

تحلیل حساسیت زمان گسیختگی قاب بتن آرمه در معرض آتش‌سوزی پس از زلزله نسبت به پارامترهای طراحی و بارگذاری

مجید مرادی (دانشجوی دکتری)

حمدیرضا توکلی* (دانشیار)

غلامرضا عبدالله زاده (استاد)

دانشکده هندسی عمران، دانشگاه صنعتی نوشیروانی باپل

آتش‌سوزی پس از زلزله (PEF)^۱ یکی از رخدادهای نادر با عوایق ناخوشایند است. زمان مقاومت سازه‌ها در برابر آتش‌سوزی در سازه‌های آسیب‌دیده‌ی ناشی از زلزله می‌تواند مقاومت از سازه‌های سالم باشد. در این تحقیق اهمیت پارامترهای طراحی و بارگذاری بر مقاومت قاب‌های بتن آرمه تحت بار آتش‌سوزی پس از زلزله بررسی شده است. برای این منظور حساسیت پارامترها با استفاده از روش تحلیل حساسیت FOSM مبتنی بر متغیرهای تصادفی بررسی شده است. زمان اولین گسیختگی در قاب بتن آرمه به عنوان مقاومت قاب بتن آرمه در برابر بار PEF در نظر گرفته شده است. نتایج نشان می‌دهد در بین پارامترهای طراحی تنفس سالمیگرد مهم‌ترین پارامتر در مقاومت قاب بتن آرمه است. در بین پارامترهای بارگذاری شدت بار لرزه‌ی بیشترین اهمیت را در مقاومت قاب‌های بتن آرمه در آتش‌سوزی پس از زلزله دارد.

واژگان کلیدی: آتش‌سوزی پس از زلزله، تحلیل حساسیت، قاب بتن آرمه، متغیر تصادفی.

۱. مقدمه

عوایق احتمالی زیاد در نظر گرفت.^[۷] آتش‌سوزی پس از زلزله یک خطر بزرگ برای مکان‌های با تراکم زیاد محسوب می‌شود.^[۸] وقوع آتش‌سوزی بعد از زلزله در قرن اخیر به عنوان یک نیروی مخرب و شدید شناخته شده است.^[۹] تحقیقات وسیعی در زمینه‌ی آتش‌سوزی پس از زلزله انجام شده است. در این پژوهش به صورت مختصراً به تعداد محدودی از آن‌ها اشاره شده است. لیو^{۱۰} و همکاران (۲۰۱۰) به بررسی رفتار بارگذاری آتش پس از بار چرخه‌ی در دیوارهای برشی بتن آرمه پرداختند.^[۱۰] اومنش^{۱۱} و همکاران (۲۰۱۱) نمونه‌ی آزمایشگاهی از قاب آسیب‌دیده‌ی بتن آرمه را تحت بارگذاری حرارتی بررسی کردند.^[۱۱]

اوین (۲۰۱۲) رفتار قاب‌های بتن آرمه را در سیناریوی آتش‌سوزی پس از زلزله بررسی کرده است.^[۱۲] جلینک (۲۰۱۷) مقاومت سازه‌های فولادی را در برابر آتش‌سوزی پس از زلزله بررسی کرده است.^[۱۳] طالبی و همکاران (۲۰۱۸) عملکرد ستون‌های فولادی با مقطع مرکب را تحت این بارگذاری بررسی کرده‌اند.^[۱۴] سوندو و همکاران (۲۰۱۸) عملکرد سازه‌هایی با کف مرکب را تحت آتش‌سوزی پس از زلزله بررسی کردند.^[۱۵] سونگ و همکاران (۲۰۱۶) رفتار اتصالات جوشی را در تیرهای سازه‌های فولادی در معرض آتش‌سوزی پس از زلزله بررسی کردند.^[۱۶] با توجه به عدم وجود تحقیقات کافی در زمینه‌ی رفتار قاب‌های بتن آرمه در برابر بار آتش‌سوزی پس از زلزله، در این تحقیق سعی شده است تا به‌طور گستره‌های تأثیر

بارهای متعددی در طول عمر مفید ساختمان‌ها اینمی سازه را تهدید می‌کنند. زلزله، آتش‌سوزی، انفجار و ... خطراتی هستند که اینمی سازه را تهدید می‌کنند.^[۱۷] هریک از این بارها می‌توانند خسارات محلی در سازه ایجاد کنند یا اینکه باعث خسارت کلی در سازه شوند.^[۱۸] مهم‌ترین باری که اینمی سازه را به خطر می‌اندازد و در طراحی‌ها در نظر گرفته می‌شود بار وارد به سازه ناشی از زلزله است.^[۱۹] زلزله می‌تواند علاوه بر خطراتی که خود پدید می‌آورد، خطراتی را نیز متعاقباً به دنبال داشته باشد. این خطرات در طبیعت می‌تواند شامل راشن زمین و سونامی باشد. علاوه بر این موارد، زلزله خطراتی را نیز برای خود سازه به دنبال دارد.^[۲۰] خسارات ناشی از زلزله به سامانه‌های الکترونیکی و گازرسانی می‌تواند منجر به وقوع آتش‌سوزی در سازه شود و سرایت آتش به طبقات و ساختمان‌های مجاور می‌تواند باعث وقوع فاجعه‌ی ناشی از آتش‌سوزی شود. در کشورهای زیادی از جمله ژاپن پدیده‌ی آتش‌سوزی پس از زلزله به دفعات رخ داده است.^[۲۱] آتش‌سوزی و آتش‌سوزی پس از زلزله خطر بزرگی را برای جوامع بشری ایجاد می‌کند. این اتفاق را می‌توان از جمله حوادث نادر با

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۲/۰۲/۱۳۹۸، اصلاحیه ۱۷/۰۴/۱۳۹۸، پذیرش ۲۴/۰۴/۱۳۹۸.

DOI:10.24200/J30.2019.53085.2526

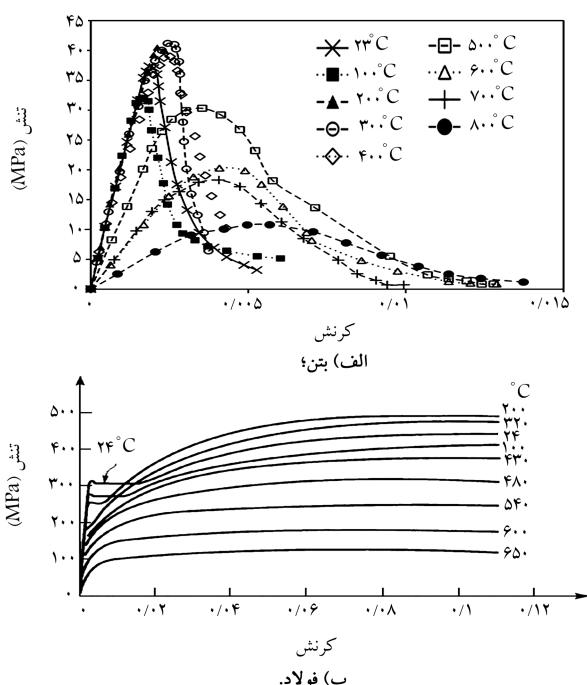
کششی، افزایش کرنش و کاهش سختی در مصالح بتنی و آرماتور می‌شود. رفتار مصالح آرماتور (فولاد) و بتن در برابر بارگذاری متفاوت است. در شکل ۱ تعییرات تنش فشاری بتن و آرماتور در دماهای بالا براساس یورو کد ۲ و ۳ نشان داده شده است.

اگر دمای بحرانی دمایی تعریف شود که مقاومت مصالح در آن دما کاهش فراوانی داشته باشد، این دما در آرماتورها برابر 50°C درجه سانتی‌گراد و در بتن برابر 30°C درجه سانتی‌گراد در نظر گرفته می‌شود.^[۲۱] خواص حرارتی به گرمای ویژه و هدایت گرمایی تقسیم می‌شود. هدایت گرمایی در فولاد بیشتر و در بتن کمتر است. گرمای ویژه در فولاد نسبت به بتن کمتر است؛ بنابراین انتقال حرارت در فولاد سریع‌تر از بتن صورت می‌گیرد و افت مقاومت در فولاد سریع‌تر از بتن انجام می‌شود.^[۲۲]

در این تحقیق تحلیل انتقال حرارت در نرم‌افزار آباکوس انجام شده است و پس از استخراج منحنی‌های دما - زمان در ارتفاع مقاطع، مدل‌سازی مکانیکی حرارتی در نرم‌افزار اپنسیس انجام شده است. در تحلیل انتقال حرارت در آباکوس خواص حرارتی بتن در نظر گرفته شده است. در مدل غیرخطی مکانیکی حرارتی در اپنسیس خواص مکانیکی مصالح بتنی و فولادی در نظر گرفته شده است. خواص حرارتی بتن در تحلیل انتقال حرارت بر اساس شکل ۲ تعریف شده است. برای خواص مکانیکی حرارتی از رفتار بتن و فولاد متناسب با استاندارد یورو کد استفاده شده است. مدل رفتاری مکانیکی حرارتی بتن و فولاد در نرم‌افزار اپنسیس در جدول ۱ نشان داده شده است.

