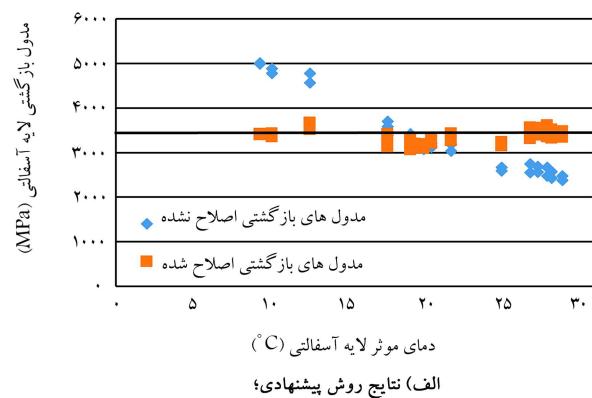


الف) نتایج روش پیشنهادی؛

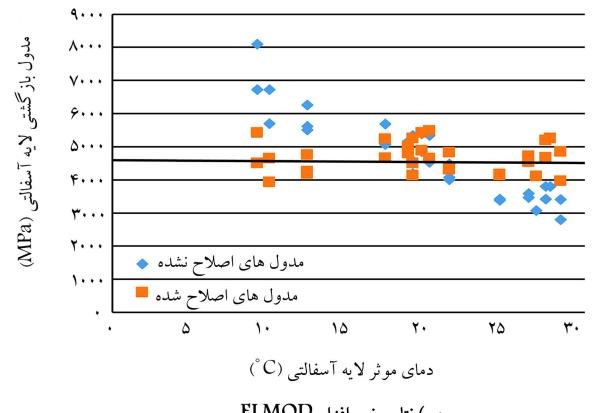


ب) نتایج نرم افزار ELMOD.

شکل ۷. تغییرات مدول بازگشتی به ازاء تغییرات دمای مؤثر آسفالت.

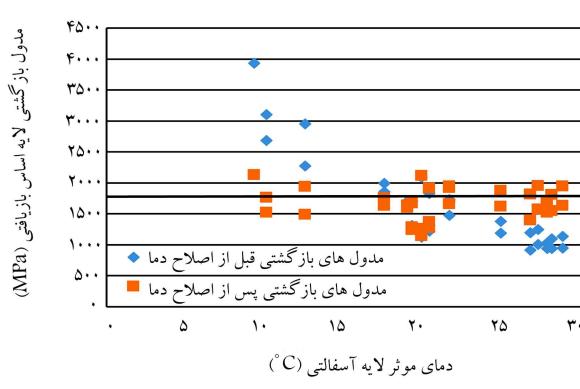


الف) نتایج روش پیشنهادی؛

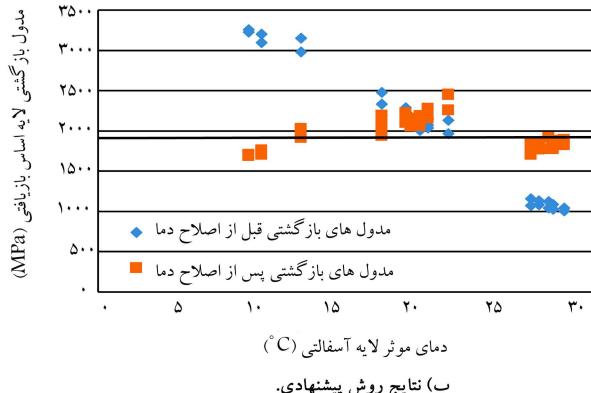


ب) نتایج نرم افزار ELMOD.

شکل ۶. مقایسه مدول های اصلاح شده و اصلاح نشده.

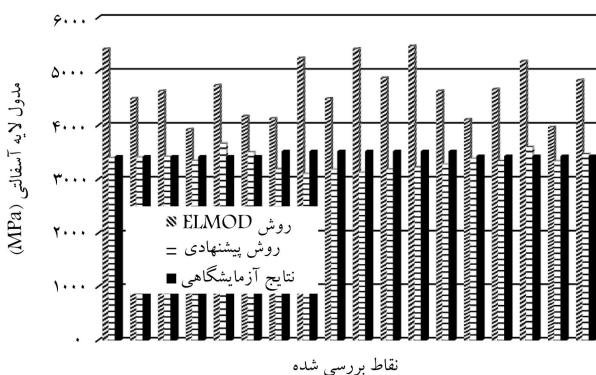


الف) نتایج نرم افزار ELMOD



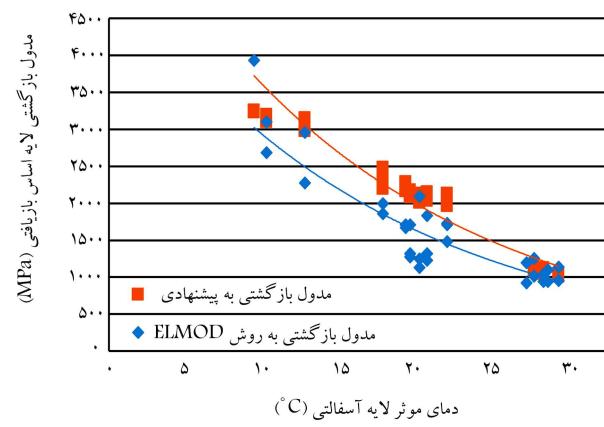
ب) نتایج روش پیشنهادی

شکل ۱۰. مقایسه‌ی مدول‌های بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی قبل از اصلاح دما و پس از آن.

