

# جريان عبوری درونگذری و روگذری در سرریز گابیونی در شرایط آزاد در بستره ماسه‌بی

سعید صالحی (دانشجوی دکتری)

گروه علوم و مهندسی آب، دانشگاه فردوسی مشهد

سیدعلیرضا اسماعیلی (دانشجوی دکتری)

گروه علوم و مهندسی آب - سازه‌های آبی، دانشگاه بولی سینا، همدان

نیما صادقی (دانشجوی کارشناسی ارشد)

کاظم اسماعیلی\* (دانشیار)

گروه علوم و مهندسی آب، دانشگاه فردوسی مشهد

مهندنسی عمران شریف، (جمهوری اسلامی ایران)، دوری ۳ - ۷، شماره ۲ / ۳، ص. ۳-۱۳، پژوهشی

در پژوهش حاضر، به بررسی هیدرولیک جریان عبوری درونگذری و روگذری در سرریز گابیونی لبه‌پهن پرداخته شده است؛ لذا از مدل آزمایشگاهی درجهت برآورد پارامترهای هیدرولیکی، از جمله: عمق آب شستگی پایین دست، ضریب دبی و میزان دبی درونگذری و روگذری استفاده شده است. تخمین ضریب دبی و بیشینه‌ی عمق آب شستگی از روش رگرسیون غیرخطی بر پایه‌ی داده‌های آزمایشگاهی صورت پذیرفته است. در روش اخیر، با به کارگیری پارامترهای هندسی و هیدرولیکی دبی جریان درونگذری و روگذری از سرریز گابیونی، تأثیر پارامترهایی از جمله قطر متوسط ذرات گابیون در عمق آب شستگی بررسی شده و نتایج نشان داده است که با افزایش اندازه‌ی ذرات درون گابیون، میزان عمق آب شستگی در پایین دست افزایش یافته است. همچنین مقایسه‌ی بیشینه‌ی عمق آب شستگی با مطالعه‌های پیشین نشان داد که استفاده از سرریز گابیونی به دلیل داشتن جریان درونگذر، میزان عمق آب شستگی در پایین دست کاهش پیدا کرده است. این امر به دلیل وجود جریان درونگذری در گابیون است، که باعث کاهش قدرت جت روگذر می‌شود. همچنین نتایج نشان داد که روابط ارائه شده با خطای حدود ۱۷٪ می‌توانند در برآورد جریان درونگذر و روگذر از گابیون کاربرد داشته باشند.

saeedsalehi100@gmail.com  
alirezaesmaili72@gmail.com  
nimasadeghi@usa.com  
esmaili@um.ac.ir

وازگان کلیدی: جریان غیردارسی، محیط متخلخل، افت ارزی، سرریز گابیونی، ضریب دبی.

## ۱. مقدمه

۴. قابلیت تله‌اندازی بخشی از رسوب‌های رودخانه بر پایه‌ی اندازه‌ی ذرات که این امر موجب می‌شود مواد ارگاییک از بدنه‌ی تراوش پذیر سرریز عبور کنند و به پایین دست رودخانه نیز انتقال یابند.

موارد اخیر می‌تواند به اهمیت ساخت سرریز گابیونی و احیای محیط‌زیست صحه گذارد. از این‌رو در دهه‌ی جدید، مطالعاتی در این زمینه آغاز شده است. پژوهش حاضر با بررسی آزمایشگاهی سعی دارد که جریان عبوری از سرریز گابیونی را بررسی و اندازه‌گیری کند.

استفاده از سرریز گابیونی توسط بسیاری از پژوهشگران برای تنظیم آب در شبکه‌های آبیاری توصیه شده است. این سازه، به دلیل داشتن جریان درونگذری، پیش‌بینی می‌شود که نسبت به سرریزهای لبه‌پهن، عمق آب شستگی کمتری را در

سرریزهای گابیونی عموماً از مصالح سنگ و شن‌های درشت در محل ساخته می‌شوند. شبیه‌ی ساخت ساده‌ی سرریزها می‌تواند به عنوان یکی از علل تأثیرگذار به جایگزینی آن‌ها با سایر سرریزها اشاره کند. مزایای سرریزهای گابیونی عبارت‌اند از:

۱. دوستدار محیط زیست بودن؛
۲. سادگی و سهولت در ساخت و اجرای آن؛
۳. استفاده از مصالح قرضه، پایداری، انعطاف‌پذیری، نفوذپذیری بالا و مقرون به صرفه بودن؛

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۴/۱۱/۱۳۹۹، اصلاحیه ۵/۴/۱۴۰۰، پذیرش ۱۰/۵/۱۴۰۰

DOI:10.24200/J30.2021.57425.2907

بستر رسوی ایجاد کند. از این رو بررسی مورد اخیر، یکی از اهداف پژوهش حاضر به شمار می‌آید.

## ۲. مطالعات انجام شده

موارد مشابهی در رابطه با گذار جریان آب در محیط متخالخل به ازاء جریان آشفته در متابع وجود دارد. کل ۱۹۹۳)، وضعیت جریان آب را در سدهای سنگریزه‌ی بی ۲ در دو حالت جریان روگذری و درون‌گذری ارزیابی و مطالعه کرده و دریافت است که در صد عبور جریان آب از درون بدنه‌ی سد سنگریزه‌ی در حدود ۲۵ تا ۵۰ درصد متغیر است.<sup>[۱]</sup> در موضوع کاربرد سرریزهای گایبیونی تاکنون مطالعاتی که در داخل و خارج از کشور انجام شده‌اند، از جنبه‌های مختلف به ویژگی‌های هیدرولیکی جریان عبوری از سازه‌های مذکور پرداخته‌اند. هگر و اسکوال ۱۹۹۴)، به بررسی ضریب دبی سرریز گایبیونی پرداخته و نتایج ایشان در قالب نمودارهایی برای اندازه‌گیری دبی ارائه شده است.<sup>[۲]</sup>

تعیین رژیم‌های سطح آب در پایین دست سازه‌های هیدرولیکی همواره مورد توجه پژوهشگران مختلفی قرار گرفته است. برای اولین بار، این موضوع توسط و و راجارتان<sup>[۳]</sup> (۱۹۹۶) مطرح شد. ایشان با استفاده از داده‌های ارتفاع آب را به ازاء انواع مختلف سرریز لبه‌پهن، لبه‌تیز، و لبه‌گرد بررسی و ارزیابی کردند. همچنین میخیکو<sup>[۴]</sup> و همکاران<sup>[۵]</sup> (۲۰۱۵)، به ساختار دینامیکی خاک‌ریزهای قلوه‌سنگی<sup>[۶]</sup> پرداختند و نتایج یک بعدی مطالعه‌ی ایشان نشان داد که پارامترهای زیادی در ساختار جریان درون‌گذری و روگذری از سازه‌ی مذکور تأثیرگذار است که از جمله‌ی آن‌ها می‌توان به پارامترهای شبیب پایین دست، تخلخل قلوه‌سنگ‌ها، قطر متوسط ذرات تشکیل دهنده‌ی سازه و ارتفاع اشاره کرد.<sup>[۷]</sup>

تعیین رژیم‌های سطح آب در پایین دست سازه‌های مختلفی کمتری مشاهده می‌شود.<sup>[۸]</sup> ساراگیسون و پرسی<sup>[۹]</sup> (۲۰۰۹)، نیز شبیب بالادست و پایین دست سرریز لبه‌پهن را ارزیابی کردند و دریافتند که افزایش شبیب بالادست سرریز لبه‌پهن باعث افزایش عمق آب بالادست آن می‌شود که این امر موجب کاهش ضریب دبی در سرریز لبه‌پهن می‌شود.<sup>[۱۰]</sup>

در حالت کلی، جریان گذرا از محیط متخالخل در دو حالت کلی جریان آرام و آشفته طبقه‌بندي می‌شود. در جریان از درون فیلتر سدهای خاکی به علت کمتر بودن

عدد رینولدز ( $Re < 1$ ). می‌توان از رابطه‌ی دارسی برای برآورده نشان داد که جریان درون گایبیون آشفته است آن می‌شود که روابط دارسی و روابط لاپلاس برای برآورده نشان داده امکان پذیر نباشد. در حالت کلی برای برآورده مشخصات جریان در گایبیون دو روش پیشنهاد شده است: (الف) معادلات پایه همانند معادلات دارسی - ویساخ و معادله‌ی هیزن - و بیلیامز که ایراد مهم در آن‌ها فرض‌های ساده‌کننده برای حل معادلات پایه است که ارائه روابط دقیق و کاربردی برای سازه‌ی گایبیونی را دشوار می‌کنند. ب) استفاده از روابط تجربی ارائه شده بر پایه‌ی داده‌های آزمایشگاهی است.