۳.۳. بار آتش

روش‌های متعددی برای محاسبه‌ی دمای آزاد شده در طی فرایند آتش‌سوزی در یک محیط بسته وجود دارد.^[۲۳] تمام این روش‌ها یک منحنی تاریخچه‌ی زمانی دما به نام منحنی زمان - دما را ارائه می‌دهند. در این تحقیق از منحنی زمان - دمای ارائه شده در ISO ۸۳۴ برای اعمال بارگذاری به اجزای سازه‌ای استفاده شده است.



شکل ۱. منحنی تنش کرنش در دماهای مختلف.^[۲۰, ۲۱]

پارامترهای مختلف بر مقاومت قاب‌های بتن آرمه تحت بارگذاری آتش‌سوزی پس از زلزله ارزیابی شود. هدف از این تحقیق تعیین اهمیت پارامترهای بارگذاری و طراحی در قاب‌های بتن آرمه تحت بارگذاری آتش‌سوزی پس از زلزله است. برای انجام این هدف اهمیت چندین متغیر تصادفی با استفاده از روش تحلیل حساسیت تحلیل مرتبه‌ی اول گشتاور دوم (FOSM)^۴ بررسی شده است. برای شبیه‌سازی بارگذاری از تحلیل دینامیکی غیرخطی استفاده شده است. بارگذاری ارائه شده توسط ISO ۸۳۴ به عنوان بارگذاری حرارتی در نظر گرفته شده است. قاب پس از طراحی و مدل‌سازی مکانیکی حرارتی بر اساس روش تحلیل حساسیت FOSM تحلیل شده است. در ادامه روش‌های مدل‌سازی و تحلیل بحث شده است.

۲. روش تحقیق

۲.۱. تحلیل حساسیت

روش‌های مختلفی برای ارزیابی حساسیت سازه نسبت به پارامترهای مورد نظر مهندسی وجود دارد. یکی از این روش‌ها روش تحلیل مرتبه‌ی اول ممان دوم (FOSM) است. در روش FOSM فقط میانگین و انحراف معیار (SD) متغیرهای تصادفی بر اساس توزیع خود فرض می‌شوند و میانگین و SD پاسخ‌ها اندازه‌گیری می‌شود. انحراف معیار این روش می‌تواند معیاری برای تحلیل حساسیت محاسبه شد. مزیت اصلی روش FOSM این است که با وجود ساده‌تر بودن روند تحلیل در آن نسبت به سایر روش‌ها، مشخصات احتمالاتی پاسخ‌های سازه قابل دستیابی هستند.^[۱۷] در واقع این روش با اینکه ساده است، دقت بالایی در تعیین میانگین و انحراف معیار پاسخ سازه دارد. در این روش $Y = g(X)$ به عنوان تابعی با متغیر تصادفی X دارای میانگین μ_X و واریانس σ_X^2 در نظر گرفته می‌شود. با توجه به اینکه مشتقات (x) g نسبت به x موجود است، تقریب مرتبه‌ی اول از (x) g با استفاده از بست سری تیلور در نقطه‌ی x_0 به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$Y \approx g_0 + \left(\frac{dg}{dx}\right)_0 (X - x_0) \quad (1)$$

ممان مرتبه‌ی اول و دوم Y (یعنی میانگین و واریانس) می‌توانند از رابطه‌ی ۱ محاسبه شوند که این تقریب روش FOSM نامیده می‌شود. به طور خاص اگر $x_0 = \mu_x$ (این یک انتخاب معمول در روش FOSM است) میانگین و واریانس از طرق روابط زیر محاسبه می‌شوند:

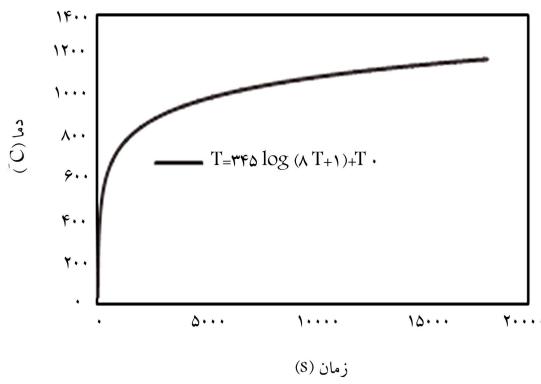
$$\mu_Y = g(\mu_X) \quad (2)$$

$$\sigma_Y^2 \approx \left(\frac{dg}{dx}\right)_0^2 \sigma_X^2 \quad (3)$$

این تقریب روش مقدار میانگین FOSM نامیده می‌شود که می‌توان با استفاده از آن مقدار میانگین و واریانس (و انحراف معیار) پاسخ را تخمین زد. توضیحات کاملی در مورد چگونگی انجام تحلیل حساسیت به روش FOSM در مرجع [۱۷] موجود است.

۲.۲. رفتار مصالح بتن آرمه در برابر حرارت

خواص مکانیکی و حرارتی بتن و فولاد در اثر حرارت دچار تغییر می‌شوند. خواص حرارتی باعث انتقال حرارت از المان در معرض آتش به سایر المان‌های سازه‌ی می‌شود؛ درحالی که خواص مکانیکی باعث ازدست دادن سختی و مقاومت در اعضای سازه‌ی می‌شود.^[۱۸, ۱۹] خواص مکانیکی شامل کاهش مقاومت فشاری و



شکل ۳. منحنی استاندارد دما - زمان ISO ۸۳۴.

جدول ۲. رابطه‌ی شاخص آسیب و ترک خودگی اعضای بتن آرمه.^[۲۵]

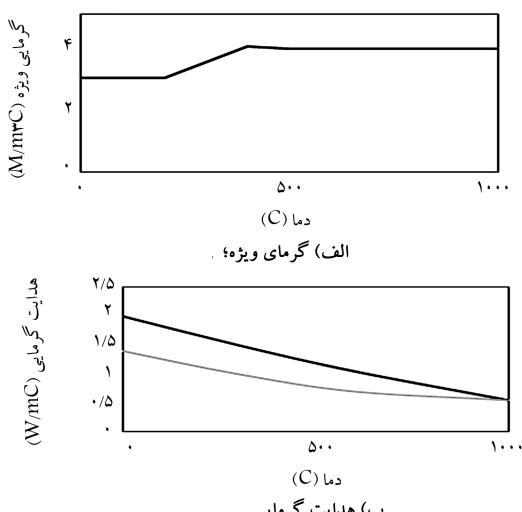
آسیب	شاخص	تصویف	سطح
بدون آسیب	۰	عرض ترک کمتر از 1° میلی‌متر	I
	۱	عرض ترک بین 1° تا 2° میلی‌متر	II
	۲	عرض ترک بین ۱ تا 2° میلی‌متر	III
	۳	عرض ترک بیشتر از 2° میلی‌متر	IV
	۷	به همراه کندگی پوشش بتن	V
	> ۸	کندگی و تکه‌تکه شدن بتن	

اثر ترک خودگی و کندگی شدن پوشش بتن از مفهوم شاخص آسیب استفاده شده است. در هر بار لرزه‌ی شاخص آسیب در المان‌هایی که در مععرض با حرارتی قرار خواهدند گرفت محاسبه شده و سپس متناسب با هر شاخص آسیب بر مبنای مرجع [۲۴] (جدول ۲) میزان ترک خودگی در مقاطع در نظر گرفته شده است.