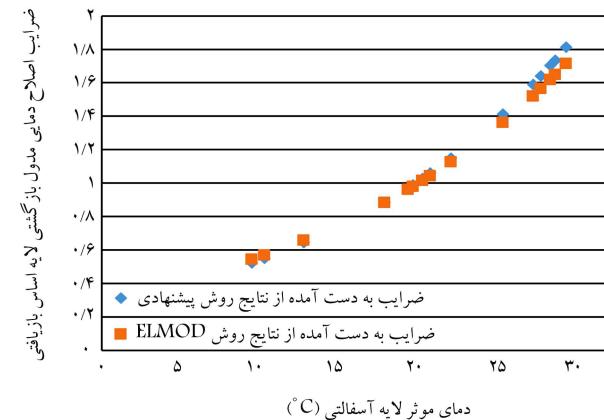


شکل ۱۱. مقایسه‌ی مدول‌های بازگشتی اصلاح شده با مدول‌های آزمایشگاهی برای لایه‌ی آسفالتی.

تغییرات مدول‌های بازگشتی اصلاح نشده ۴۳ و ۳۶ درصد بوده است که این مقدار پس از اصلاح دمایی به کمک مدل‌های ارائه شده به ۱۵ و ۱۰ درصد کاهش یافته است. همچنین اعمال ضرایب اصلاح دمایی، مدول‌های بازگشتی را به مدول معادل دمای مرتع نزدیک کرده است. نتایج بررسی‌های اخیر نشان دهنده آن است که مقادیر مدول‌های بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی نیز باید برای شرایط دمایی مختلف اصلاح شوند. در شکل ۱۱، مدول‌های بازگشتی اصلاح شده و اصلاح نشده‌ی هر دو روش با هم مقایسه شده است. خط افقی نشان دهنده مدول بازگشتی در دمای مرتع در آزمایش FWD است که به کمک آنالیز رگرسیون شکل ۸ تخمین زده شده است.



شکل ۸. تغییرات مدول بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی در مقابل تغییرات دمای مؤثر آسفالت.



شکل ۹. ضرایب اصلاح دمایی مدول بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی.

تغییرات دما مشاهده می‌شود. نسبت مدول‌های بازگشتی به دست آمده به روش ELMOD به مدول‌های بازگشتی به روش پیشنهادی به طور متوسط ۰,۸۵ است. مشابه نتیجه‌یی که برای لایه‌ی آسفالتی حاصل شد، با اینکه مدول بازگشتی محاسبه شده به روش پیشنهادی و روش ELMOD، در یک دمای مشخص با یکدیگر تفاوت دارد، اما شبیه تغییرات مدول بازگشتی در برای تغییرات دما در هر دو روش تقریباً یکسان است. به همین دلیل ضرایب اصلاح دمایی مدول بازگشتی لایه‌ی اساس، که از نتایج هر دو روش به دست آمده است، تقریباً با هم برابرند. شکل ۹، ضرایب اصلاح دمایی مدول بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی را که به کمک هر دو روش آنالیز معکوس محاسبه شده است، مقایسه می‌کند.

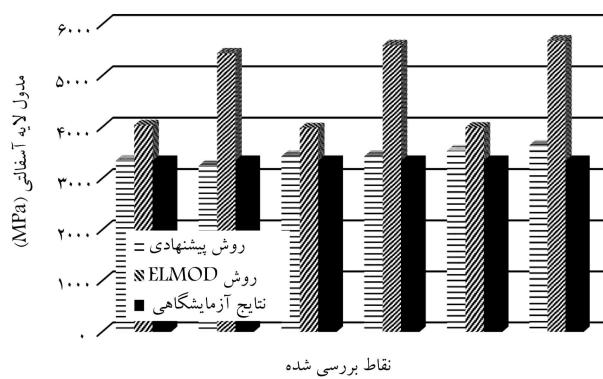
روابط ۱۸ و ۱۹، به ترتیب مدل اصلاح دمایی مدول بازگشتی مربوط به نتایج به دست آمده از روش پیشنهادی و روش ELMOD هستند:

$$E_{base(ref)} = (0,2894 e^{0,0624 \times T}) E_T, \quad R^2 = 0,93 \quad (18)$$

$$E_{base(ref)} = (0,3135 e^{0,0578 \times T}) E_T, \quad R^2 = 0,81 \quad (19)$$

که در آن‌ها،  $E_{base(ref)}$ : مدول بازگشتی اصلاح شده لایه‌ی اساس بازیافتی (MPa)،  $E_T$ : مدول بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی در دمای آزمایش (FWD) (MPa)،  $T$ : دمای مؤثر لایه‌ی آسفالت (°C).

