

# استخراج ویژگی مقاوم به نویز با تعمیم رابطه‌ی همبستگی در حوزه‌ی بسامد

سید امیرحسین اصفهانی (دانشجوی دکتری)

هاشم شریعت‌مقدمه<sup>\*</sup> (استاد)

علیرضا انتظامی (دانشجوی پسا دکتری)

دانشکده‌ی فنی و مهندسی عمران، دانشگاه فردوسی مشهد

مهمنگی: عمان شرف، (ارضستان ۱۴۰) دری ۲ - ۳، شماره ۲/۳، ص. ۵-۶، (پژوهشی)

شناسایی آسیب در سیگنال‌های با ابعاد بالا، بسیار پیچیده و زمانبر است. در صورتی که سیگنال‌های مذکور تحت تأثیر تحریکات نویزی خارجی قرار گرفته باشند، استفاده از آن‌ها موجب بروز عدم قطعیت در ویژگی‌های استخراج شده از آسیب می‌شود. در نوشتار حاضر، با استفاده از تحلیل سری زمانی، تابع مشخصه‌ی سیگنال محاسبه شده است. سپس با تعمیم رابطه‌ی همبستگی در حوزه‌ی بسامد، یک ویژگی حساس به آسیب که مقداری مختلط است، استخراج شده است. با محاسبه‌ی زاویه‌ی ویژگی به دست آمده، آسیب سازه قابل تشخیص است. همچنین، مکان آسیب با مطالعه‌ی بخش حقیقی ویژگی به راحتی تعیین می‌شود. به نظر ارزیابی توانایی‌های ویژگی نوین در شناسایی آسیب، یک سازه‌ی واقعی همچون پل S10 آزمایش شده است. نتایج به دست آمده در بخش‌های تشخیص و تعیین مکان آسیب با نتایج به دست آمده، توانایی‌های ویژگی استخراج شده را در حل چالش‌های شناسایی آسیب، یعنی داده‌های حجمی و تحریک‌های نویزی خارجی نشان می‌دهند.

esfehani@mail.um.ac.ir  
shariatmadar@um.ac.ir  
alireza.ezami@polimi.it

واژگان کلیدی: پایش سلامت سازه‌ها، ویژگی حساس به آسیب، تابع مشخصه‌ی بسامدی، ضریب همبستگی، نویز.

## ۱. مقدمه

ویژگی‌های ذاتی و دینامیکی سازه‌ی مورد پایش است. سادگی پیاده‌سازی و حساسیت بخش‌های مختلف مدل به آسیب، از مزایای روش پردازش سیگنال مذکور است.<sup>[۱۲]</sup> از طریق روش تحلیل سری زمانی، مدل‌های مختلفی برای یک سیگنال به دست می‌آید، که پرکاربردترین آن‌ها، عبارت‌اند از: مدل رگرسیون خودکار<sup>(۱)</sup> (AR)، مدل رگرسیون خودکار با محرک خروجی<sup>(۲)</sup> (ARX)، مدل رگرسیون خودکار با میانگین متحرک<sup>(۳)</sup> (ARMA) و مدل رگرسیون خودکار با میانگین متحرک و محرک خروجی<sup>(۴)</sup> (ARMAX). پس از آن‌که مدل مناسب برای یک سیگنال تعیین شد، پارامترهای مدل و باقیمانده‌ی آن که در بردارنده‌ی ویژگی‌های دینامیکی سیگنال مرتبط هستند، محاسبه می‌شوند.<sup>[۱۳]</sup> انتظامی و همکاران (۲۰۱۹)، با بهره‌گیری از روش تحلیل پردازش سیگنال، اولین بخش از یک روش پایه‌ی داده است، که در آن سیگنال سری زمانی، سیگنال‌های پاسخ سازه را پردازش کردن و با استفاده از باقیمانده‌های مدل، یک روش شناسایی آسیب ارائه کردند.<sup>[۱۴]</sup> انتظامی و شریعت‌مقدمه (۲۰۱۸)، با استخراج پارامترهای مدل از سازه‌های سالم و آسیب دیده و همچنین مقایسه‌ی آن‌ها با یکدیگر، مکان آسیب را تعیین کردن و شدت خسارت واردہ را تخمين زدند.<sup>[۷]</sup> رضایی پژند و همکاران (۲۰۱۸)، با استفاده از فیلترهای پایین‌گذر، روشی برای تعیین بهینه‌ی مراتب مدل سری زمانی ارائه کردن و دریافتند که بهره‌گیری از فیلترهای پایین‌گذر، مرتبه‌های مدل سری زمانی را کاهش می‌دهد و این موجب کاهش ابعاد مدل سری زمانی می‌شود.<sup>[۱۵]</sup>