۳. مدل اجزای محدود

هدف از این تحقیق، تحلیل حساسیت قاب بتن آرمه در سtarیوی آتش‌سوزی پس از زلزله است. برای این منظور یک سازه‌ی سه‌بعدی ۷ طبقه با ۴ دهانه ۵ متری با تصویر افقی ساختمان مریع در نظر گرفته شده است. برای طراحی سازه فرض شده است سازه در یک منطقه با لرزه‌خیزی زیاد ($A = 0.3g$) و در زمین نوع سه واقع شده است. بار مرده برابر $Kg/m^2 = 600$ و بار زنده برابر $Kg/m^2 = 200$ در نظر گرفته شده است. برای بارگذاری جانبی و (طراحی لرزه‌ای) از استاندارد ۲۸۰۰ ایران استفاده شده است. قاب بتن آرمه براساس استاندارد طراحی سازه‌های بتن آرمه ایران طراحی شده است. برای طراحی این قاب از پتی با مقاومت ۲۸ روزه برابر $21Mpa$ و آرماتوری با تنش تسلیم $240 Mpa$ و مدول الاستیستیته $2e5 Mpa$ استفاده شده است. نتایج حاصل از طراحی سازه براساس مقاطع بتن آرمه در جدول ۳ نشان داده شده است.

پس از طراحی اولیه، قاب میانی سازه به عنوان قاب مورد بررسی برای تحلیل‌های مکانیکی حرارتی انتخاب شده است. برای مدل‌سازی مکانیکی حرارتی از نرم‌افزار اپنسیس استفاده شده است. در مدل‌سازی غیرخطی در تمام دهانه‌ها به جز دهانه‌های آتش‌سوزی از مدل مفصل خمیری متبرکز (شکل ۴) استفاده شده است؛ اما در دهانه‌هایی که بار حرارتی به آن اعمال می‌شود، از مدل رفتاری غیر خطی



شکل ۲. تغییرات هدایت گرمایی و گرمایی ویژه بتن در اثر حرارت.

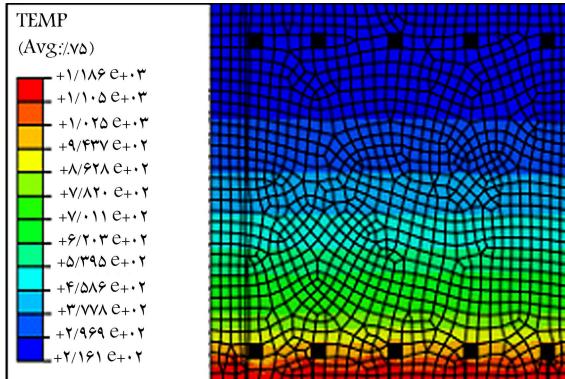
جدول ۱. مدل رفتاری فولاد و بتن در برابر حرارت.

$\theta(^{\circ}C)$	Concrete ^۰ thermal			Steel ^۰ thermal		
	$f_{c,\theta}/f_{ck}$	$\epsilon_{c,\theta}$	$\epsilon_{cu,\theta}$	$f_{ey,\theta}/f_{yk}$	$f_{ep,\theta}/f_{yk}$	$E_{s,\theta}/E_s$
۲۰	۱	۰.۰۰۲۵	۰.۰۲	۱	۱	۱
۱۰۰	۱	۰.۰۰۴	۰.۰۲۲۵	۱	۰.۹۶	۱
۲۰۰	۰.۹۵	۰.۰۰۵۵	۰.۰۲۵	۱	۰.۹۲	۰.۸۷
۳۰۰	۰.۸۵	۰.۰۰۷	۰.۰۲۷۵	۱	۰.۸۱	۰.۷۲
۴۰۰	۰.۷۵	۰.۰۱	۰.۰۳	۰.۹۴	۰.۶۳	۰.۵۶
۵۰۰	۰.۶	۰.۰۱۵	۰.۰۳۲۵	۰.۶۷	۰.۴۴	۰.۴
۶۰۰	۰.۴۵	۰.۰۲۵	۰.۰۳۵	۰.۴	۰.۲۶	۰.۲۴
۷۰۰	۰.۳	۰.۰۲۵	۰.۰۳۷۵	۰.۱۲	۰.۰۸	۰.۰۸
۸۰۰	۰.۱۵	۰.۰۲۵	۰.۰۴	۰.۱۱	۰.۰۶	۰.۰۶
۹۰۰	۰.۰۸	۰.۰۲۵	۰.۰۴۲۵	۰.۰۸	۰.۰۵	۰.۰۵
۱۰۰۰	۰.۰۴	۰.۰۲۵	۰.۰۴۵	۰.۰۵	۰.۰۳	۰.۰۳
۱۱۰۰	۰.۰۱	۰.۰۲۵	۰.۰۴۷۵	۰.۰۳	۰.۰۲	۰.۰۲

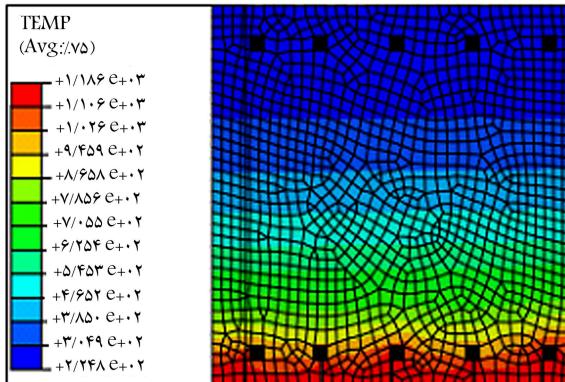
در این تحقیق فرض شده است بار حرارتی آنقدر به سازه اعمال می‌شود تا یک گسیختگی در سازه ایجاد شود. در یک فرض اولیه بار حرارتی به مدل ۵ ساعت به سازه اعمال خواهد شد. منحنی زمان - دمای ISO ۸۳۴ در مدت ۵ ساعت در شکل ۳ نشان داده شده است. از آنجایی که هدف اصلی این تحقیق ارزیابی میزان حساسیت مقاومت سازه در برابر بار آتش‌سوزی پس از زلزله است، از مدل‌های دارای فاز سردشونده و مدل‌های آتش‌سوزی پس از زلزله است. در واقع در این تحقیق از حساسیت پاسخ سازه به بار آتش صرف نظر شده است.

۴.۲. بار لرزه‌یی

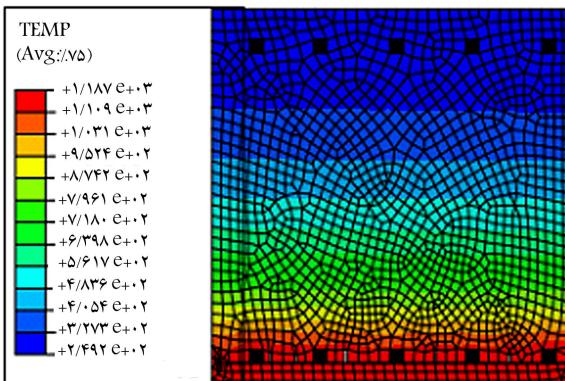
یکی از روش‌های تحلیل دینامیکی غیرخطی، تحلیل دینامیکی افزاینده (IDA)^۵ است. در این روش مقدار شتاب بیشینه به صورت افزایشی از یک مقدار بسیار کم که در طی آن پاسخ سازه کشسانی است، مقیاس می‌شود و به تدریج افزایش می‌یابد تا به نقطه‌ی حالت حدی پس از تسلیم برسد. در تحلیل IDA برای درنظر گرفتن



الف) مقطع در سطح آسیب II؛



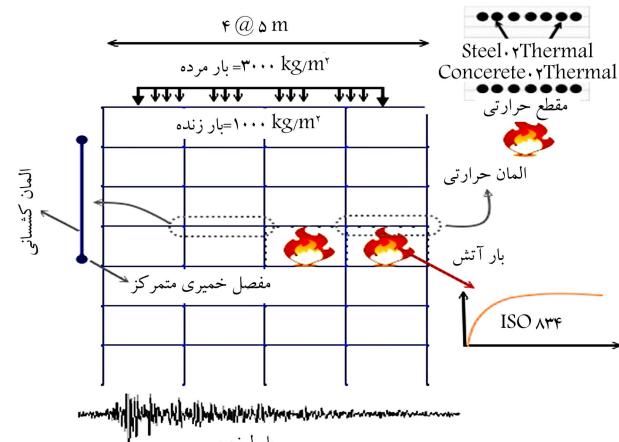
ب) مقطع در سطح آسیب III؛



ج) مقطع در سطح آسیب IV

شکل ۵. نتایج تحلیل انتقال حرارت در مقطع تیر.