به کمک روابط ۱۸ و ۱۹، مدول‌های بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی به مدول معادل دمای مرتع تبدیل شدند. در شکل‌های ۱۰الف و ۱۰ب، به ترتیب ضرایب



شکل ۱۲. مقایسه‌ی مدول‌های بازگشتی لایه‌ی آسفالتی با مدول‌های آزمایشگاهی جهت اعتبارسنجی.

خطا برای مدول‌های بازگشتی اصلاح شده به روش ELMOD برابر ۳٪ است. مدول‌های محاسبه شده به روش ELMOD در دمای مرتع طور متوسط ۱/۴ برابر مدول‌های آزمایشگاهی محاسبه شده و همین نسبت برای مدول‌های بازگشتی به روش پیشنهادی ۹/۷٪ بوده است (جدول ۴).

از نتایج بدست آمده در ایستگاه ششم برای اعتبارسنجی مدل اصلاح دمایی لایه‌ی آسفالتی استفاده شده است. در ایستگاه ششم، ابتدا مدول بازگشتی به روش پیشنهادی و روش ELMOD محاسبه شد. مدول‌های بازگشتی محاسبه شده با استفاده از ضرایب اصلاح دمایی ارائه شده در مطالعه‌ی حاضر به مدول معادل دمای مرتع تبدیل شدند. در شکل ۱۲، نتایج مقایسه‌ی مدول‌های بازگشتی اصلاح شده با مدول‌های آزمایشگاهی در دمای مرتع مشاهده می‌شود که مطابق آن مدول‌های محاسبه شده به روش پیشنهادی نسبت به روش ELMOD پس از اصلاح دما به مدول‌های آزمایشگاهی به دست آمده از همان محل نزدیک‌تر بوده است.

### ۲.۸. لایه‌ی اساس بازیافتی

مشابه نتیجه‌ی که برای لایه‌ی آسفالتی حاصل شد، مدول‌های بازگشتی لایه‌ی اساس بازیافتی به دست آمده از روش پیشنهادی نسبت به روش ELMOD، پس از اصلاح دما به نتایج آزمایشگاهی بسیار نزدیک‌تر هستند. به طوری که مقدار RMSE مدول‌های بازگشتی اصلاح شده به روش پیشنهادی با مدول‌های آزمایشگاهی در دمای مرتع برابر ۱۱/۵٪ محاسبه شده است، اما همین خطاب برای مدول‌های بازگشتی اصلاح شده به روش ELMOD برابر ۲۶٪ به دست آمده است. در صورتی که مدول‌های بازگشتی اصلاح نشوند، این اختلاف برای روش ELMOD به ۴٪ و برای روش پیشنهادی به ۴٪ افزایش پیدا می‌کند. مقایسه‌ی این اختلاف قبل و پس از اصلاح دما، نشان دهنده اهمیت در نظر گرفتن اثر دما در لایه‌های دانه‌یی بازیافت شده با قیر است. همچنین نسبت مدول‌های بازگشتی به روش پیشنهادی پس از اصلاح دما به مدول آزمایشگاهی نمونه‌ها در دمای مرتع به طور متوسط ۹/۵٪ و همین نسبت برای مدول‌های بازگشتی به روش ELMOD ۷/۸٪ بوده است.

### ۹. مقایسه‌ی ضرایب اصلاحی با مطالعات پیشین

در جدول ۴، چند مورد از مدل‌های اصلاح دمای مدول بازگشتی لایه‌ی آسفالتی در کنار مدل ارائه شده در پژوهش حاضر مشاهده می‌شوند. مدل ارائه شده با استفاده از

جدول ۲. نتایج مدول‌های آزمایشگاهی نمونه‌های برداشت شده.

ایستگاه	آزمایش ( $C^\circ$ )	اساس بازیافتی	مدول لایه ( $MPa$ )	دما انجام	شماره
۱	۲۰	۳۳۴۵	۱۸۹۷	۲۰	
	۳۰	۱۷۲۹	۱۶۴۲	۳۰	
	۴۰	۱۱۳۷	۱۳۹۷	۴۰	
۲	۲۰	۳۴۲۵	۱۹۲۵	۲۰	
	۳۰	۱۶۰۹	۱۷۶۸	۳۰	
	۴۰	۱۱۶۵	۱۴۰۶	۴۰	
۳	۲۰	۳۵۲۴	۲۰۴۵	۲۰	
	۳۰	۱۷۱۲	۱۷۹۱	۳۰	
	۴۰	۱۲۱۴	۱۴۶۷	۴۰	
۵	۲۰	۳۴۳۵	۲۲۴۱	۲۰	
	۳۰	۱۷۴۵	۱۷۲۴	۳۰	
	۴۰	۱۰۲۵	۱۴۵۵	۴۰	