محمد (۲۰۱۰)، با استفاده از مدل‌های آزمایشگاهی سرریز لبه‌پهن گایبیونی، ضریب دبی سرریز گایبیونی را در دانه‌بندي‌های مختلف ارزیابی کرد و دریافت که به ازاء افزایش اندازه‌ی دانه‌های گایبیون، ضریب دبی در سرریز لبه‌پهن گایبیونی افزایش پیدا می‌کند. آزمایش‌های مذکور در شرایط آزاد انجام و سپس با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی، رابطه‌ی تجربی برای برآورده ضریب دبی ارائه شده است.<sup>[۱۱]</sup>

همچنین برخی درک بهتر اثر متقابل جریان‌های روگذری و درون‌گذری از سرریز از سازه‌ی سرریز تغییرات در لبه‌های آن مشهودتر است. همچنین در ادامه، نیروهای برهمنش بین ذرات در قالب مدل آزمایشگاهی بررسی شده و نتایج نشان داده است مکان‌هایی که قدرت جریان‌های طولی به میران پیشینه داشته باشد، پایداری نواحی لبه‌های سازه‌ی سرریز کاهاش محسوسی پیدا خواهد کرد.<sup>[۱۲]</sup>

برخی پژوهشگران پیشنهاد کرده‌اند که در زمینه‌ی سرریزهای گایبیونی لبه‌پهن

داده که به ازاء کالیبرهای مدل عددی، نتایج قابل قبولی از مدل عددی در حالت‌های مختلف مدل آشفته‌ی به دست آمده است.<sup>[۱۳]</sup>

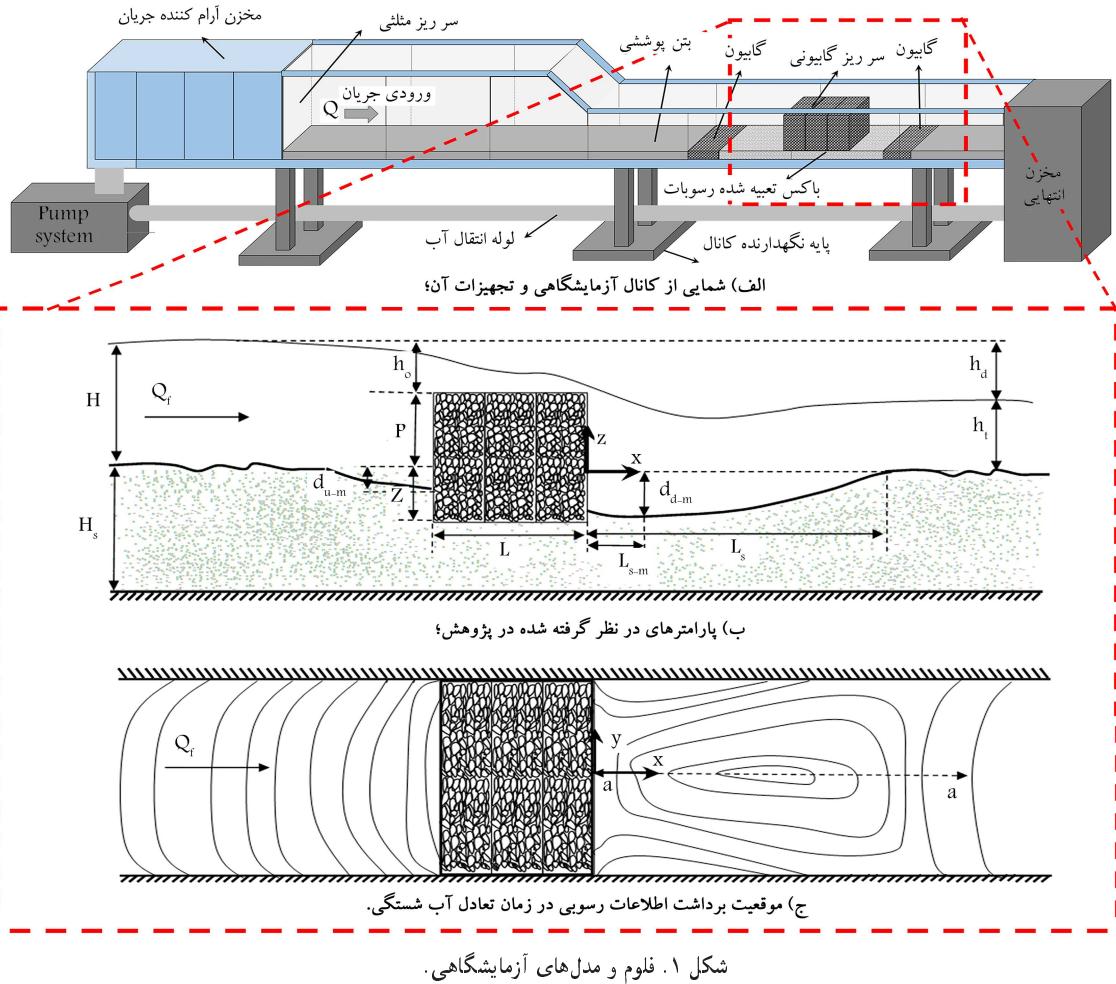
خطیبی و همکاران<sup>[۱۴]</sup> (۲۰۱۴)، نیز با استفاده از هوش مصنوعی و به‌کارگیری داده‌های آزمایشگاهی، یک روش عددی برای محاسبه‌ی دبی در سرریز گایبیونی پلکانی ارائه کردند و با تقسیم‌بندی جریان بر روی سرریز به صورت آرام تا حالت آشفته، حالت‌های مذکور را با استفاده از مرزهایی در گراف‌هایی مشخص کردند.<sup>[۱۵]</sup>

گوان<sup>[۱۶]</sup> و همکاران<sup>[۱۷]</sup> (۲۰۱۳)، با استفاده از عدد فرود به تقسیم‌بندی رژیم‌های نیمیح سطح آب در سرریز لبه‌تیز در حالت مستغرق پرداختند، با این هدف که تأثیر رژیم‌های تشکیل شده در عمق آب شستگی پایین دست سرریز پیگیری شود. نتایج نشان داد که با تعییر رژیم جریان از حالت مستغرق کامل<sup>[۱۸]</sup> به جت فرورونده<sup>[۱۹]</sup> در جریان آب پایین دست باعث افزایشی در پایین دست به صورت افزایشی و با طول کمتر توسعه پیدا کرده است. این امر نشان از وضعیت تأثیر جت پایین رونده‌ی سرریز در وضعیت و پایداری سرریز است. نتایج ایشان نشان داده است سرریز گایبیونی که عمق جریان پایین دست با رژیم جت فرورونده دارند، پایداری کمتری دارند.<sup>[۲۰]</sup>

عظیمی و همکاران<sup>[۲۱]</sup> (۲۰۱۴)، نیز با رویکردهای مختلفی از جمله شاخص کاهاش دبی به ازاء دبی مستغرق به بررسی سرریز لبه‌پهن پرداختند و ضریب دبی را به ازاء انواع مختلف سرریز لبه‌پهن، لبه‌تیز، و لبه‌گرد بررسی و ارزیابی کردند.<sup>[۲۲]</sup> همچنین میخیکو<sup>[۲۳]</sup> و همکاران<sup>[۲۴]</sup> (۲۰۱۵)، به ساختار دینامیکی خاک‌ریزهای قلوه‌سنگی<sup>[۲۵]</sup> پرداختند و نتایج یک بعدی مطالعه‌ی ایشان نشان داد که پارامترهای زیادی در ساختار جریان درون‌گذری و روگذری از سازه‌ی مذکور تأثیرگذار است که از جمله‌ی آن‌ها می‌توان به پارامترهای شبیب پایین دست، تخلخل قلوه‌سنگ‌ها، قطر متوسط ذرات تشکیل دهنده‌ی سازه و ارتفاع اشاره کرد.<sup>[۲۶]</sup>

عظیمی و همکاران<sup>[۲۷]</sup> (۲۰۱۶)، نیز با استفاده از آزمایش‌های مختلف بر روی سرریز لبه‌تیز، رژیم جریان را در سرریز لبه‌تیز به دست آورده، که در نهایت به ۴ گروه تقسیم‌بندی شده است. در ادامه، روابطی برای برآورد طول موج و همچنین پیشنهادهایی برای مقدار ارتفاع موج پایین رونده از سرریز لبه‌تیز ارائه کرده‌اند.<sup>[۲۸]</sup> همچنین همچنین در ادامه‌ی مطالعات، آزمایش‌هایی برای بررسی نیروهای تأثیرگذار در ساختار سازه‌ی سرریز انجام شده است. نتایج آزمایش‌های انجام شده نشان داده است که تغییر پایداری بین نیروی وزن (نیروی پایداری ذرات) و نیروی مومنتوم (حاصل از جریان)، باعث تغییر ساختار فیزیکی ابتدایی سازه‌ی سرریز می‌شود و شکل ابتدایی آن را تغییر می‌دهد. به دلیل بالا بودن نیروی مومنتوم در لبه‌های سازه‌ی سرریز، تغییرات در لبه‌های آن مشهودتر است. همچنین در ادامه، نیروهای برهمنش بین ذرات در قالب مدل آزمایشگاهی بررسی شده و نتایج نشان داده است مکان‌هایی که قدرت جریان‌های طولی به میران پیشینه داشته باشد، پایداری نواحی لبه‌های سازه‌ی سرریز کاهاش محسوسی پیدا خواهد کرد.<sup>[۲۹]</sup>

برخی پژوهشگران پیشنهاد کرده‌اند که در زمینه‌ی سرریزهای گایبیونی لبه‌پهن باید مطالعات پیشتری صورت پذیرد. چانسون<sup>[۳۰]</sup> (۲۰۰۶)، بیان کرد که باید ضریب تأثیر بین جریان‌های روگذری و درون‌گذری انجام شود. در پژوهش ایشان، روابط پایه براساس روابط تجربی ارائه شده است. اگرچه رابطه‌ی برای درون‌گذری دبی درآورد و روگذری ارائه نشده است، ولی در پژوهش ایشان، دبی در حالت کلی برآورده و به پارامترهای به دست آمده از آنالیز ابعادی ربط داده شده است.<sup>[۳۱]</sup> همچنین برای درک بهتر اثر متقابل جریان‌های روگذری و درون‌گذری از سرریز از سرریز از مطالعات سرریز به دبی جداگانه‌ی عبوری از سرریز و جریان درون‌گذری استفاده و رابطه‌ی برای ارزیابی رگرسیون غیرخطی برای برآورده ضریب سرریز ارائه و ضریب مذکور به عنوان نسبتی از مقادیر دبی معرفی شده است.<sup>[۳۲]</sup>



شکل ۱. فلوم و مدل‌های آزمایشگاهی.