پایش سلامت، یک فلیند پرکاربرد در تعیین وضعیت سلامت سازه‌های عمرانی است؛ که در آن، شناسایی آسیب از طریق اندازه‌گیری ارتعاش‌های بخش‌های مختلف سازه انجام می‌گیرد.<sup>[۱]</sup> آسیب به هرگونه تغییرات در ویژگی‌های ساختاری سازه اطلاق می‌شود، که تأثیری نامطلوب در عملکرد آن داشته باشد.<sup>[۱۶]</sup> روش‌های شناسایی آسیب به دو بخش کلی پایه‌ی مدل و پایه‌ی داده دسته‌بندی می‌شوند. در روش‌های پایه‌ی مدل، نیاز به یک مدل المان محدود از سازه‌ی مورد بررسی است.<sup>[۱۷]</sup> در حالی که در روش‌های پایه‌ی داده، شناسایی آسیب بر اساس پاسخ‌های اندازه‌گیری شده از سازه انجام می‌پذیرد.<sup>[۱۸]</sup> در سال‌های اخیر، توجه پژوهش‌گران زیادی به روش‌های پایه‌ی داده معطوف شده است.<sup>[۱۰-۱۷]</sup>

پردازش سیگنال، اولین بخش از یک روش پایه‌ی داده است، که در آن سیگنال خام پاسخ پردازش می‌شود و اطلاعاتی ارزشمند، که نشان‌دهنده‌ی ویژگی‌های ذاتی سازه است، به دست می‌آید. یکی از روش‌های پرکاربرد و مؤثر پردازش سیگنال‌های سازه، روش تحلیل سری زمانی است.<sup>[۱۹]</sup> با استفاده از تحلیل سری زمانی، یک مدل خطی و نامتغیر با زمان برای سیگنال سازه به دست می‌آید، که در بردارنده‌ی

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت: ۱۴۰۱/۴/۲۲، اصلاحیه ۳۱، ۱/۶، ۱۴۰۱، پذیرش: ۱۶/۱/۷

DOI:10.24200/J30.2022.60471.3105

از طرفی دیگر، اگر پاسخ‌های سازه تحت تأثیر متابع محرك نویزی به دست آمده باشند، ویژگی‌های استخراج شده از آن‌ها، عدم قطعیت بالای دارند؛ در این صورت، بهره‌گیری از داده‌های مذکور موجب کاهش اطمینان از نتایج شناسایی آسیب می‌شود.<sup>[۲۶]</sup> در چنین شرایطی، بسیار حیاتی است که ویژگی‌های به دست آمده از پاسخ‌های سازه به آسیب حساس باشند و به طور همزمان به نویز موجود در بار حساسیتی از خود نشان ندهند. راوري و کارکاترا<sup>[۱۸]</sup> (۲۰۱۲)، بر پایه‌ی تبدیل هیلبرت - هوانگ (HHT)،<sup>[۱۹]</sup> یک الگوریتم نوین برای شناسایی آسیب در شرایط نویزی ارائه داده‌اند.<sup>[۲۷]</sup> در شیوه‌ی آن‌ها، سیگنال پاسخ به وسیله‌ی روش HHT پردازش و مکان آسیب با بررسی اولین مود بسامدی از سیگنال تعیین می‌شود. انتظامی و شریعتمدار (۲۰۱۹)، برای استخراج ویژگی‌های حساس به آسیب در شرایط نویزی از یک الگوریتم ترکیبی بر پایه‌ی تحلیل سری زمانی و تجزیه‌ی مودهای تجربی استفاده کرده‌اند.<sup>[۲۸]</sup> بر اساس پایش سلامت به وسیله‌ی امواج هدایت شونده، یو<sup>۰</sup> و علی‌آبادی (۲۰۲۰)،<sup>[۲۹]</sup> یک روش سلسه‌مراتی چندسطوحی را برای شناسایی آسیب در شرایط نویزی و عدم قطعیت ارائه کردند، تا آثار عدم قطعیت در نتایج شناسایی آسیب با بهینه‌یابی مکان حسگرها و نیز تعیین آستانه‌های بهینه برای شاخص‌های آسیب حذف و از شخص‌های اشتباه جلوگیری شود.<sup>[۳۰]</sup>