است. نرم افزار اپنسیس قوانینی انجام تحلیل انتقال حرارت را ندارد؛ بنابراین در این تحقیق برای انجام تحلیل انتقال حرارت از نرم افزار آباکوس استفاده شده است. برای انجام تحلیل انتقال حرارت از مشخصات حرارتی ارائه شده در بخش ۲-۲ و منحنی حرارتی در بخش ۳-۲ استفاده شده است. مقطع در نرم افزار آباکوس مدل سازی و تحلیل شده‌اند. پس از تحلیل انتقال حرارت ارتفاع هر مقطع به ۹ قسمت تقسیم شده و برای هر قسمت منحنی دما - زمان آن مقطع از نرم افزار آباکوس استخراج شده و در نرم افزار اپنسیس برای تحلیل مکانیکی حرارتی استفاده شده است. برای نمونه در شکل ۵ نتایج تحلیل انتقال حرارت برای مقاطع تیر بتن آرمه برای سه سطح آسیب II، III و IV نشان داده شده است. در نهایت از منحنی‌های دما - زمان ارتفاع‌های مقطع برای انجام تحلیل مکانیکی حرارتی در نرم افزار اپنسیس



شکل ۴. مدل اجزای محدود قاب بتن آرمه با خواص مکانیکی حرارتی.

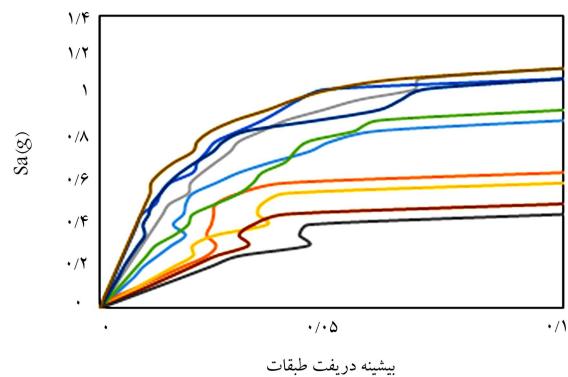
جدول ۳. مقاطع سازه‌یی قاب بتن آرمه.

طبقه	ارتفاع مقطع آرماتور بالا پایین	تیر		
		ستون	آرماتور بالا	آرماتور پایین
۱	۷d ۲۰	۷d ۲۰	۸d ۲۰	۵۰
۲	۶d ۲۰	۷d ۲۰	۸d ۲۰	۴۵
۳	۵d ۱۶	۶d ۱۶	۸d ۱۶	۴۵
۴	۵۰	۶d ۱۶	۷d ۱۶	۴۰
۵	۴۵	۶d ۱۲	۷d ۱۲	۴۰
۶	۳۵	۶d ۱۲	۷d ۱۲	۳۵
۷	۳۵	۴d ۱۲	۵d ۱۲	۳۵

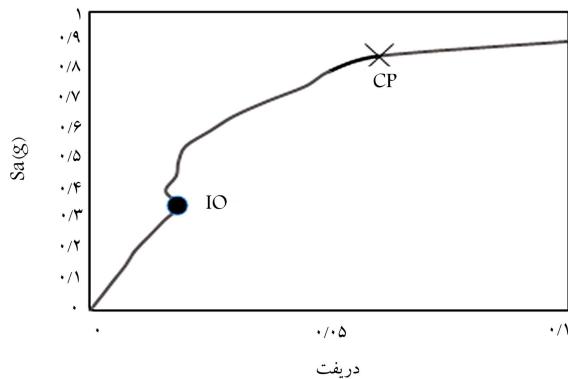
گستردۀ استفاده شده است. در مدل سازی پلاستیستیکی گستردۀ از المان‌های Concrete Thermal با مصالح dispBeamColumn Thermal برای بتن و Steel Thermal برای آرماتور استفاده شده است. مشخصات حرارتی این مصالح در جدول ۱ نشان داده شده است. برای مدل سازی مکانیکی حرارتی هر المان به چند المان مکانیکی حرارتی کوچک‌تر تقسیم شده و در هر المان از مقطع حرارتی استفاده شده است.

۱.۳. آتش‌سوزی پس از زلزله

برای انجام تحلیل آتش‌سوزی پس از زلزله فرض شده است در اثر زلزله، یک حادثه‌ی آتش‌سوزی در دو دهانه از طبقه‌ی چهارم قاب هفت طبقه رخ می‌دهد (شکل ۴). برای مدل سازی شرایط آتش‌سوزی پس از زلزله باید تحلیل حرارتی پس از یک تحلیل مکانیکی انجام شود. بر اساس بخش ۴-۲ المان بتن آرمه ممکن است پس از بار مکانیکی دچار ترک خوردگی شود. این ترک خوردگی و از بین رفتن پوشش بتن می‌تواند بر انتقال حرارت در مقطع بتن آرمه تأثیرگذار باشد. در این تحقیق ابتدا تحلیل‌های مکانیکی به صورت مجزا انجام شده است. در تحلیل‌های تاریخچه‌ی زمانی، پس از انجام تحلیل، شاخص آسیب المان‌های موجود در ناحیه‌ی آتش‌سوزی محاسبه شده است. میزان ترک خوردگی و کندگی بتن در هر شاخص خسارت برای المان‌ها فرض شده است و تحلیل حرارتی برای مقطع بتن آرمه صورت گرفته است. برای ارزیابی شاخص آسیب از روش پارکانگ^۶ استفاده شده است. برای هر سطح عملکرد و شاخص آسیب یک تحلیل انتقال حرارت در مقطع بتن آرمه انجام شده



شکل ۷. منحنی‌های IDA زلزله‌های مختلف.

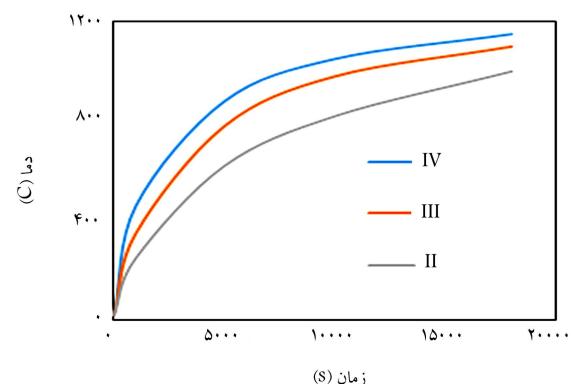


شکل ۸. سطح عملکرد در زلزله‌ی Imperial Valley.

فاصله‌ی شتاب‌نگاشت‌ها از منع لرزه‌ی برابر با ۳۵ کیلومتر در نظر گرفته شده است. بار لرزه‌ی در های مختلف به قاب وارد شده و پس از آن بار حرارتی اعمال شده است. برای مشخص شدن میانگین در بار لرزه‌ی ابتدا قاب برای شتاب‌نگاشت‌های جدول ۵ به صورت IDA تحلیل شده و نزدیک‌ترین شتاب‌نگاشت به میانگین شتاب‌نگاشت‌ها به عنوان شتاب‌نگاشت مورد نظر در تحلیل حساسیت متغیرهای تصادفی جدول ۴ انتخاب شده است. نتایج حاصل از تحلیل IDA در شکل ۷ نشان داده شده است. براساس این شکل نزدیک‌ترین شتاب‌نگاشت به میانگین شتاب‌نگاشت‌ها مربوط به شتاب‌نگاشت Imperial Valley است. بنابراین، این شتاب‌نگاشت به عنوان شتاب‌نگاشت مینا در تحلیل‌های حساسیت متغیرهای تصادفی در جدول ۴ انتخاب شده است. در شکل ۸ نتایج حاصل از تحلیل IDA قاب مورد نظر با استفاده از شتاب‌نگاشت Imperial Valley نشان داده شده است. سطوح عملکرد IO و CP با استفاده از روش ۲۰٪ شیب الاستیک محاسبه شده است. براساس این شکل سطح CP در این شتاب‌نگاشت در $Sa = ۰,۸۵g$ ایجاد شده است. بنابراین در تحلیل حساسیت برای متغیرهای تصادفی جدول ۴ بار لرزه‌ای با استفاده از شتاب‌نگاشت Imperial Valley تا $Sa = ۰,۹g$ انجام شده است.

۳.۳. صحبت‌سنگی

همان‌طور که قبلاً بیان شد، هدف از این تحقیق بررسی حساسیت زمان گسیختگی المان‌های سازه‌ی در سناریوی آتش‌سوزی پس از زلزله است. بنابراین، مهم‌ترین پارامتر در این تحقیق زمان گسیختگی در اثر آتش‌سوزی پس از زلزله است. با اینکه چند تحقیق به صورت آزمایشگاهی در زمینه‌ی آتش‌سوزی پس از زلزله انجام شده است،



شکل ۶. منحنی دما زمان در آرماتور پایین تیر.