صفرازاده و همکاران (۲۰۱۸)، در پژوهشی با استفاده از مدل عددی به بررسی مذکور ۵۰۰ متر و ارتفاع آن ۵۰۰ میلی‌متر و دبی بیشینه‌ی آن برابر با ۳۲ لیتر بر ثانیه بوده است. برای ایجاد شرایط استغراقی مختلف، از یک دریچه‌ی لولایی در پایین دست فلوم استفاده شده است (شکل ۱).

صفرزاده و همکاران (۲۰۱۸)، در پژوهشی با استفاده از مدل عددی به بررسی مدل سرریز گابیونی پرداختند و از مدل عددی RNG استفاده کردند. درنهایت، با استفاده از بررسی نیميخ سطح آب در روی سرریز گابیونی، ضریب دبی در حالت‌های مختلف دانه‌بندی سرریز گابیونی محاسبه شده است.<sup>[۱۹]</sup> در پژوهش حاضر به استفاده از نتایج به دست آمده از مطالعه بر روی مدل‌های آزمایشگاهی و تلفیق راهکارهای مطالعات پیشین اشاره شده است. استفاده از سرریز گابیونی توسط بسیاری از پژوهشگران برای تنظیم آب در شبکه‌های آبیاری توصیه شده است. سرریز گابیونی به دلیل داشتن جریان درون‌گذری، پیش‌بینی می‌شود که نسبت به سرریزهای لبه‌پهن، عمق آب شستگی کمتری را در بستر رسوی ایجاد کند؛ از این رو بررسی مورد اخیر، یکی از اهداف پژوهش حاضر به شمار می‌آید، که به نحوی نوآوری پژوهش حاضر نیز محسوب می‌شود.

## ۲.۳. جعبه‌ی رسویها

برای کاهش میزان رسوی موردنیاز برای آماده‌سازی بستر اولیه، در بالادست و پایین دست کanal از ورقه‌های چوبی جهت بالا آوردن کف کanal استفاده شده است. همچنین با توجه به نظر ملول و چیو<sup>[۱۹۹۹]</sup>، شرایط جریان داری در رسویها برقرار است.<sup>[۲۰]</sup> از این‌رو، برای تأمین جریان داری، از گابیون‌هایی در بالادست و پایین دست رسویها استفاده شده است (شکل ۱).

## ۳. مواد و روش‌ها

در بخش کثونی، مبانی تئوری و تجهیزات آزمایشگاهی ارائه شده است.

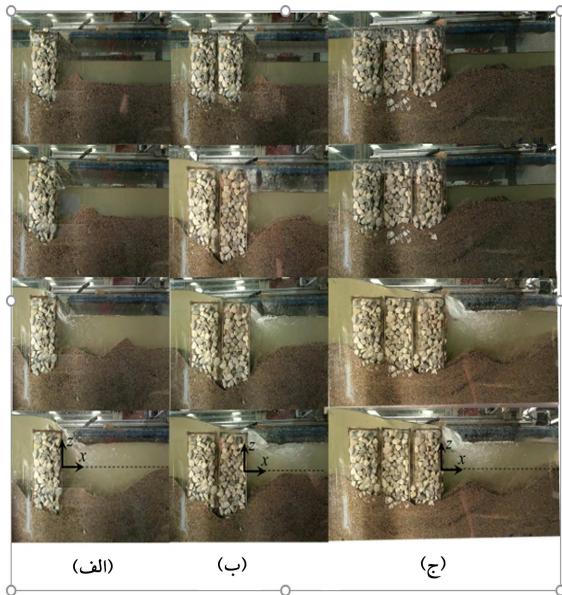
### ۱.۳. فلوم آزمایشگاهی

تعداد ۳۳ مدل سرریز لبه‌پهن گابیونی آزمایش و پارامترهای دانه‌بندی و عمق جای‌گذاری در بستر رسوی در شدت جریان‌های مختلف بررسی شده است. برای کنترل تراز عمق جریان در بالادست از یک دریچه‌ی کشویی در پایین دست کanal استفاده شده است. رسوی استفاده شده در بستر دارای قطر متوسط  $1/2$  میلی‌متر و مواد

آزمایش‌های سرریز لبه‌پهن گابیونی در فلوم آزمایشگاهی استاندارد آرم فیلد<sup>[۱۳]</sup> مدل

جدول ۱. آزمایش‌های سرریز گابیونی با بستر رسوبی.

Z	$d_{50}$	(mm)	(mm)	(mm)	ارتفاع (P)	دبی (Q)	طول (L)	دبی (Q)	مدل گابیون
									L/s
۱۰۰	۲۹/۳	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۳/۹	۱۰۰-۳۰۰	۳/۹	۱،۲،۳	
۱۰۰	۲۹/۳	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۵/۷	۱۰۰-۳۰۰	۵/۷	۴،۵،۶	
۱۰۰	۲۹/۳	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۱۷/۷	۱۰۰-۳۰۰	۱۷/۷	۷،۸،۹	
۱۰۰	۲۹/۳	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۲۸/۵	۱۰۰-۳۰۰	۲۸/۵	۱۰،۱۱،۱۲	
۱۰۰	۱۳/۱	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۳/۹	۱۰۰-۳۰۰	۳/۹	۱۳،۱۴،۱۵	
۱۰۰	۱۳/۱	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۵/۷	۱۰۰-۳۰۰	۵/۷	۱۶،۱۷،۱۸	
۱۰۰	۱۳/۱	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۱۷/۷	۱۰۰-۳۰۰	۱۷/۷	۱۹،۲۰،۲۱	
۱۰۰	۱۳/۱	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۲۸/۵	۱۰۰-۳۰۰	۲۸/۵	۲۲،۲۳،۲۴	
۲۰۰	۲۹/۳	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۳/۹	۱۰۰-۳۰۰	۳/۹	۲۵،۲۶،۲۷	
۲۰۰	۲۹/۳	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۵/۷	۱۰۰-۳۰۰	۵/۷	۲۸،۲۹،۳۰	
۲۰۰	۲۹/۳	۲۰۰	۲۰۰	۱۰۰-۳۰۰	۱۷/۷	۱۰۰-۳۰۰	۱۷/۷	۳۱،۳۲،۳۳	



(الف) طول گابیون ۱۰۰ mm، ارتفاع گابیون ۲۰۰ mm و قطر متوسط ذرات گابیون ۲۹/۳ mm

(ب) طول گابیون ۱۰۰ mm، ارتفاع گابیون ۲۰۰ mm و قطر متوسط ذرات گابیون ۲۹/۳ mm

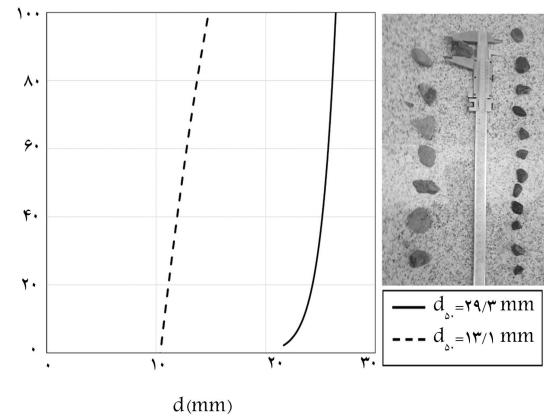
(ج) طول گابیون ۱۰۰ mm، ارتفاع گابیون ۲۰۰ mm و قطر متوسط ذرات گابیون ۲۹/۳ mm

شکل ۳. آزمایش‌های مدل سرریز گابیونی به ازاء تغییرات دبی در حالت جریان آزاد.

همچنین به دلیل مجرای بسته در درون گابیون از عدد رینولدز جریان استفاده شده است.

$$\frac{Q_{gc}}{(\sqrt{g} H^{\frac{3}{2}})} = f \left( \left[ \frac{d_{50}}{H + d_{u-m}} \right], \left[ \frac{H + d_{u-m}}{L} \right], [Re] \right) \quad (1)$$

لازم به ذکر است پارامترهای استفاده شده در رابطه ۱، در شکل ۱ نشان داده شده‌اند. همچنین  $Q_{gc}$ ، دبی تخمین زده درون گذری و  $[Re]$  عدد رینولدز است.



شکل ۲. دانه‌بندی مصالح سرریز لبه‌پهن گابیونی.

درشت‌دانه‌ی درون گابیون شامل دو نوع سنگ‌دانه با قطر متوسط ۲۹/۳ و ۱۳/۲ میلی‌متر بوده است (شکل ۲).