### ۸. مقایسه‌ی مدول‌های بازگشتی اصلاح شده با مدول‌های آزمایشگاهی

برای محاسبه‌ی مدول ارجاعی لایه‌های روسازی در آزمایشگاه، نمونه‌گیری در ایستگاه‌های ۱، ۲، ۳ و ۵ انجام شده است. مدول ارجاعی لایه‌ی آسفالتی و اساس تثبیت شده در دماهای ۲۰، ۳۰ و ۴۰ درجه‌ی سانتی‌گراد محاسبه شدند. مطابق نتایج آزمایشگاهی ارائه شده در جدول ۲، افزایش دما باعث کاهش مدول‌های ارجاعی شده است. همان‌طور که قبل تر اشاره شده است، علت این موضوع رفتار وابسته به دما در مصالح با چسبنده‌ی قیری است. در مصالح با چسبنده‌ی قیری، سفتی لایه‌ها با افزایش دما کاهش می‌باشد و در نتیجه در اثر اعمال بار، تغییرشکل بیشتری در نمونه ایجاد و باعث کاهش مدول ارجاعی می‌شود. از مقایسه‌ی نتایج جدول ۲ و با نتایج آنالیز معکوس این نتیجه حاصل شد که حساسیت دمایی مدول‌های بازگشتی در هر دو لایه‌ی آسفالتی و اساس بازیافتی، بیشتر از مدول‌های آزمایشگاهی است.

### ۱۰. لایه‌ی آسفالتی

در بخش حاضر، مدول‌های بازگشتی لایه‌ی آسفالتی به دست آمده از روش ELMOD و همچنین روش پیشنهادی با مقدار مدول آزمایشگاهی نمونه‌های برداشت شده از همان محل مقایسه شدند. به این منظور ابتدا مدول‌های بازگشتی به دست آمده از روش ELMOD با استفاده از رابطه‌ی ۱۶ و مدول‌های بازگشتی ارائه شده با روش پیشنهادی با مدول آزمایشگاهی لایه‌ی آسفالتی در دمای ۲۰ درجه‌ی سانتی‌گراد مقایسه شدند. نتایج بررسی‌ها در جدول ۳ و شکل ۱۱ ارائه شده است. خطای محاسبه شده نشان می‌دهد مدول‌های بازگشتی به دست آمده از روش پیشنهادی نسبت به روش ELMOD، پس از اصلاح دما به نتایج آزمایشگاهی بسیار نزدیک‌تر هستند. به طوری که مقدار RMSE مدول‌های بازگشتی اصلاح شده به روش پیشنهادی از روش آزمایشگاهی در دمای مرتع ۶/۹٪ می‌باشد. این نتایج نشان می‌دهند مدول‌های بازگشتی به دست آمده از روش پیشنهادی نسبت به

جدول ۳. مقایسه‌ی مدول‌های بازگشتی اصلاح شده با مدول‌های آزمایشگاهی برای لایه‌ی آسفالتی.