جدول ۴. مشخصات متغیرهای تصادفی.

ویرگی	میانگین	COV(%)	نوع توزیع
(Fy) تنش تسیلیم آرماتور	۲۴۰ MPa	[۲۸] ۱۰	لاگرمال
(E) مدلول الاستیسیته آرماتور	۲۶۵ MPa	[۳۰-۳۴] ۵	نرمال
(Fc) مقاومت بت	۲۱ MPa	[۳۰] ۱۰	لاگرمال
بار مرده	۳۰۰۰ kg/m	[۲۹] ۱۰	نرمال
بار زنده	۱۰۰۰ kg/m	[۲۹] ۸۰	گاما
طول دهانه	۵m	۵	گاما
پوشش	۴cm	-	تعیینی

استفاده شده است. برای نمونه منحنی‌های دما - زمان برای میلگرد‌های پایین تیر در شکل ۶ نشان داده شده است.

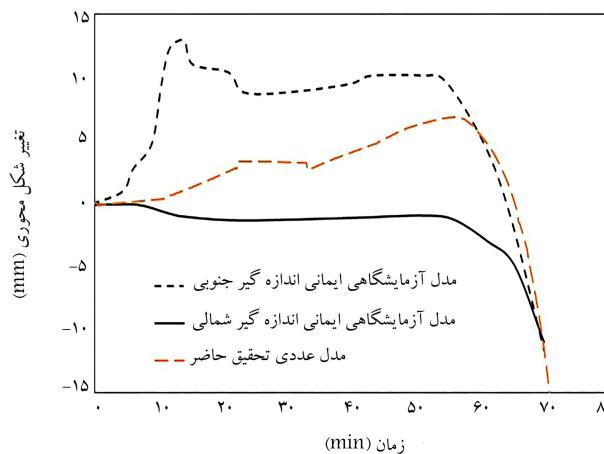
۲.۳. متغیرهای تصادفی

همان‌طور که گفته شد، برای تعیین حساسیت زمان گسیختگی قاب بتن آرمه به پارامترهای مختلف از تحلیل حساسیت FOSM مبتنی بر متغیرهای تصادفی استفاده شده است. سه نوع متغیر تصادفی در این تحقیق در نظر گرفته شده است. مصالح، بارگذاری و هندسی سه نوع متغیر تصادفی در نظر گرفته شده در این تحقیق هستند. تنش تسیلیم آرماتور (Fy)، مدلول الاستیسیته ای آرماتور (E)، مقاومت بت (Fc) متغیرهای تصادفی مصالح هستند. بار مرده، زنده و بار لرزه‌ی به عنوان متغیرهای تصادفی بارگذاری در نظر گرفته شده‌اند. طول دهانه و اندازه‌ی پوشش هم به عنوان متغیر تصادفی مربوط به هندسه در نظر گرفته شده‌اند. مشخصات مربوط به نوع توزیع و مقدار میانگین هر متغیر در جدول ۴ نشان داده شده است.

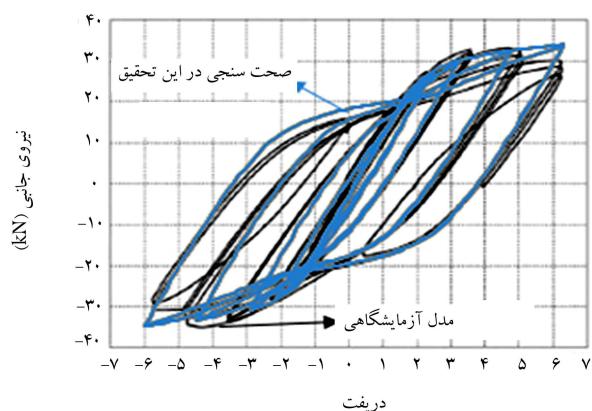
در تحلیل حساسیت تمام پارامترها به جز پارامتر مورد نظر در مقدار میانگین خود در نظر گرفته شده‌اند. مثلاً وقتی حساسیت زمان گسیختگی سازه نسبت به تنش تسیلیم بررسی شده است، سایر متغیرها در مقدار میانگین خود وارد شده‌اند. از آنجایی که در روش‌های تحلیل حساسیت برای یک متغیر تصادفی (جدول ۴) سایر متغیرهای تصادفی باید در مقدار میانگین خود قرار داشته باشند، در بارگذاری PEF یک شتاب‌نگاشت زلزله انتخاب و تحلیل‌های حساسیت در شدت‌های مختلف آن انجام شده است. همچنان برای تعیین حساسیت زمان گسیختگی به متغیر شدت بارهای لرزه‌ی تمام متغیرهای تصادفی موجود در جدول ۴ در مقدار میانگین در نظر گرفته شده‌اند و حساسیت بار لرزه‌ی با استفاده از ده شتاب‌نگاشت محاسبه شده است. مشخصات این شتاب‌نگاشت‌ها در جدول ۵ نشان داده شده است. بیشترین

جدول ۵. مشخصات شتاب‌نگاشتها.

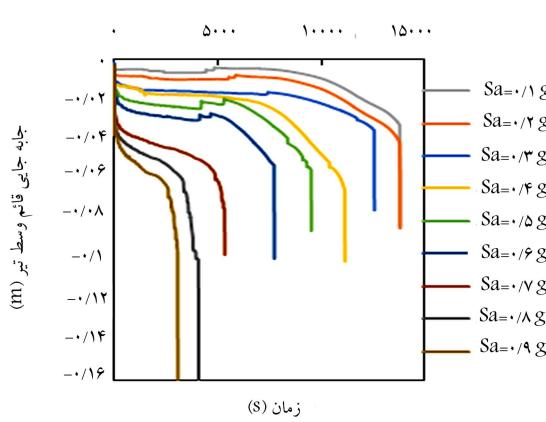
نام	ایستگاه	پیشترین PGA (g)	پیشترین PGV (cm/s)	بزرگا
Chi-Chi, Taiwan	TCU #84	1,16	115,1	7,6
Imperial Valley-#6	Elcentro #5	0,528	91,5	6,5
Imperial Valley-#6	Elcentro #8	0,602	48,6	6,5
Kocaeli, Turkey	Izmit	0,22	28,9	7,5
Loma Prieta	BRAN	0,64	55,9	6,9
Morgan Hill	Coyote Lake Dam	1,3	62	6,2
Nahanni	Site 2	0,45	37,4	6,8
Northridge	Sylmar-Converter Station	0,897	130,3	6,7
Northridge	Sylmar-Olive View	0,843	122,7	6,7
San Fernando	Pacoma Dam	1,24	116,5	6,6



شکل ۱۰. منحنی تغییر مکان قائم در مدل آزمایشگاهی ایمانی و تحلیل عددی در تحقیق حاضر.



شکل ۹. منحنی هیسترزیس در مدل آزمایشگاهی ایمانی و مدل عددی در تحقیق حاضر.



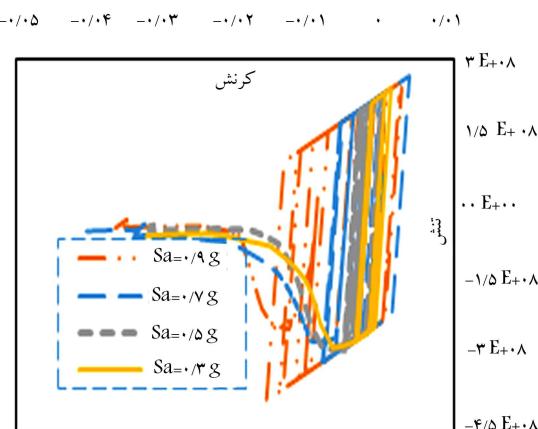
شکل ۱۱. منحنی مقاومت قاب تحت بارگذاری‌های PEF.