طول جعبه‌ی رسوبی در آزمایشگاه در حدود ۲/۸ متر در نظر گرفته شده است. فاصله‌ی سرریز گابیونی از لبه‌ی بالادست جعبه‌ی رسوبی در حدود ۱/۵ متر و از لبه‌ی پایین دست ۱/۳ متر در نظر گرفته شد. همچنین جهت جلوگیری از شسته شدن رسوب‌ها در لبه‌ی بین جعبه‌ی رسوبی و کف چوبی نصب شده در بالادست و پایین دست از گابیونی به ضخامت ۲۰ سانتی‌متر استفاده شده است که علاوه بر مزیت یاد شده، طبق نتایج مطالعه‌ی ملولین و چیود (۱۹۹۹)، جریان نشست در محیط رسوبی را نیز تا حد قابل قبول تأمین می‌کند.<sup>[۲۰]</sup> این امر باعث می‌شود که جریان عبوری در درون رسوب‌ها تا حد قابل قبولی تأثیر خود را در پروسه‌ی آب‌شستگی بگذارد که در طبیعت نیز پارامتر مذکور وجود دارد.

#### ۴.۳. آزمایش‌های مدل سرریز گابیونی

در مجتمعه‌ی آزمایش‌های انجام شده، مدل‌های سرریز گابیونی به صورت جعبه‌های آماده در اندازه‌های مختلف تولید و سپس درون کاناال برای فرایند آزمایش‌ها قرار گرفته و به ازاء یک دانه‌بندی دبی معین جریان در کاناال برقرار شده است. به ازاء دانه‌بندی‌های در نظر گرفته شده در جدول ۱، دبی‌های مشخصی در کاناال، جریان داده شده است.

محدوده‌ی دبی استفاده شده در پژوهش حاضر در جدول ۱ درج شده است. آزمایش‌ها در شرایط جریان آزاد، از طریق تصویربرداری پروفیل سطح آب ثبت و سپس با تغییر دبی، شرایط سرریز گابیونی و گودال آب‌شستگی پایین دست به ازاء شرایط هیدرولیکی ارزیابی شده است. روند اخیر برای کلیه مدل‌های مختلف در جدول ۱ ارائه شده است. همچنین، در شکل ۳، روند پروفیل سطح آب و تغییرات تراز بستر به ازاء افزایش دبی در شرایط مختلف سرریز گابیونی مشاهده می‌شود.

#### ۵. آنالیز ابعادی

به منظور تخمین دبی درون گذری، میزان دبی درون گذری به صورت تابعی از پارامترهای بی‌بعدی که در رابطه ۱ به آن‌ها اشاره شده، در نظر گرفته شده است. شایان ذکر است، پارامترهای هیدرولیکی مربوط به هندسه‌ی گابیون، مانند: طول، ارتفاع و دانه‌بندی گابیون به عنوان پارامترهای تأثیرگذار در براورد دبی درون گذری تعیین شده‌اند.

سطح آب و عمق آب شستگی بستر مشاهده می‌شوند. برای سنجش عمق مناسب رسوب‌های بستر در آزمایش‌ها، میران عمق آب شستگی ارزیابی شده است. لازم به ذکر است با توجه به نظر مولوی و همکاران،<sup>[۱۰]</sup> زمان بیشینه‌بی برای ایجاد شرایط تعادل گودال آب شستگی، در حدود ۶ ساعت مدنظر قرار گرفت، و پروفیل‌ها با به تعادل رسیدن تقریبی بستر از طرق تصویربرداری برداشت شدند. آنگاه با استفاده از دیجیتایز کردن تصاویر برداشته، نمودارهای موردنظر ترسیم شدند. روش برداشت نیمچه سطح آب و بستر رسوب‌ها بعد از پایدار شدن، بدین صورت بود که دوربینی با کیفیت ۴۸ مگاپیکسل در رویرسی تاج سریز و با کادر مشخصی در زمان انتهایی، تصویری را تهیه می‌کرد. با استفاده از نرم افزار پلات دیجیتایز می‌توان با درنظر گرفتن سه نقطه، که طول و عرض آن‌ها از مبدأ فرضی (۰،۰) (در پژوهش حاضر محل تلاقی خط رسوه‌ها و وجه پایین دست سریز گابیونی در نظر گرفته شده است) مشخص است، نیمچه سطح آب و رسوب‌ها را به صورت نقطه به نقطه ترسیم کرد. از آنجا که یک عدد متر در طول و ارتفاع کادر عکس برداری روی شیشه‌ی کانال آزمایشگاهی نصب شده بود، با کالیبراسیون تصویر در نرم افزار یاد شده، می‌توان با دقت قابل قبولی یک میلی‌متر پروفیل رسوب‌ها را ترسیم کرد. همچنین برای بالا بردن دقت در آزمایش‌ها، پروفیل دو بعدی سطح آب شسته شده رسوه‌ها در پایین دست سریز گابیونی در شبکه‌ی ۱ × ۱ سانتی‌متر برداشت شد. مقایسه‌های اولیه نشان داد دو روش یاد شده، نتایج تقریباً یکسانی دارند. مزیت استفاده از تصویر این است که در زمان استفاده از پوینت‌گیج، احتمال به هم خوردن تعادل بستر رسوی وجود دارد، در حالی که در روش استفاده از تصویر، مورد اخیر بطرف می‌شود.

### ۳.۴. دبی درون‌گذر

به منظور برآورد میزان دبی درون‌گذر با استفاده از آنالیز ابعادی، اعداد بی بعد با توجه به شکل (۱) (ب) و با استفاده از روش پایی باکینگهام به فرم رابطه‌ی ۱ به دست آمدند. با توجه به داده‌های آزمایشگاهی برگرفته از شکل‌های ۵ الی ۷، مقادیر اعداد مذکور محاسبه شدند و سپس با استفاده از روش رگرسیون غیرخطی، رابطه‌ی برای برآورد دبی درون‌گذرنی به دست آمد. داده‌های اطلاعاتی به کار رفته در تولید مدل دبی فقط مربوط به حالت درون‌گذرنی جریان بوده و جریانی از روی سریز وجود نداشته است.

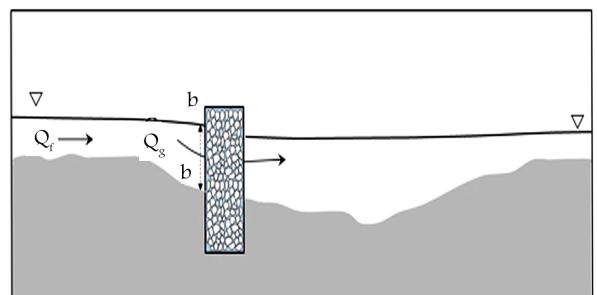
$$\frac{Q_{gc}}{\sqrt{g} H^{\frac{5}{4}}} = f \left( \left[ \frac{d_5}{H + d_{u-m}} \right], \left[ \frac{H + d_{u-m}}{L} \right], [\text{Re}] \right) \quad (2)$$

$$\frac{Q_{gc}}{\sqrt{g} H^{\frac{5}{4}}} = 10^{10} \left( \left[ \frac{d_5}{H + d_{u-m}} \right]^{0.4}, \left[ \frac{H + d_{u-m}}{L} \right]^{0.5}, [\text{Re}]^5 \right) \quad (3)$$

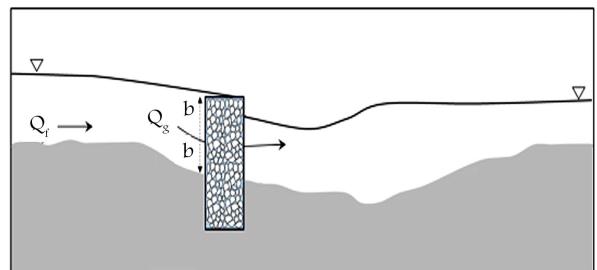
رابطه‌ی ۲ برای مبنای گروه‌های بدون بعد و رابطه‌ی ۱، معادله‌ی غیرخطی برای دبی درون‌گذرنی استخراج شده است. مقادیر حاصل از رابطه‌ی اخیر با نتایج آزمایشگاهی در شکل ۸ مشاهده می‌شود.

### ۴. دبی روگذر

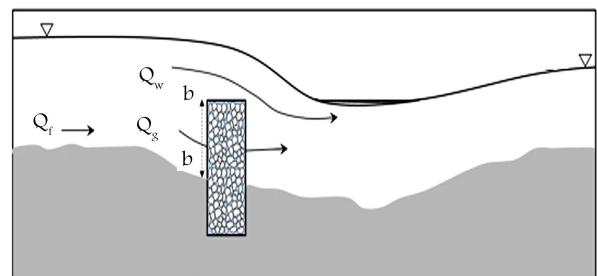
در آزمایش‌های سریز گابیونی، آزمایش‌هایی که در آن جریان روگذر وجود داشت، با اندازه‌گیری دبی بالا دست سریز و مقدار دبی درون‌گذرنی از رابطه‌ی ۱ تعیین شده است. برای برآورد دبی روگذر، معادله‌ی دبی سریز لبه‌پهن محسوبه شده است. رابطه‌ی ۳، مقدار دبی کل را



الف) عبور جریان از بخشی از گابیون؛



ب) عبور جریان از کل گابیون؛



ج) عبور جریان از درون و روی سریز گابیونی.