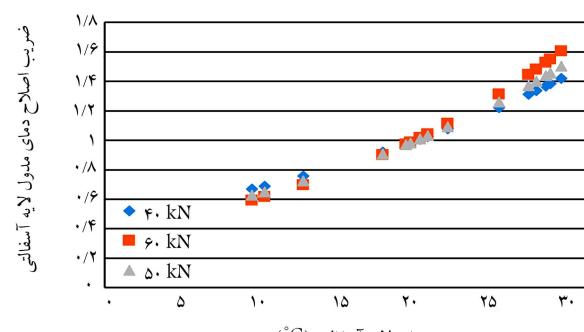
نسبت مدول‌های بازگشتی به مدول‌های آزمایشگاهی	مدول‌های بازگشتی (MPa)	مدول‌های نمونه‌های اصلاح شده (MPa)	شماره برداشت شده از محل ایستگاه (MPa)	روش پیشنهادی نرم‌افزار ELMOD	روش پیشنهادی نرم‌افزار ELMOD
۱,۵۰	۰,۹۹	۵۴۲۳	۳۴۰۱	۳۴۲۵	۲
۱,۳۲	۱,۰۰	۴۵۰۶	۳۴۱۱	۳۴۲۵	۲
۱,۳۶	۱,۰۰	۴۶۴۴	۳۴۲۲	۳۴۲۵	۲
۱,۱۷	۰,۹۸	۳۹۳۱	۲۲۴۹	۳۴۲۵	۲
۱,۲۹	۱,۰۷	۴۷۵۰	۳۶۶۹	۳۴۲۵	۲
۱,۱۹	۱,۰۲	۴۱۷۶	۳۵۰۸	۳۴۲۵	۲
۱,۲۹	۰,۹۱	۴۱۳۳	۳۱۹۳	۳۵۲۴	۳
۱,۶۹	۰,۸۸	۵۲۵۴	۳۱۰۱	۳۵۲۴	۳
۱,۴۱	۰,۹۰	۴۵۰۲	۳۱۸۴	۳۵۲۴	۳
۱,۷۴	۰,۸۹	۵۴۲۶	۳۱۲۴	۳۵۲۴	۳
۱,۵۳	۰,۹۰	۴۸۸۶	۳۱۸۷	۳۵۲۴	۳
۱,۷۰	۰,۹۲	۵۴۷۷	۳۲۲۷	۳۵۲۴	۳
۱,۴۲	۰,۹۳	۴۶۴۶	۳۲۲۸	۳۵۲۴	۳
۱,۲۱	۰,۹۹	۴۱۱۴	۳۲۸۷	۳۴۳۵	۵
۱,۴۰	۰,۹۷	۴۶۷۶	۳۲۴۴	۳۴۳۵	۵
۱,۴۴	۱,۰۵	۵۱۹۶	۳۶۰۶	۳۴۳۵	۵
۱,۱۹	۰,۹۷	۳۹۷۱	۳۲۴۰	۳۴۳۵	۵
۱,۳۹	۱,۰۱	۴۸۴۴	۳۴۷۵	۳۴۳۵	۵
مقدار حداقل (MIN)	۱,۱۷	۱,۱۷	۳۹۳۱	۳۱۰۱	۳۴۲۵
مقدار حداکثر (MAX)	۱,۷۴	۰,۸۸	۵۴۷۷	۳۶۶۹	۳۵۲۴
مقدار متوسط (AVE)	۱,۴۱	۰,۹۷	۴۶۹۸	۳۲۴۵	۳۶۴۶
ضریب تغییرات (%CV)	۱۲	۵,۶	۱۰,۵	۴,۶	۱,۳
RMSE%			۳۷	۶,۹	

جدول ۴. مدول‌های ارائه شده توسط پژوهشگران مختلف.

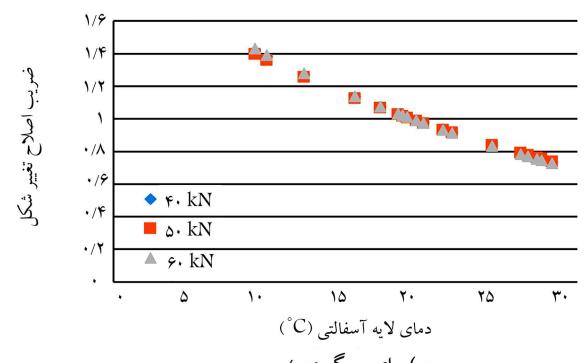
نام پژوهشگر و سال پژوهش	مدل ارائه شده	مدل ارائه شده
Kim و همکاران (۱۹۹۵)	$E_T = 10^{0.725}(T - 20)$	$\frac{E_{T_c}}{E_T} = 10^{0.725}(T - 20)$
Stubstad و همکاران (۱۹۹۴)	$[21] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{1}{1 - 2.1 \log \frac{T}{T_c}}$	$[21] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{1}{1 - 2.1 \log \frac{T}{T_c}}$
Ullidtz و همکاران (۱۹۸۷)	$[22] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{1}{2.177 - 1.673 \log T}$	$[22] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{1}{2.177 - 1.673 \log T}$
Antunes و همکاران (۱۹۹۳)	$[23] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{1.635 - 0.417T}{1.635 - 0.117T}$	$[23] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{1.635 - 0.417T}{1.635 - 0.117T}$
Chen و همکاران (۲۰۰۱)	$[17] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{(1.8T + 22)^{1.4462}}{(1.8T + 22)^{1.4462}}$	$[17] \quad \frac{E_{T_c}}{E_T} = \frac{(1.8T + 22)^{1.4462}}{(1.8T + 22)^{1.4462}}$
مدل ارائه شده توسط پژوهش حاضر		$\frac{E_{T_c}}{E_T} = 0.4829 e^{0.363T}$

\* در تمامی روابط بالا  $E_T$  و  $E_{T_c}$  به ترتیب مدول بازگشتی در دمای مرجع و مدول بازگشتی در دمای آزمایش FWD است.

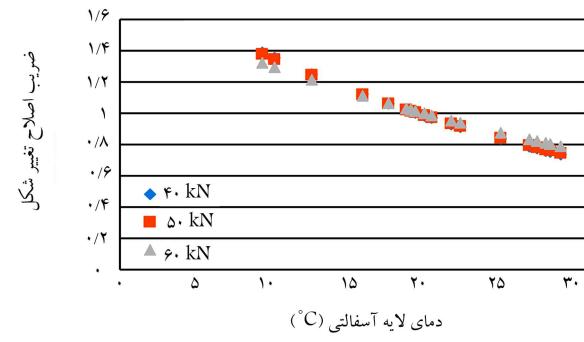
$T$  و  $T_c$  نیز به ترتیب دمای مرجع و دمای موثر لایه‌ی آسفالتی در آزمایش است.