انجام شده است. پیش از بررسی حساسیت سازه‌ها به پارامترهای مورد نظر تحقیق، پاسخ قاب بتون آرمه به بارگذاری‌های PEF بررسی شده است. برای ارزیابی مقاومت قاب در برابر بارهای PEF جابه‌جایی قائم دهانه‌ی تیرهای در معرض بار حرارتی مورد استفاده قرار گرفته است. در شکل ۱۱ جابه‌جایی‌های قائم تیر در دهانه‌ی

اما هنوز تحقیقی که در آن سازه‌ی بتون آرمه در اثر آتش‌سوزی به مرحله‌ی گسیختگی بررسد، انجام نشده است. تنها تحقیق آزمایشگاهی که در آن زمان گسیختگی المان لحظات شده است، مربوط به تحقیق ایمانی و همکاران است.^[۲۷] در این تحقیق از مدل آزمایشگاهی ایمانی و همکاران (۲۰۱۴) برای انجام صحت‌سنجی استفاده شده است. آن‌ها یک ستون مرکب را در معرض بارهای سیکلیک به صورت کنترل‌شونده توسط تغییر مکان آزمودند (شکل ۹) و پس از آن در معرض بار آتش قرار داده‌اند. سپس تغییر شکل‌های قائم و زمان دوام آن را در طی بار حرارتی بررسی کردند. نتایج مدل سازی عددی در تحقیق حاضر نشان می‌دهد تغییر مکان قائم ستون در محدوده‌ی تغییر شکل‌های قائم در اندازه‌گیری‌های مختلف موجود در سرستون مدل آزمایشگاهی بوده است و زمان گسیختگی در مدل عددی تحقیق حاضر نسبت به مدل آزمایشگاهی ایمانی دقت کافی دارد. جابه‌جایی قائم در مدل عددی نزدیک به مقدار میانگین گیج‌های ۱ و ۲ در مدل آزمایشگاهی (شکل ۱۰) است که نشان‌دهنده‌ی صحت نتایج عددی در این تحقیق است.

پس از مرحله‌ی مدل سازی، تحلیل‌های مکانیکی حرارتی برای بارگذاری‌های PEF

۴. بررسی نتایج

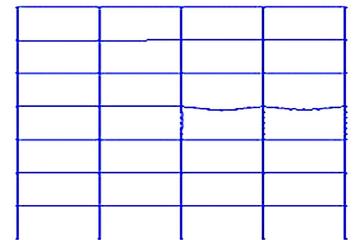


شکل ۱۳. منحنی تنش کرنش در آرماتور پایینی در تیر تحت بارگذاری PEF.

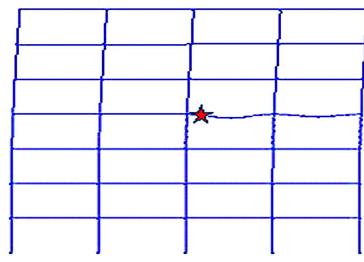
انجام تحلیل حساسیت پارامترهای تنش تسیلیم آرماتور (F_y)، مدول الاستیسیته‌ی آرماتور (E)، مقاومت بتن (Fc)، بار مرده و زنده، طول دهانه و پوشش بتن به عنوان متغیرهای تصادفی در نظر گرفته شده‌اند. مشخصات تابع توزیع، میانگین و COV این متغیرها در جدول ۴ نشان داده شده است. تمام این پارامترها برای هر یک از تحلیل‌های PEF در نظر گرفته شده‌اند. پس از انجام تحلیل ها نتایج برای هر Sa خاص به صورت فاصله‌ی بین میانگین به علاوه و منهای دو برابر انحراف معیار زمان گسیختگی در نمودارها ارائه شده است.

همان‌طور که در بخش ۲-۳ بیان شده است برای تحلیل حساسیت زمان گسیختگی نسبت به متغیرهای تصادفی در قاب بتن آرمه در معرض آتش سوزی شتاب نگاشت از Imperial Valley، از شتاب نگاشت زلزله، از شتاب با $Sa = 0,1g$ با گام‌های $0,1g$ مقیاس شده و سپس به قاب اعمال شده است. پس از هر بار اعمال بار لرزه‌ی بار حرارتی در بارگذاری PEF در $Sa = 0,9g$ برای هر متغیر تصادفی صورت گرفته است. نتایج حاصل از تحلیل FOSM در بارگذاری PEF برای هر Sa در شکل ۱۴ نشان داده شده است. نتایج حاصل از تحلیل نشان می‌دهد میزان حساسیت زمان گسیختگی در قاب بتن آرمه در $0,2g$ تا $0,1g$ دقیقاً همانند نتایج تحلیل FOSM در حالتی است که سازه فقط در معرض بار حرارتی قرار گرفته است. با افزایش Sa زمان گسیختگی و حساسیت به متغیرهای تصادفی تغییر می‌کند. نتایج حاصل از تحلیل حساسیت به روش FOSM در $Sa = 0,3g$ نشان می‌دهد در هر دو حالت میزان حساسیت زمان گسیختگی به متغیرهای تصادفی مربوط به تنش تسیلیم آرماتور است. با افزایش بیشینه‌ی شتاب حساسیت به پوشش آرماتور کاهش می‌یابد. همچنین در این دو حالت کمترین میزان حساسیت مربوط به طول دهانه و مدول الاستیسیته‌ی فولاد است.

بررسی نتایج شکل ۱۴ نشان می‌دهد به طورکلی با افزایش شدت بار لرزه‌ی مقاومت قاب بتن آرمه در برابر بار لرزه‌ای کاهش می‌یابد. با افزایش شدت بار لرزه‌ی حساسیت زمان گسیختگی قاب بتن آرمه به پوشش آرماتور کاهش می‌یابد. در شدت‌های بالای بار لرزه‌ای (Sa بزرگ‌تر از $0,7g$) بار مرده بیشترین حساسیت را در زمان گسیختگی قاب ایجاد می‌کند. دو پارامتر تنش تسیلیم آرماتور و مقاومت بتن در شدت‌های میانی (Sa بین $0,4$ تا $0,7g$) بیشترین تأثیر را بر زمان گسیختگی



الف) در بار حرارتی تنها



ب) در بار PEF در 0.9g

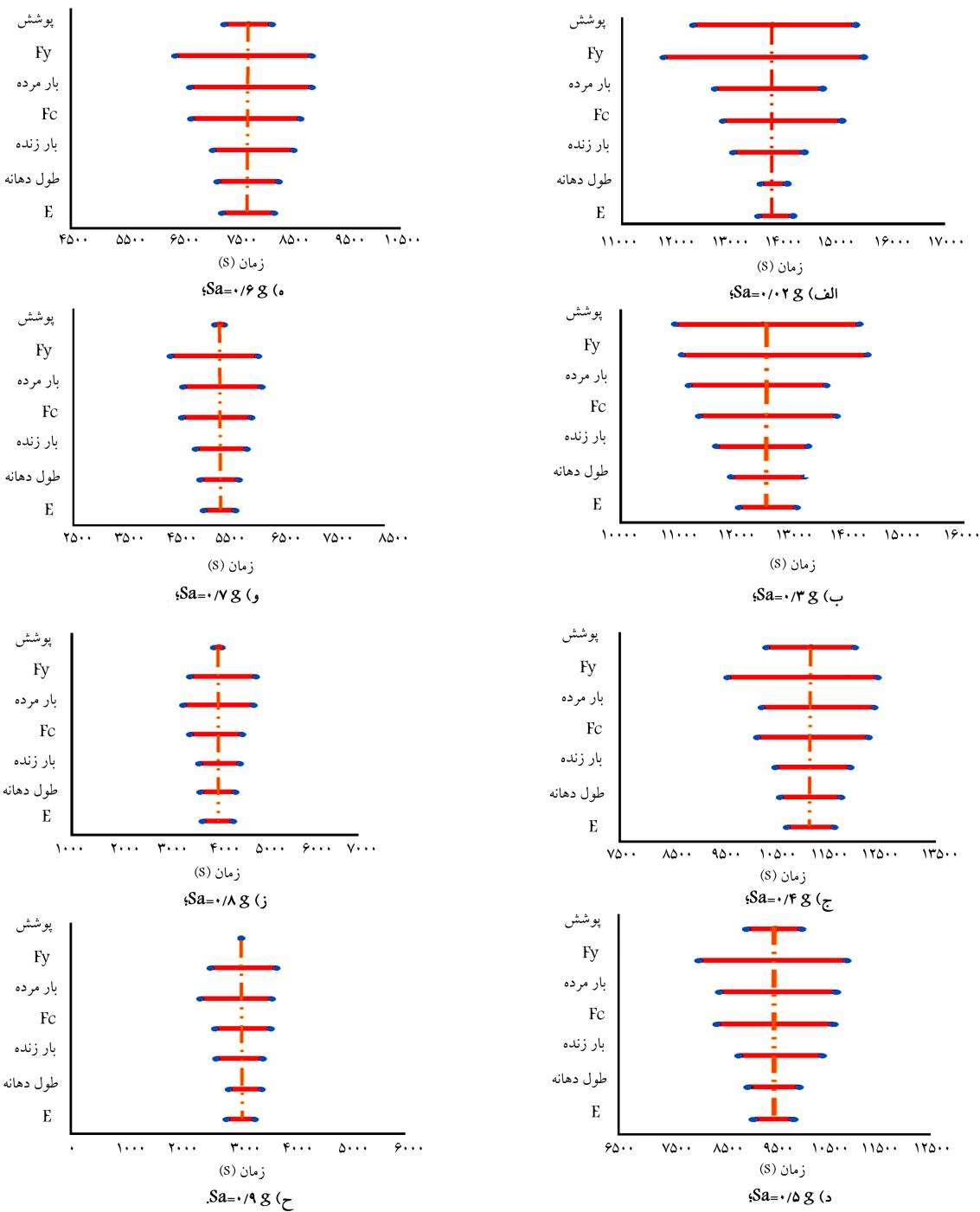
شکل ۱۴. تغییرشکل قاب در لحظاتی قبل از گسیختگی.