شکل ۴. دسته‌بندی جریان عبوری از درون و روی سریز گابیونی.

## ۴. نتایج و بحث

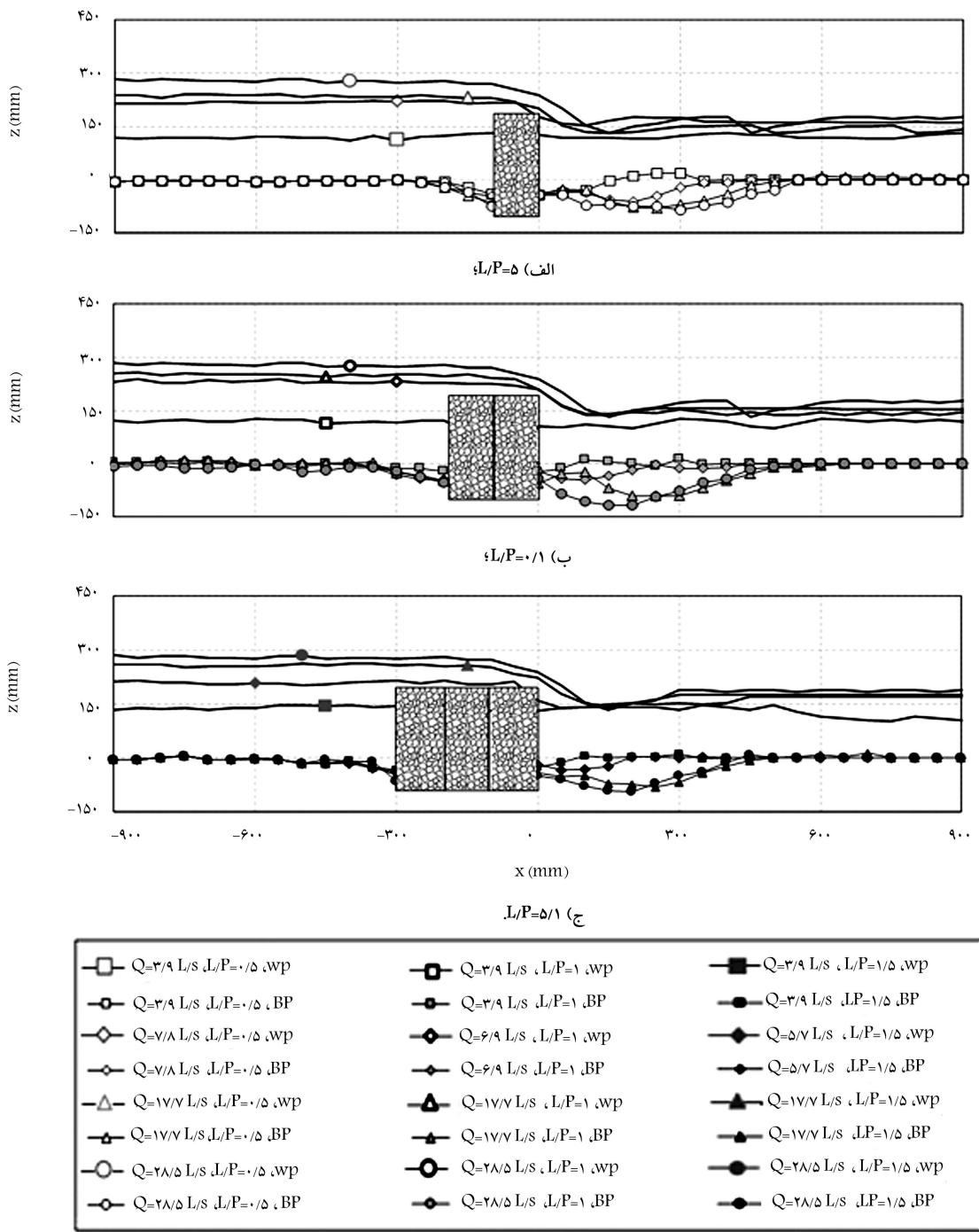
در بخش حاضر، ابتدا به تجزیه و تحلیل نتایج به دست آمده از آزمایش‌های هیدرولیکی، شامل ضریب دبی در حالت آزاد پرداخته شده است. در ادامه، به برآورد دبی عبوری از سریز گابیونی در حالت‌های مختلف هیدرولیکی پرداخته شده است. در انتها، نتایج حاصل از گودال آب شستگی و روابط تخمین آن، تجزیه و تحلیل شده است.

### ۴.۱. جریان روی سریز گابیونی

با توجه به نمادهای شکل ۱، شرایط جریان عبوری از درون و روی سریز گابیونی به سه دسته‌ی کلی تقسیم شده می‌شود: ۱. عبور جریان از بخشی از بدنه‌ی سریز گابیونی ( $H < P$ ) (شکل ۴ (الف)); ۲. عبور جریان از کل سریز گابیونی ( $P < H$ ) (شکل ۴ (ب)); ۳. عبور جریان از درون و روی سریز گابیونی ( $H > P$ ) (شکل ۴ (ج)). به ازاء موارد ذکر شده، دبی عبوری از سریز با استفاده از روابط تجربی و آماری تخمین زده شده است.

### ۴.۲. آزمایش‌های سریز گابیونی

در شکل‌های ۵ الی ۷، نتایج به دست آمده از آزمایش‌ها (جدول ۱) برای پروفیل



شکل ۵. پروفیل سطح آب و رسوب‌های سریزگابیونی در بسترهای سریز لبه‌پهن به ازاء ارتفاع ( $Z = 100$  mm) و قطر متوسط  $29/3$  میلی‌متر.

می‌توان دبی روگذر را محاسبه کرد. با محاسبه‌ی دبی روگذر می‌توان مقدار ضریب دبی آزمایشگاهی را محاسبه کرد. با استفاده از روابط تجربی و ارتباط ضریب دبی آزمایشگاهی به پارامترهای هیدرولیکی درنهایت رابطه‌ی برای محاسبه‌ی ضریب دبی ارائه شده است. با این حال، می‌توان دبی روگذر را از رابطه‌ی ۴ و به کارگیری ضریب دبی مطابق معادله‌ی ۵ محاسبه کرد.

$$C_D = -9/4 \left[ \frac{d_{50}}{P} \right]^{1/4} - 0/67 \left[ \frac{h_o}{L} \right]^{1/4} + 1/27 \quad (6)$$

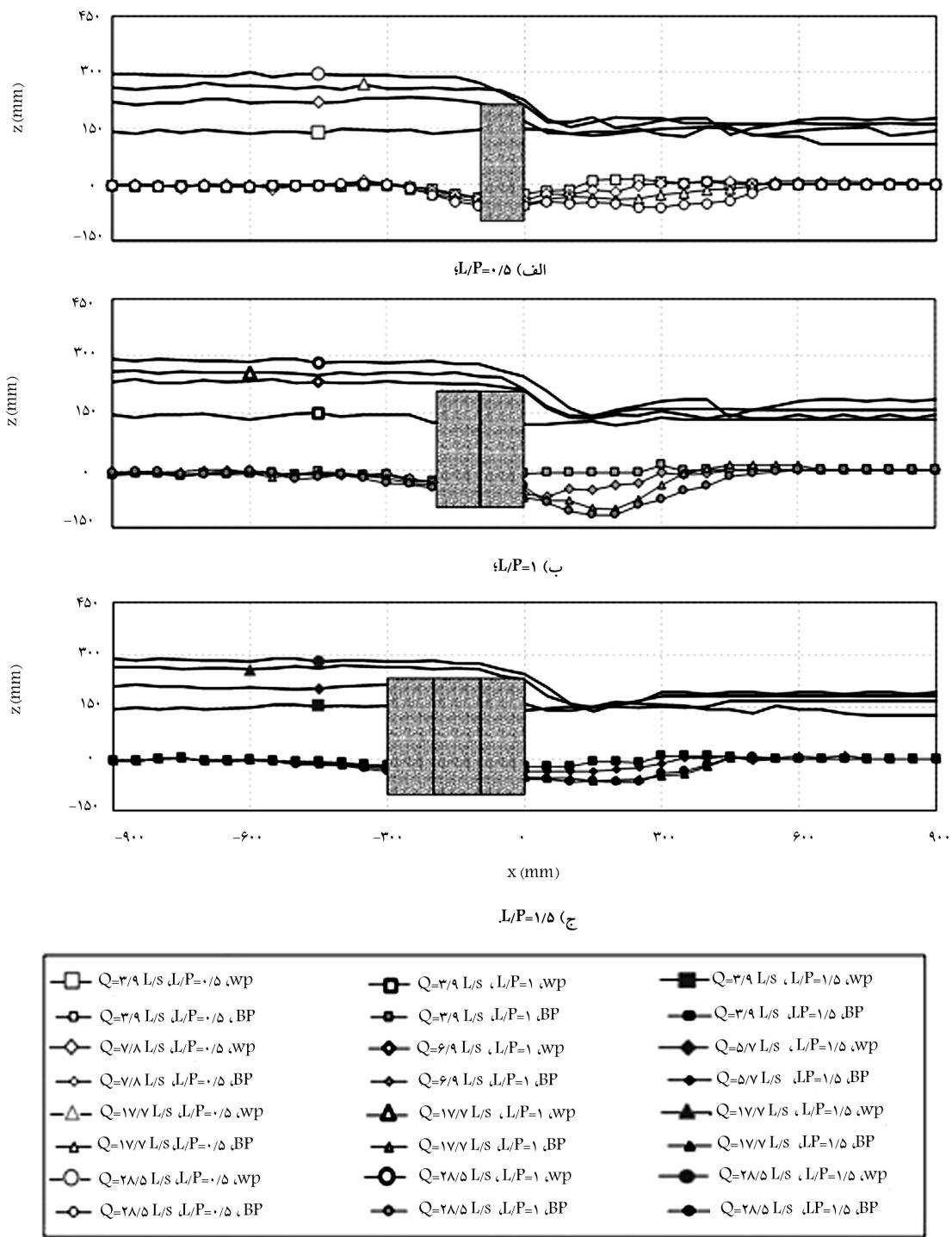
نشان می‌دهد.  $Q_g$  دبی درونگذر و  $Q_w$  به عنوان دبی روگذر است.