(الف) برای حسگر اول؛



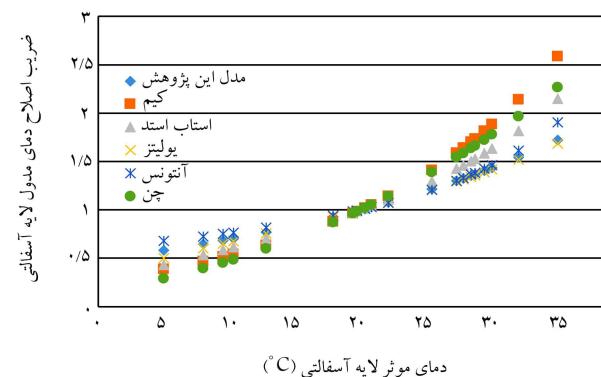
(ب) برای حسگر دوم؛



(ج) برای مدول بازگشته لایه آسفالتی.

شکل ۱۴. مقایسه‌ی ضرایب اصلاح تغییرشکل برای سطوح بارگذاری مختلف.

هم نزدیک هستند. بنابراین روابط ارائه شده برای اصلاح تغییرشکل حسگرهای مدول‌های بازگشته که برای نیروی ۴۰ کیلونیوتن محاسبه شدند، با تقریب بسیار خوبی برای سایر نیروهای میدانی نیز معتبر است. به عبارت دیگر، رابطه اصلاح دمایی تغییرشکل و مدول بازگشته وابستگی چندانی به میزان نیروی اعمالی به سطح روسازی در آزمایش میدانی ندارد. در مطالعه‌ی کیم و همکاراش برای بررسی اثر سطح نیرو در ضرایب اصلاح دما، نمودار نیمه لگاریتمی تغییرشکل مرکزی در ۴ سطح نیروی ۶، ۹، ۱۲ و ۱۵ (کیلوپوند) در مقابل تغییرات دمای مؤثر لایه آسفالتی رسم شده است. در هر ۴ سطح بارگذاری ذکر شده، روند تغییرات تغییرشکل - دما مشابه بوده است.<sup>[۱۱]</sup> در صورتی که رابطه‌ی خطی بین نیروی اعمالی و تغییرشکل مرکزی برقرار باشد، این نتیجه منطقی خواهد بود.<sup>[۱۲]</sup> بنابراین در صورتی که رابطه‌ی مذکور برقرار نباشد، امکان تعیین مدل‌ها به سایر سطوح نتشی نیز امکان‌پذیر نخواهد بود. شکل ۱۵، نشان‌دهنده‌ی تغییرات افت و خیز مرکزی با تغییرات نیروی وارد به روسازی در پژوهش حاضر است که با همبستگی بسیار بالایی به صورت خطی تغییر می‌کند.



شکل ۱۳. مقایسه‌ی ضرایب اصلاح دمای مدول آسفلاتی به روش پژوهشگران مختلف.

نتایج به دست آمده با روش پیشنهادی برای مقایسه انتخاب شده است. زیرا مدول‌های بازگشته به دست آمده با استفاده از روش پیشنهادی نسبت به روش ELMOD همیستگی بیشتری با دما داشته و پس از اصلاح دما نیز پراکندگی کمتری داشته و مقادیر آزمایشگاهی نیز نزدیک‌تر بوده‌اند.

در شکل ۱۳، ضرایب اصلاح دمایی به دست آمده از مدل‌های جدول ۴ در دماهای مختلف مقایسه شده است. همان‌طور که قبلاً اشاره شد، بدلیل اینکه هر کدام از مدل‌ها برای شرایط محیطی همان منطقه توسعه داده شده‌اند، در یک دمای مشخص ضرایب به دست آمده از هر مدل متفاوت است. بهتر است در صورت امکان برای هر منطقه از ضرایب توسعه یافته از داده‌های همان منطقه و یا از مدلی استفاده شود که در شرایط محیطی مشابه توسعه یافته است. با توجه به شکل ۱۳، اختلاف ضرایب مدل‌ها در دماهای بالا و یا خیلی پایین بیشتر به چشم می‌خورد. بنابراین هر چه بازه‌ی دمایی مورد بررسی گسترده‌تر باشد، استفاده از مدلی مناسب برای شرایط محیطی همان منطقه ضروری به نظر می‌رسد. بیشینه‌ی اختلاف ضرایب مدل پژوهش حاضر با ضرایب سایر مدل‌ها در بازه‌ی دمایی مورد بررسی در پژوهش حاضر ۳۴٪ به دست آمده است. برای مقایسه‌ی دقت مدل ارائه شده در پژوهش حاضر با سایر مدل‌ها، ابتدا مدل‌های بازگشته به کمک ضرایب ارائه شده توسط مدل‌های مختلف اصلاح شدند. سپس اختلاف مدل‌های اصلاح شده با مدل معادل دمای مرجع در مطالعه‌ی موردی پژوهش حاضر (۳۲۱۷ مکاپاسکال) مقایسه شدند. مقدار RMSE بین مدل‌های بازگشته اصلاح شده به کمک مدل پژوهش حاضر با مدل بازگشته در دمای مرجع، ۴٪ بوده است، اما پارامتر مذکور برای مدل‌های اصلاح شده به کمک مدل‌های Kim, Chen, Stubstad, Ullidtz, Antunes و Chen به ترتیب: ۸,۸, ۶,۸, ۹,۶, ۹,۶, ۱۸,۵ و ۱۸,۰ درصد به دست آمدند.