آتش‌سوزی شده تحت بارهای PEF نشان داده شده است. زمان افزایش ناگهانی جابه‌جایی قائم تیر به عنوان گسیختگی سازه تحت بارهای PEF در نظر گرفته شده است. نتایج نشان می‌دهد که در تحلیل PEF زمان گسیختگی در $0,1g$ و $0,2g$ برابر با مقاومت قاب در برابر بار حرارتی تنهاست. با افزایش شتاب زلزله مقاومت سازه کاهش می‌یابد. در $Sa = 0,3g$ گسیختگی در سازه در ۰,۳ ثانیه 12576 اتفاق می‌افتد. در $Sa = 0,7g$ زمان گسیختگی به 5153 ثانیه و در $Sa = 0,9g$ زمان گسیختگی به 3081 ثانیه کاهش یافته است. تغییر شکل‌های قاب در لحظاتی قبل از گسیختگی در شکل ۱۲ برای حالت آتش سوزی و در $Sa = 0,9g$ نشان داده شده است. بر اساس این شکل تغییر شکل‌های قاب در بارگذاری PEF در $Sa = 0,9g$ بسیار بیشتر از قاب در حالتی است که فقط تحت بارگذاری حرارتی قرار داشته است. این در حالی است که زمان گسیختگی در بارگذاری PEF در $Sa = 0,9g$ برای با 3081 ثانیه و در بارگذاری آتش سوزی پس از شدت‌های مختلف بار لرزه‌ای می‌تواند بسیار کمتر (22%) از حالتی باشد که سازه‌ی تنها تحت بارگذاری حرارتی قرار دارد.

در ادامه‌ی روند تحقیق منحنی تنش و کرنش می‌گرد پایین در تیر در ناحیه اتصال به ستون (ستاره در شکل ۱۲) ارزیابی شده است. این منحنی‌ها برای حالت بارگذاری PEF در شکل ۱۳ نشان داده شده است. این منحنی‌ها تا لحظاتی قبل از گسیختگی استخراج شده‌اند. مقادیر کرنش‌ها در لحظه‌ی گسیختگی به شدت افزایش می‌یابد که نشان دادن آن باعث می‌شود منحنی‌های تنش کرنش به درستی قابل مقایسه نباشند؛ به همین دلیل این منحنی‌ها تا لحظاتی قبل از گسیختگی ارائه شده‌اند.

نتایج حاصل از تحلیل نشان می‌دهد با افزایش شتاب وارد بر سازه منحنی‌های هیسترزیس آرماتور در حالت‌های کشنیده و فشاری با مساحت بیشتری تشکیل می‌شود. بنابراین، جابه‌جایی پسماند در شتاب‌های بیشتر زیادتر خواهد بود. این امر در کنار درنظر گرفتن اثر حذف پوشش آرماتور باعث می‌شود، آرماتورها در زمان کمتری گسیخته شوند.

پس از بررسی پاسخ قاب بتن آرمه تحت بارهای PEF حساسیت زمان اولین گسیختگی قاب بتن آرمه در ستاره‌ی آتش سوزی پس از زلزله بررسی شده است. برای



شکل ۱۴. نتایج تحلیل حساسیت در بارگذاری آتشسوزی پس از زلزله.

بارگذاری PEF در شدت‌های مختلف بار لرزه‌یی بررسی شده است. برای این هدف از ده شتاب‌نگاشت زلزله استفاده شده است. مشخصات این شتاب‌نگاشت‌ها در جدول ۵ نشان داده شده است.

هر یک از شتاب‌نگاشت‌ها از مقدار $Sa = 0.1g$ تا $0.9g$ با گام‌های $0.1g$ مقیاس شده و پس از هر بار تحلیل تاریخچه‌ی زمانی غیرخطی، بار حرارتی به قاب اعمال شده است. پس از تحلیل، زمان گسیختگی در هر بارگذاری PEF استخراج شده است. مقدار نوسانات (میانگین به علاوه و منهای دو انحراف معیار) زمان گسیختگی محاسبه و در شکل ۱۶ ارائه شده است. نتایج نشان می‌دهد

قاب در بارگذاری PEF داشته است. در شکل ۱۵ تغییرات متغیرهای تصادفی در شدت‌های مختلف بار PEF نشان داده شده است. بر اساس این شکل مشاهده می‌شود به طور کالی با افزایش شدت PEF حساسیت زمان گسیختگی به متغیرهای تصادفی کاهش می‌یابد.

نتایج تحلیل های لرزه‌یی مختلف نشان داده است با افزایش Sa زمان گسیختگی قاب بتون آرمه کاهش می‌یابد. بنابراین، در قاب بتون آرمه برخلاف قاب فولادی^[۷] شدت بار لرزه‌یی پیش از بار حرارتی نیز بر زمان گسیختگی قاب بتون آرمه تأثیرگذار است. در ادامه روند تحقیق، حساسیت زمان گسیختگی قاب بتون آرمه در

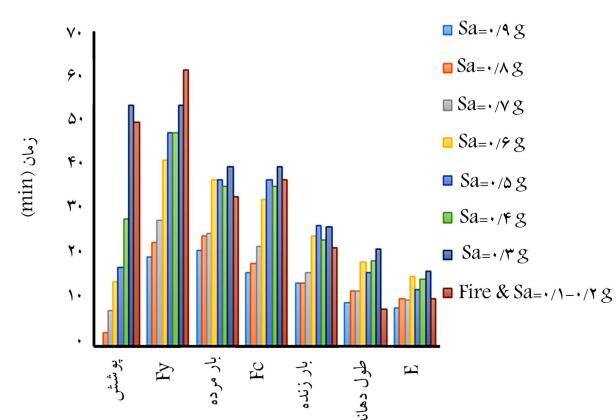
حساسیت زمان گسیختگی به بار لرزه‌بی بسیار زیاد است و در شدت‌های بالا ($Sa = 0,9g$) بیشتر از $10,9g$ میزان حساسیت زمان گسیختگی به بار لرزه‌بی کاهش می‌یابد.

۵. نتیجه‌گیری

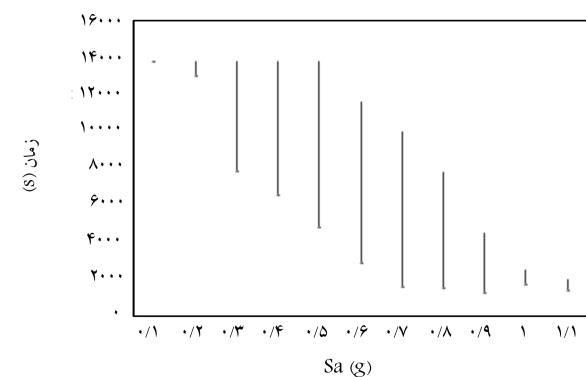
هدف از این تحقیق بررسی حساسیت متغیرهای تصادفی در زمان گسیختگی قاب‌های بتن آرمده در معرض بارگذاری آتش‌سوزی پس از زلزله بود. بدین منظور با استفاده از روش تحلیل حساسیت FOSM قاب‌های بتن آرمده در بارگذاری حرارتی پس از زلزله بررسی شده است. بار لرزه‌بی در Sa های مختلف برای یک زلزله‌ی خاص به سازه اعمال شده و در هر Sa پس از بار لرزه‌بی بار حرارتی اعمال شده است. نتایج این تحلیل نشان می‌دهد در بین پارامترهای طراحی در شدت‌های کم بار لرزه‌بی تنش تسلیم آرماتور و پوشش بتن بیشترین تأثیر را در پراکنده‌ی زمان گسیختگی دارند. با افزایش Sa حساسیت زمان گسیختگی سازه به پارامتر PEF پوشش بتن کاهش می‌یابد. تنش تسلیم آرماتور تقریباً در تمام شدت‌های حساس‌ترین متغیر تصادفی است. مقاومت بتن و بار مرده نیز از حساس‌ترین متغیرهای تصادفی هستند. مدول الاستیسیته‌ی آرماتور و ابعاد دهانه (در صورت نادیده گرفتن پوشش آرماتور) کمترین حساسیت را برای زمان گسیختگی ایجاد می‌کنند. نتایج نشان داده است با افزایش Sa حساسیت زمان گسیختگی به متغیرهای تصادفی کاهش می‌یابد. در ادامه، تحلیل PEF برای ده شتاب‌نگاشت زلزله انجام شده است تا حساسیت زمان گسیختگی به بارهای لرزه‌بی بررسی شود.