$$Q_f = Q_g + Q_w \quad (4)$$

همچنین برای محاسبه‌ی دبی سریز لبه‌پهن می‌توان رابطه‌ی ۴ را نوشت:<sup>[۱۶]</sup>

$$Q_w = \sqrt{\frac{\lambda g}{15}} C_d B H^{1/5} \quad (5)$$

که در آن،  $C_d$  ضریب دبی سریز لبه‌پهن گابیونی و همچنین  $B$  نمایانگر عرض کanal آزمایشگاهی است. با برقراری رابطه‌های ۳ و ۴، و همچنین محاسبه‌ی دبی درونگذر



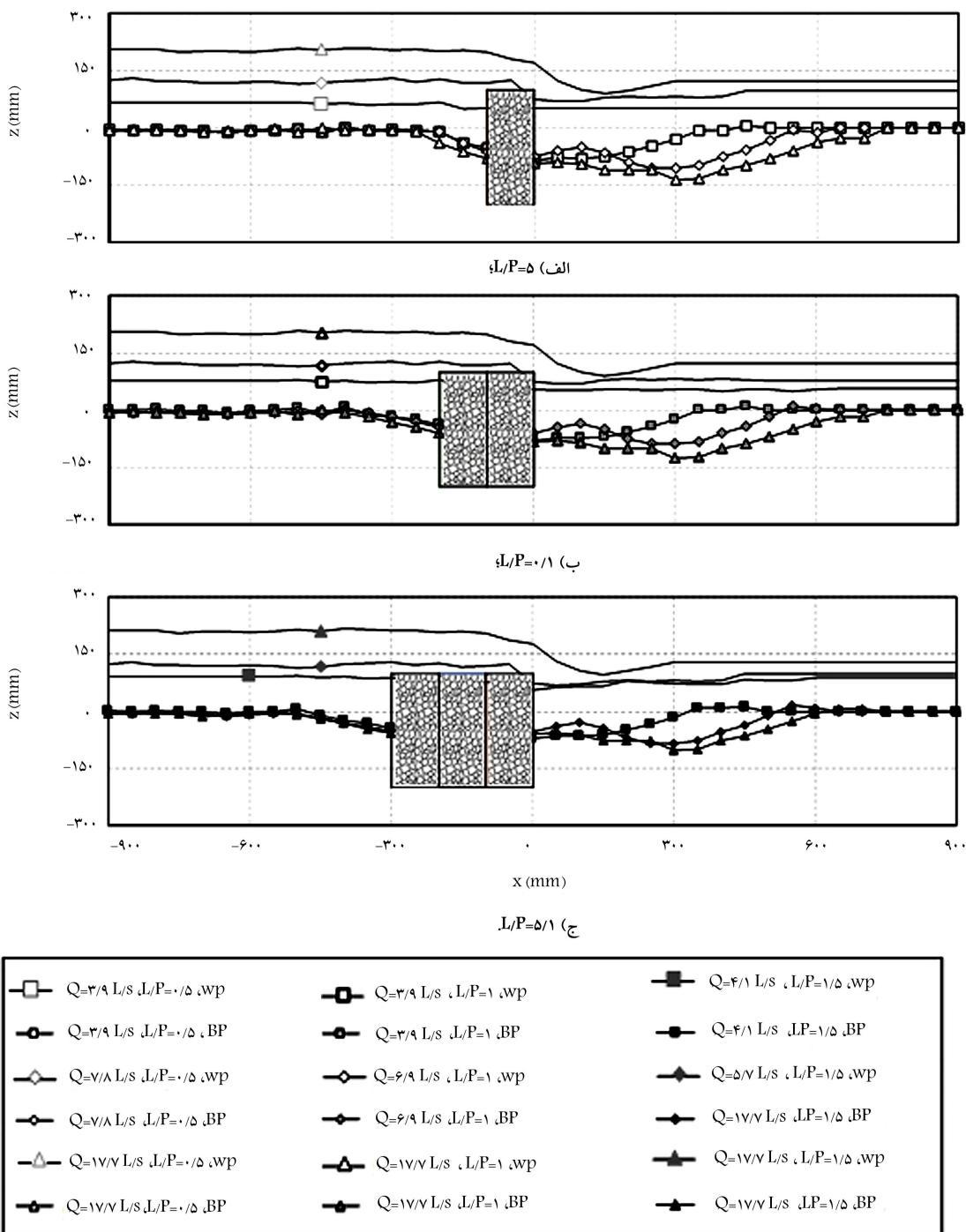
شکل ۶. پروفیل سطح آب و رسوب‌های سرریزگابیونی در بستر رسوی به ازاء ارتفاع ( $Z = 200 \text{ mm}$ ) و قطر متوسط  $29/3$  میلی‌متر.

که در آن،  $C_D$  ضریب دبی محاسباتی برای سرریزگابیونی است. همچنین سایر روش دیگری نیز بررسی شد که در ادامه به آن پرداخته شده است.

پارامترها در شکل ۱ نشان داده شده‌اند. برای ارزیابی روابط ارائه شده، دبی آزمایشگاهی با دبی محاسبه شده مقایسه شده (شکل ۹) و نتایج آن نشان داده است که روند ارائه شده برای برآورد ضریب دبی در دبی‌های پایین، به مرتبه دقت بالاتری نسبت به دبی‌های بیشتر با ارتفاع آب روی سرریزگابیونی، دبی درون‌گذرهای پیدا کرده است، و به نحوی رابطه‌ی ۲ دارای مقداری خطاست. لذا برای برآورد دبی روگذر،

#### ۵.۴. دبی درون‌گذرهای دارسی و یسباخ

در حالت کلی، مقدار افت انرژی در لوله‌ها از معادله‌ی دارسی مطابق رابطه‌ی ۶ محاسبه می‌شود. باید توجه داشت که رابطه‌ی اخیر برای لوله‌ها کاربرد دارد، اما به نحوی می‌توان خلل و فرج درون‌گابیون را به تعداد زیادی لوله در نظر گرفت. بدین



شکل ۷. پروفیل سطح آب و رسوب‌های سربزیگابیونی در بستر رسوبی به ازاء ارتفاع ( $Z = 100 \text{ mm}$ ) و قطر متوسط  $13/1 \text{ میلی‌متر}$ .

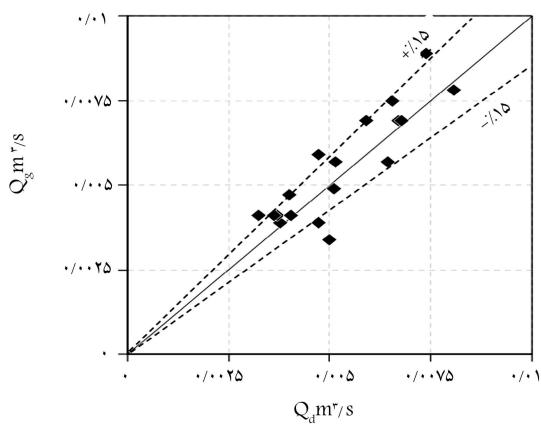
صورت می‌توان رابطه‌ی دارسی را به پارامترهای هیدرولیکی گاییون از جمله تخلخل، درنظر گرفتن روابط ۷ الی ۹، می‌توان رابطه‌ی دارسی ویسیاخ را به صورت دیگری بازنویسی کرد. همچنین می‌توان سرعت را به عنوان سرعت سطحی که با استفاده از روش جسم شناور قابل محاسبه است، به رابطه‌ی ۶ اضافه کرد:

$$f_P = f \left( \frac{n^{C_1}}{d_{\delta}^{\alpha}} \right) \quad (8) \quad h_f = f \frac{L_P}{D_P} \frac{V^2}{2g} \rightarrow Q_d = \sqrt{\frac{h_f D_P 2g A^2}{f L_P}} \quad (7)$$