## ۱۰. مقایسه‌ی ضرایب اصلاح دمایی در سطوح نیروی مختلف

روابط اصلاح دمایی تغییرشکل و مدول بازگشته ارائه شده در قسمت‌های قبل، حاصل آنالیز نتایج افت و خیزهای به دست آمده از نیروی استاندارد ۴۰ کیلونیوتنی به سطح روسازی بوده است. مطابق روش ذکر شده، ضرایب اصلاح دمایی برای تغییرشکل حسگرهای اول و دوم و مدول‌های بازگشته برای نیروهای ۵ و ۶۰ کیلونیوتون به سطح روسازی محاسبه شدند. مطابق شکل ۱۴، ضرایب اصلاح تغییرشکل و همچنین مدل‌های بازگشته در هر سه نیروی ارائه شده بسیار به

شرایط روسازی بازیافتد منطقه ارائه و با پژوهش‌های پیشین مقایسه شدند. براساس بررسی‌های انجام شده در پژوهش حاضر، این نتایج به دست آمده است:

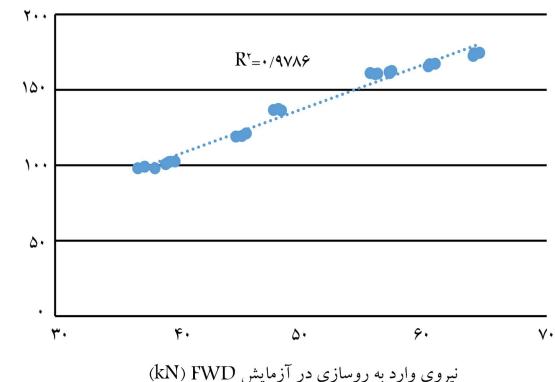
۱. بررسی اثر دما در تغییرشکل‌ها نشان داده است که تغییرشکل حسگرهای اول و دوم به شدت تحت تأثیر دماست. میزان RMSE بین تغییرشکل‌های حسگرهای اول و دوم با تغییرشکل میدانی معادل دمای مرجع قبل از اصلاح دما به ترتیب ۲۱ و ۱۹ درصد بوده است، که پس از اعمال ضرایب پیشنهادی این اختلاف به ترتیب به ۵/۸ و ۶/۸ درصد رسید.

۲. نتایج پژوهش حاضر نشان داد که در روسازی‌های بازیافت شده با چسبنده‌ی قیری، اصلاح دمایی نتایج لایه‌ی اساس بازیافتد نیز مانند لایه‌ی آسفالتی ضروری است.

۳. برای هر دو لایه‌ی آسفالتی و اساس بازیافتد، مدل‌های بازگشتی محاسبه شده به روش پیشنهادی نسبت به روش ELMOD به نتایج آزمایشگاهی نزدیک‌تر بوده‌اند.

۴. استفاده از ضرایب اصلاح دمایی مدل بازگشتی ارائه شده در پژوهش حاضر نسبت به ضرایب مطالعات پیشین، نتایج آزمایش FWD را به داده‌های آزمایشگاهی نزدیک‌تر می‌کند.

۵. اگر رابطه‌ی خطی بین نیروی وارد به روسازی و تغییرشکل مرکزی برقرار باشد، امکان تعیین مدل اصلاح دمایی که از نتایج آزمایش FWD در یک سطح تنش مشخص به دست آمده است، به سایر سطوح تنش وجود دارد.



شکل ۱۵. تغییرات آفت و خیزهای ثبت شده برای حسگر مرکزی در مقابل نیروهای وارد به روسازی.