نتایج نشان می‌دهد بار لرزه‌بی در قاب‌های بتن آرمده (برخلاف قاب فولادی)^[۷]

بیشترین حساسیت را برای زمان گسیختگی ایجاد می‌کنند.. مثلاً در $Sa = 0,7g$ نوسانات پاسخ (میانگین به علاوه و منهای دو انحراف معیار) برای زمان گسیختگی برابر با 145 دقیقه محاسبه شده است. درحالی که بیشترین نوسانات برای تنش تسلیم آرماتور، پوشش بتن و مقاومت بتن به ترتیب $53, 60$ و 40 دقیقه محاسبه شده است.



شکل ۱۵. نوسانات زمان گسیختگی برای متغیرهای تصادفی تحت شتاب‌های مختلف.



شکل ۱۶. نوسانات زمان گسیختگی در شتاب‌های مختلف.

حساسیت زمان گسیختگی در قاب‌های بتن آرمده نسبت به پارامتر شدت لرزه‌بی بسیار متغیر است. در شدت‌های کم ($Sa = 0,1-0,2g$) حساسیت زمان گسیختگی به شدت لرزه‌بی بسیار کم است. در شدت‌های میانی ($Sa = 0,3-0,8g$)

پانوشت‌ها

1. post-earthquake fire
2. Liu
3. Umesh
4. first-order second moment (FOSM)
5. incremental dynamic analysiz
6. Park-Ang

منابع (References)

1. Tavakoli H.R, Rashidi A. and Akbarpour S. "effect of lateral force resisting system on seismic performance of

special steel frames under progressive collapse", *Sharif: Civil Engineering*, **31-2**, pp. 101-108 (in Persian) (2016).

2. Tavakoli, H.R. and Kiakojouri F. "Numerical study of progressive collapse in framed structures: a new approach for dynamic column removal", *International Journal of Engineering-Transactions A: Basics*, **26**, pp.685-692 (2013)
3. Tavaloki H.R, Naghavi F. and Goltabar A.R. "Effect of base isolation systems on increasing the resistance of structures subjected to progressive collapse", *Earthquakes and Structures*, **9(3)**, pp. 639-656 (2015).
4. Tavakoli, H.R. and Moradi Afrapoli, M. "Robustness analysis of steel structures with various lateral load resisting systems under seismic progressive collapse", *Engineering Failure Analysis*, **83**, pp. 89-101 (2018).

5. Bommer J.J. and Boore D.M. "Engineering seismology encyclopaedia of Geology", New York, Academic Press (2004).
6. Scawthorn, C. "Fire Following Earthquakes", New York, McGraw-Hill, (1992).
7. Elhami Khorasani, N., Garlock, M. and Quiel, S. "Modeling steel structures in OpenSees: Enhancements for fire and multi-hazard probabilistic analyses", *Computers and Structures*, **157**, pp. 218-231 (2015).
8. Scawthorn, C., Eidinger, J.M. and Schiff, A.J. "Fire following earthquake. Technical council on lifeline earthquake engineering", Monograph No. 26. Reston: Published by the American Society of Civil Engineers (2005).
9. Scawthorn, C., Eidinger, J.M. and Schiff, A.J. "Fire following earthquake", ASCE Publications, Reston, VA, (2005).
10. Gui-rong, L., Yu-Pu, S. and Fu-Lai, Q. "Post-fire cyclic behavior of reinforced concrete shear walls", *Journal of Central South University, Technol.*, **17**, pp. 1103-1108 (2010).
11. Kamath, P., Kumar Sharma, U., Kumar, V. and et al. "Full-scale fire test on an earthquake-damaged reinforced concrete frame", *Fire Safety Journal*, **73**, pp. 1-19 (2015).
12. Ervine, A. "Damaged reinforced concrete structures in fire", Edinburgh University, PhD Thesis, (2012).
13. Jelinek, T., Zania, V. and Giuliani, L., "Post-earthquake fire resistance of steel buildings", *Journal of Constructional Steel Research*, **138**, pp. 774-782 (2017).
14. Talebi, E., Korzen, M. and Hotman, S. "The performance of concrete filled steel tube columns under post-earthquake fires", *Journal of Constructional Steel Research*, **150**, pp. 115-128 (2018).
15. Suwondo, R., Cunningham, L. and Gilli, M. "Improving the performance of composite floors subjected to post-earthquake fire", *Fire Safety Journal*, **102**, pp. 18-26 (2018).
16. Song, Q., Heidarpour, A. and Zhao, X. "Post-earthquake fire behavior of welded steel I-beam to hollow column connections: An experimental investigation", *Thin-Walled Structures*, **98**, 143-153 (2016).
17. Lee, T.H. and Mosalam, K.M. "Seismic demand sensitivity of reinforced concrete shear-wall building using FOSM method", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **34:14**, pp. 1719-1736 (2005).
18. Dwaikat, M.B. and Kodur, V.K.R. "Fire induced spalling in high strength concrete beams", *Fire Technology*, **46**(1), pp. 251-274 (2010).
19. Kodur, V.R. and Harmathy, T.Z., *Properties of Building Materials*, in SFPE Handbook of Fire Protection Engineering, P. J. DiNenno, Ed., National Fire Protection Association, Quincy, Mass, USA, (2008).
20. Minson, A. "Eurocode 2-3", *Concrete Structures*, **40**(1), pp. 30-31 (2006).
21. Youssef, M.A. and Moftah, M. "General stress-strain relationship for concrete at elevated temperatures", *Engineering Structures*, **29**(10), pp. 2618-2634 (2007).
22. Lie T. and Kodur, V.K.R., "Thermal and mechanical properties of steel-fibre-reinforced concrete at elevated temperatures," *Canadian Journal of Civil Engineering*, **23**(2), pp. 511-517 (1996).
23. Remesh, K. and Tan, K.H. "Performance comparison of zone models with compartment fire tests", *Journal of Fire Sciences*, **25**(4), pp. 321-353 (2007).
24. Kim, j., Park J.H. and Lee T.H. "Sensitivity analysis of steel buildings subjected to column loss", *Engineering Structures*, **33**, pp. 421-432 (2011).
25. Vamvatsikos, D. and Cornell, C.A. "Incremental dynamic analysis. earthquake engineering and structural dynamics", **31**(3), pp. 491-514 (2002).
26. Choi, H., Sanada, Y., Kashiwa, H. and et al. "Seismic response estimation method for earthquake-damaged RC buildings", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, **45**, pp. 99-1018 (2016).
27. Imani, R., Mosqueda, G. and Bruneau, M. "Experimental study on post-earthquake fire resistance of ductile concrete-filled double-skin tube columns", *Journal of Structural Engineering*, **141**(8), pp.04014192 (2015)
28. Guo, Q. and Jeffers, A.E. "Finite-element reliability analysis of structures subjected to fire", *Struct Enggng ASCE*, **49**, pp. 793-811 (2014).
29. Iqbal, S. and Harichandran, R.S. "Capacity reduction and fire load factors for LRFD of steel columns exposed to fire", *Fire Safety*, **46**, pp. 234-242 (2011).
30. Parisi, F., Scalvenzi, M. and Brunesi, E. "Performance limit states for progressive collapse analysis of reinforced concrete framed buildings", *Structural Concrete*, pp. 1-17 (2018).