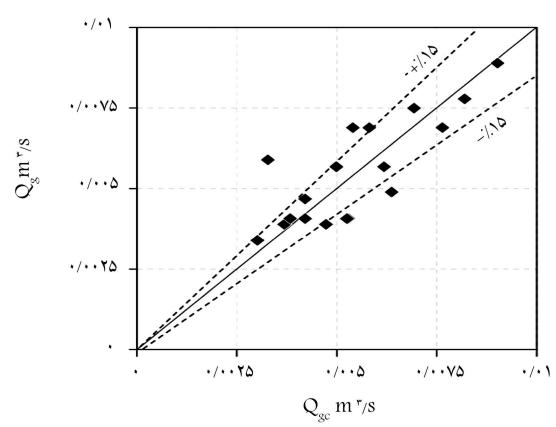
که در آن، نمایه‌ی  $P$ ، معادله‌ی دارسی ویسیاخ در حالت لوله است. بدین صورت اگر پارامترهای معادله‌ی دارسی به نحوی به پارامترهای هیدرولیکی نسبت داده

$$L_P = C_1 L^{C_1} d_{\delta}^{C_1} \quad (9) \quad D_P = n^{C_2} d_{\delta}^{C_2} \quad (10)$$

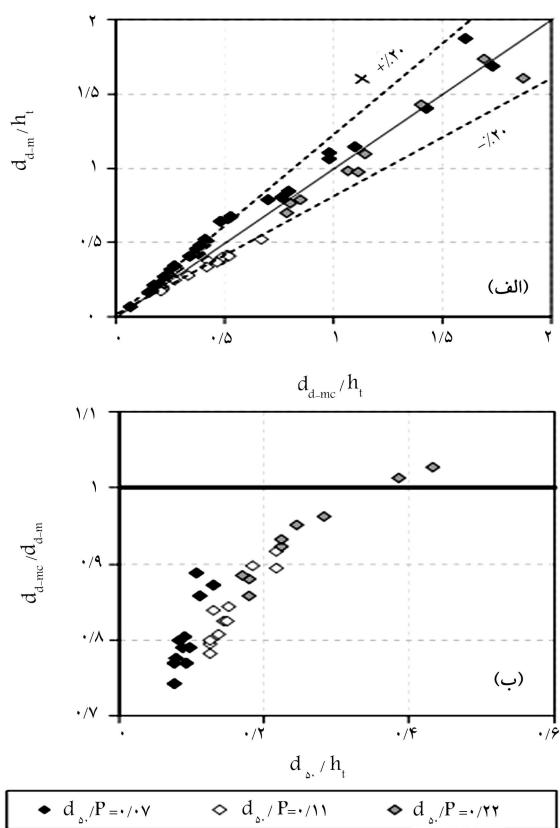
شوند، با استفاده از معادله‌ی ۶ می‌توان میزان دبی درون‌گذر را برآورد کرد. از این‌رو با



شکل ۱۰. برآورد خطای دبی محاسباتی درونگذری از رابطه ۱۰ و دبی واقعی برای سریزگابیونی.



شکل ۸. مقایسه دبی درونگذری محاسباتی با مقادیر آزمایشگاهی.

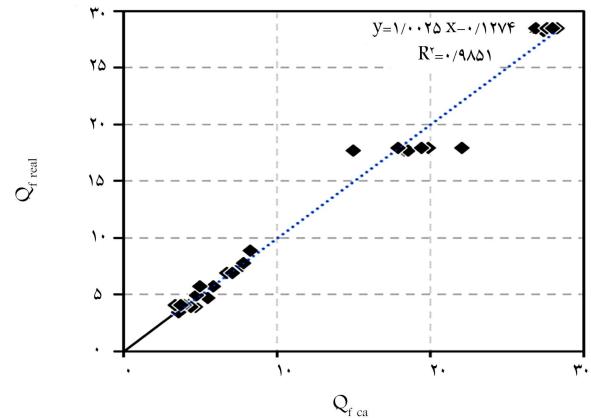


شکل ۱۱. برآورد خطای عمق آب شستگی از رابطه ۱۱ و مقادیر واقعی.

نوع ذرات بستگی دارد.<sup>[۱]</sup> در پژوهش حاضر، مقدار سرعت بحرانی برای ماسه‌ی یکنواخت در حدود ۰/۲۶ متر بر ثانیه در نظر گرفته شده است. درنهایت میزان عمق آب شستگی از رابطه ۱۱ قبل تخمین است. همچنین میزان خطای رابطه ۱۱ با توجه به اطلاعات آزمایشگاهی، در حدود قابل قبولی برآورد شد، که در شکل ۱۱ مشاهده می‌شود.

$$\frac{d_{d\_mc}}{h_t} = \left( \frac{z}{h_t} \right)^{0.95} \left( \frac{d_{d\_m}}{h_t} \right)^{0.1} \left( \frac{V_o}{V_c} \right)^{0.1} \quad (11)$$

در شکل (۱۱الف)، اندیس  $c$  نمایانگر مقدار محاسباتی است. همچنین در شکل (۱۱ب) مشاهده می‌شود که به ازاء افزایش مقدار متوسط ذرات، دقت



شکل ۹. مقایسه دبی کلی سریزگابیونی با روش محاسباتی ( واحد لیتر بر ثانیه است).

که در آنها، تخلخل گاییون و همچنین پارامترهای  $C_1$  تا  $C_4$  ضرایب معادله هستند و با جایگذاری روابط اخیر و همچنین قرار دادن مقادیر آزمایشگاهی، درنهایت معادله Matheematical به دست آمده ارزیابی شده است. برای تخمین ضرایب از نرم افزار مذکور در نرم افزار بدین صورت استفاده شده است. نحوه بدهست آوردن ضرایب مذکور در نرم افزار بدین تخمین است که مقادیر هیدرولیکی در معادله قرار می‌گیرند و به ازاء آنها، بهترین تخمین برای ضرایب در نرم افزار برآورد می‌شود.<sup>[۱۶]</sup> درنهایت رابطه ۱۰، برای تخمین دبی روگذری ارائه شده است:

$$Q_d = \frac{n^{2/45}}{d_5} L d_5 \frac{V^4}{2g} \rightarrow Q_d = 120 \frac{n^{2/45}}{d_5} L \frac{V^4}{2g} \quad (11)$$

درنهایت در شکل ۱۰، مقایسه بین دبی درونگذر محاسبه شده از رابطه ۱۰ و مقادیر آزمایشگاهی مشاهده می‌شود که مطابق آن، به مرتب رابطه ۱۰ نسبت به رابطه ۲، پراکنده‌گی کمتری در تخمین میزان دبی دارد.

#### ۴.۶. تخمین میزان گودال آب شستگی

همچنین در ادامه‌ی پژوهش حاضر، با درنظر گرفتن ایده‌ی مطالعات پیشین از جمله مطالعات گوان و همکاران،<sup>[۱۱]</sup> رابطه ۱۱ برای برآورد میزان عمق پیشنهایی آب شستگی در پایین دست سریز لبه‌پهن گاییونی ارائه شده است که در آن  $V$  و  $V_c$  به ترتیب متوسط سرعت و سرعت بحرانی ذرات و رسوب‌های بستر هستند. پارامتر اول از روابط ارائه شده اخیر به دست می‌آید. همچنین سرعت بحرانی به

## ۷.۴ مقایسه‌ی بیشینه‌ی عمق آب‌شستگی با دیگر مطالعات

در شکل ۱۲، مقایسه‌ی نتایج بدست آمده از بیشینه‌ی عمق آب‌شستگی در پایین دست سرریزگابیونی با درنظر گرفتن عدد فرود، با نتایج مطالعات سایر پژوهشگران در زمینه‌ی سرریزهای لبه‌تیز مشاهده می‌شود که مطابق آن، به ازاء استفاده از سرریزگابیونی، به مراتب عمق آب‌شستگی کمتری در حالت جریان آزاد به وجود آمده است. همچنین، با بحرانی تر شدن جریان، میزان عمق آب‌شستگی در پایین دست افزایش پیدا کرده است. لازم به ذکر است روابط بیشینه‌ی عمق آب‌شستگی دیگر مدل‌ها از جدول ۲ در نوشتار گوان و همکاران (۲۰۱۶)،<sup>[۱۱]</sup> استخراج شده است.

## ۵. نتیجه‌گیری

خلاصه‌ی یافته‌های بدست آمده از پژوهش حاضر را می‌توان در چند مورد بیان کرد:

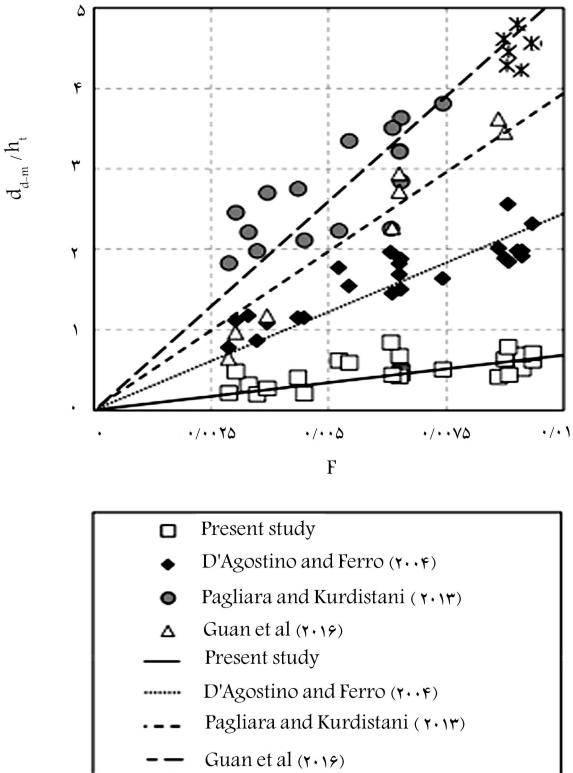
۱. اگر عمق جریان در بالادست سرریز برابر با  $h$  و ارتفاع سرریز از کف برابر با  $p$  باشد، حالت‌های مختلف ( $p, h = p, h < P, h > P$ ) جریان در یکی از سه حالت اخیر رخ می‌دهد که در هر حالت، خصوصیات جریان درون‌گذر و روگذر در یکدیگر اثر متقابل دارند و درنهایت، در ضریب دبی عبوری از سرریز تأثیرگذار هستند.