## ۱۱. نتیجه‌گیری

در پژوهش حاضر، مدل‌های بازگشتی روسازی از دو روش متفاوت محاسبه شدند. در روش اول، مدل‌های بازگشتی آزمایش FWD به کمک آنالیز معکوس محاسبه شدند. در روش دوم، مدل‌های ارجاعی نمونه‌های مغزه‌گیری شده از محل به کمک آزمایش کشش غیرمستقیم به دست آمدند. حساسیت دمایی مدل‌های به دست آمده از هر دو روش ارزیابی و با هم مقایسه شدند. مدل‌های اصلاح دمایی با توجه به

## پانوشت‌ها

1. Ji
2. Kim
3. Nazzal and Mohammad
4. Basic

## منابع (References)

1. Goktepe, A.B., Agar, E. and Lav, A.H. "Advances in backcalculating the mechanical properties of flexible pavements", *Advances in Engineering Software*, **37**(7), pp. 421-431 (2006).
2. Papaginnakis, A.T. and Masad, E.A. *Pavement Design and Materials*, John Wiley & Sons, Inc., Hoboken, New Jersey, USA (2007).
3. Li, M. and Wang, H. "Development of ANN-GA program for backcalculation of pavement moduli under FWD testing with viscoelastic and nonlinear parameters", *International Journal of Pavement Engineering*, **20**(4), pp.490-498 (2019).
4. Gedafa, D.S., Hossain, M. and Romanoschi, S.A. "Perpetual pavement temperature prediction model", *Road Materials and Pavement Design*, **15**(1), pp. 55-65 (2013).
5. Zhou, L. "Temperature correction factor for pavement moduli backcalculated from falling weight deflectometer test", *14th COTA International Conference of Transportation Professionals*, Changsha, China (2014).
6. Park, S.W. and Kim, Y.R. "Temperature correction of backcalculated moduli and deflections using linear viscoelasticity and time-temperature Superposition", *Transportation Research Board*, **1570**(1), pp. 108-117 (1997).
7. Xiong, H., Zhang, Y. and Wang, L. "Temperature effect on deflection prediction of asphalt pavement with drainage layer", *Journal of Materials in Civil Engineering*, **29**(4), 04016261 (2017).
8. Ji, Y., Siddiki, N., Nantung, T. and Kim, D. "Effect of moisture variation on subgrade and base material MR design values and its implementation in MEPDG", Proc. of Transportation Research Board 91st Annual Meeting Transportation Research Board, Washington, DC. USA (2012).
9. Akbarzadeh, H., Bayat, A. and Soleymani, H. "Analytical review of the HMA temperature correction factors from laboratory and falling weight deflectometer tests", *International Journal of Pavement Research and Technology*, **5**(1), pp. 30-39 (2011).
10. Garsia, A.R. and Castro, M. "Analysis of the temperature influence on flexible pavement deflection", *Construction and Building Materials*, **25**(8), pp. 3530-3539 (2011).
11. Kim, Y.R., Hibbs, B.O. and Lee, Y.C. "Temperature correction of deflections and backcalculated asphalt concrete moduli", *Transportation Research Board*, **1473**, pp. 55-62 (1995).
12. Chang, J.R., Lin, J.D., Chung, D.C. and et al. "Evaluating the structural strength of flexible pavement In

- Taiwan usung the falling weight deflectometer”, *International Journal Of Pavement Engineering*, **3**(3), pp. 131-141 (2002).
13. Mamlouk, M.S., Houston, W.K., Houston, S.L. and et al. “Rational characterization of pavement structures using deflection analysis”, Report No. FHWA-AZ87-254, Arizona Dept. of Transp., Phoenix, Tempe. Arizona (1988).
  14. Nazzal, D.M. and Mohammad, N.L. “Estimation of resilient modulus of subgrade soils using falling weight deflectomete”, *Journal of the Transportation Research Board*, **2186**(1), pp. 1-10. (2010).
  15. Mateos, A. and Soares, B.J. “Characterization of the stiffness of unbound materials for pavement design: Do we follow the right approach?”, *Journal of Transportation Engineering*, **140**(4):04014001 (2014).
  16. Von Quintus, H.R. and Killingsworth, B. “Analyses relating to pavement material characterizations and their effects on pavement performance”, No. FHWA-RD-97-085, McLean, VA. USA (1998).
  17. Chen, D.H., Bilyeu, J., Lin, H.H. and et al. “Temperature Correction on Falling Weight Deflectometer Mea-  
surements”, *Transportation Research Board*, **1716**(1), pp. 30-39 (2000).
  18. Ng, K., Henrichs, Z., Ksaibati, K. and et al. “Measurement of the resilient modulus of subgrade materials for mechanistic-empirical pavement design guide”, *Road Material and Pavement Design* (2017).
  19. Apnea, A.K. “Validation of FWD testing results at the virginia smart road”, Theoretically and by Instrument Responses, Blacksburg, Virginia, USA (2003).
  20. AASHTO Guide for Design of Pavement Structures, AASHTO, Washington, D.C., USA. (1993).
  21. Stubstad, R.N., Baltzer, S., Lukanen, E.O. and et al. “Prediction of AC mat temperature for routine load/deflection measurements”, *4<sup>th</sup> International Conference of Bearing Capacity of Roads and Airfields*, Minneapolis, USA (1994).
  22. Ulliditz, P. “Pavement Analysis”, Elsevier, Amsterdam, the Netherlands (1987).
  23. Antunes, M.L. “Pavement bearing capacity evaluation using dynamic nondestructive tests”, Ph.D. Thesis, IST, Lisbon, Portugal (1993) .