۲. با استفاده از روش رگرسیون غیرخطی و اعداد بی بعد بدست آمده از تحلیل ابعادی، روابطی برای برآورد دبی جریان در حالت روگذر و درون‌گذر ارائه شده است. ارزیابی دقت روابط حاصل از طریق مقایسه با داده‌های آزمایشگاهی صورت گرفته و نتایج مقایسه‌های انجام شده نشان داده است که روابط ارائه شده با خطای حدود ۱۷٪ می‌توانند در برآورد جریان درون‌گذر و روگذر از گابیون کاربرد داشته باشند.

۳. به دلیل کاهش میزان دقت برآورد دبی درون‌گذر سرریزگابیونی در زمان روگذری، با تمهیداتی از رابطه‌ی دارسی - ویساخ برای برآورد دبی استفاده شده و نتایج نشان داده است که رابطه‌ی مذکور دقت مناسب و بهتری نسبت به روابط بر پایه‌ی تجربی دارد.

۴. نتایج عمق آب‌شستگی بیشینه در پایین دست سرریزگابیونی عریض نشان داد که به ازاء استفاده از سرریزگابیونی در کanal با بستر رسوی، عمق آب‌شستگی در پایین دست سرریز در حالت جریان آزاد به مراتب کمتر از سرریز لبه‌تیز مستطیلی است. این امر به دلیل جریان درون‌گذر در گابیون و کاهش قدرت جت فرورونده در پایین دست بوده است.

۵. با استفاده از داده‌های مربوط به نتایج گودال آب‌شستگی، رابطه‌ی برآورد میزان عمق گودال آب‌شستگی ارائه شده و بررسی‌ها نشان داده است که به ازاء افزایش قطر متوسط ذرات، رابطه‌ی مذکور، دقت بیشتری پیدا کرده است.



شکل ۱۲. مقایسه‌ی عمق آب‌شستگی پایین دست سرریزگابیونی لبه‌پهن با دیگر مطالعات انجام شده.<sup>[۲۲ و ۳۱، ۱۱]</sup>

رابطه افزایش پیدا کرده و برای مقادیر  $h = \frac{P}{F}$ ، دقت بیشتری داشته است در حالت کلی باید از روش ملوب برای برآورد سرعت بحرانی رسوی‌ها استفاده کرد. باید توجه داشت که به دلیل برخورد جت روی سرریز با بستر پایین دست، همواره سرعت جریان از سرعت بحرانی ماسه بیشتر می‌شود. از این رو همواره آب‌شستگی در پایین دست سرریز رخ خواهد داد. باید در نظر داشت که جریان بر روی سرریز در حالت استغراق قرار داده شود، سرعت بحرانی ذرات بستر به عملت کم بودن سرعت جریان و استهلاک جت فرورونده در پایین دست سرریز گابیونی که به عملت عمق جریان اعمال شده است، اهمیت پیدا می‌کند. همچنین در صورتی که سرعت برشی جریان از سرعت بحرانی کمتر شود، رسوی‌های کف بستر پایدار خواهند ماند و آب‌شستگی رخ نخواهد داد. باید در نظر داشت که جریان در آزمایش‌های انجام شده آزاد بوده و همواره آب‌شستگی رخ داده است. در پژوهش‌های گوان و همکاران (۲۰۱۶-۲۰۱۴)، نیز به موارد ذکر شده کاملاً توجه شده است.<sup>[۱۲-۱۰]</sup>

$$\frac{d_{d-mc}}{h_t} = \left(\frac{z}{h_t}\right)^{0.95} \left(\frac{d_0}{h_t}\right)^{0.1} \left(\frac{U_o}{U_c}\right)^{0.1} \quad (13)$$

## پانوشت‌ها

1. Kells
2. Rockfill

3. Hager& Schwalt
4. Wu & Rajaratnam
5. Leu
6. Sargison & Percy
7. Guan

8. deeply submerged
9. impinging jet
10. Michioku
11. Rubble-mound
12. Chanson
13. Armfield
14. Lakehead
15. Melville & Chiew

## منابع (References)

1. Kells, J.A. "Reply on discussion of spatially varied flow over rockfill embankments", *Can. J. Civ. Eng.*, **21**, pp. 163-166 (1994).
2. Hager, W.H. and Schwalt, M. "Broad-crested weir", *J. Irrig. Drain. Eng.*, **120**(1), pp. 13-26 (1994).
3. Wu, S. and Rajaratnam, N. "Submerged flow regimes of rectangular sharp-crested weirs", *ASCE, J. Hydr. Eng.*, **122**(7), pp. 412-414 (1996).
4. Wu, S. and Rajaratnam, N. "Impinging jet and surface flow regimes at drop", *IAHR, J. Hydr. Res.*, **36**(1), pp. 69-74 (1998).
5. Leu, J.M., Chan, H.C. and Chu, M.S. "Comparison of turbulent flow over solid and porous structures mounted on the bottom of a rectangular channel", *Flow Meas. Instrum.*, **19**(6), pp. 1-7 (2008).
6. Sargison, J.E. and Percy, A. "Hydraulics of broad-crested weirs with varying side slopes", *J. Irrig. Drain.*, **135**(1), pp. 115-118 (2009).
7. Mohamed, H. "Flow over gabion weirs", *J. Irrig. Drain Eng.*, **136**(8), pp. 573-577 (2010).
8. Mohammadpour, R., Ghani, A.A. and Azamathulla, H.M. "Numerical modeling of 3-D flow on porous broad crested weirs", *Applied Mathematical Modelling*, **37**(22), pp. 9324-9337 (2013).
9. Khatibi, R., Salmasi, F., Ghorbani, M.A. and et al. "Modelling energy dissipation over stepped-gabion weirs by artificial intelligence", *Water Resources Management*, **28**(7), pp. 1807-1821 (2014).
10. Guan, D., Melville, B.W. and Friedrich, H. "Flow patterns and turbulence structures in a scour hole downstream of a submerged weir", *ASCE, Journal of Hydraulic Engineering*, **140**(1), pp. 68-76 (2014).
11. Guan, D., Melville, B. and Friedrich, H. "Local scour at submerged weirs in sand-bed channels", *Journal of Hydraulic Research*, **54**(2), pp. 172-184 (2016).
12. Guan, D., Melville, B.W. and Friedrich, H. "Live-Bed Scour at Submerged Weirs", *J. Hydraulic Eng.*, **141**(2), pp. 04014071-12 (2015).
13. Azimi A.H., Rajaratnam, N. and Zhu, D. "Submerged flows over rectangular weirs of finite crest length", *ASCE, Journal of Irrigation and Drainage Eng.*, **140**(5), pp. 06014001-12 (2014).
14. Michioku, K., Maeno, S., Furusawa, T. and et al. "Discharge through a permeable rubble mound weir", *J. Hydraul. Eng.*, **31**(1), pp. 1-10 (2005).
15. Azimi, A.H., Rajaratnam, N. and Zhu, D.Z. "Water surface characteristics of submerged rectangular sharp-crested weirs", *ASCE, J. Hydraul. Eng.*, **142**(5), pp. 06016001-9 (2016).
16. Michioku, K., Takehara, K. and Etoh, T. "An experimental study on flow field in and around rubble mound river structures", *Journal of Hydroscience and Hydraulic Engineering*, **25**(2), pp. 37-45 (2007).
17. Chanson, H. "Discussion of discharge through a permeable rubble mound weir", by Kohji Michioku, Shiro Maeno, Takaaki Furusawa, and Masanori Haneda, *Journal of Hydraulic Engineering*, **132**(4), pp. 432-433 (2006).
18. Salehi, S. and Azimi, A.H. "Discharge characteristics of Weir-Orifice and Weir-Gate structures", *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*, **145**(11), pp. 04019025 (2019).
19. Safarzadeh, A. and Mohajeri, S.H. "Hydrodynamics of rectangular broad-crested porous weirs", *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*, **144**(10), pp. 04018028 (2018).
20. Melville, B.W. and Chiew, Y.M. "Time scale for local scour at bridge piers", *Journal of Hydraulic Engineering*, **125**(1), pp. 59-65 (1999).
21. Bijankhan, M. and Kouchakzadeh, S. "Unified discharge coefficient formula for free and submerged triangular labyrinth weirs", *Flow Measurement and Instrumentation*, *JFMI*1346 (2017).
22. D'Agostino, V. and Ferro, V. "Scour on alluvial bed downstream of grade-control structures", *Journal of Hydraulic Engineering*, **130**(1), pp. 24-37 (2004).
23. Pagliara, S. and Kurdistani, S.M. "Scour downstream of cross-vane structures", *Journal of Hydro-Environment Research*, **7**(4), pp. 236-242 (2013).