در نوشتار حاضر، یک الگوریتم استخراج ویژگی نوین ارائه شده است، که توانایی مقابله با چالش‌های موجود در پایش سلامت سازه‌ها را دارد. در ابتدا، با بهره‌گیری از روش مؤثر تحلیل سری زمانی، پارامترهای مدل و باقیمانده‌ی آن برای هر سیگنال پاسخ به دست آمده است. با کنارگذاشتن باقیمانده‌ی مدل، که حاوی آثار نویز منبع محرك است، آثار منفی نویز و رویدی از نتایج شناسایی آسیب حذف شده‌اند. به صورت هم‌زمان، استخراج پارامترهای مدل از سیگنال پاسخ، موجب انتقال داده‌های اولیه به فضایی با ابعاد پایین شده است. با استفاده از پارامترهای مذکور، که حاوی خواص ذاتی و دینامیکی سازه هستند، تابع مشخصه‌ی سیگنال در حوزه‌ی بسامد به دست آمده است. با تعیین رابطه‌ی ضریب همبستگی در حوزه‌ی بسامد، یک ویژگی مختلط و دو بعدی، که به آسیب سازه حساس است، استخراج شده است. توانایی‌های ویژگی استخراج شده در تشخیص و تعیین مکان آسیب با آزمایش یک سازه‌ی معیار واقعی، همچون سازه‌ی پل S<sub>10</sub><sup>۱</sup><sup>[۳۱]</sup> ارزیابی شده است. قابل توجه است که بارهای وارد آمده به سازه‌ی مذکور از نوع تحریک‌های نویزی خارجی بوده‌اند. به‌منظور نمایشی دقیق‌تر از برتری‌های روش پژوهش حاضر در شناسایی آسیب سازه، نتایج به دست آمده با نتایج پژوهش‌های اخیر در حوزه‌ی پایش سلامت، یعنی روش پراوین<sup>[۲۱]</sup> (۲۰۲۱) و پژوهش آلوس و کیوری (۲۰۲۱)<sup>[۳۲]</sup> مقایسه شده‌اند. مقایسه‌های انجام گرفته، به خوبی توانمندی‌های روش پیشنهادی نوشتار حاضر را بر دیگر روش‌ها نشان می‌دهد. علاوه بر آن، نتایج به دست آمده از سازه‌ی پل بیانگر آن هستند که ویژگی استخراج شده، توانایی تشخیص وضعیت دقیق سازه و تعیین مکان درست آسیب را دارد.

## ۲. پردازش سیگنال

### ۲.۱. تبدیل Z

تبدیل Z، یک عملیات خطی است که به واسطه‌ی آن، یک سیگنال گستته‌ی زمانی به یک فضای پیوسته بسامدی انتقال می‌یابد.<sup>[۳۳]</sup> رابطه‌ی انتقال از طریق تبدیل Z

پس از آن‌که داده‌های خام اولیه پردازش شدند، ویژگی‌های استخراج می‌شوند که وضعیت سلامتی یک سیستم را نشان می‌دهند<sup>[۲]</sup> که باید به آسیب موجود در سازه حساس باشند.<sup>[۱۶]</sup> ویژگی‌های حساس به آسیب در سه حوزه‌ی زمان، بسامد و زمان - بسامد استخراج می‌شوند.<sup>[۱۷]</sup> از باقیمانده‌ی مدل‌های سری زمانی می‌توان به عنوان ویژگی‌های حساس به آسیب بهره برد. جلالی فرو همکاران (۲۰۲۰)، در پژوهشی با استفاده از مدل سری زمانی AR-ARX، به استخراج تشخیص آسیب و تعیین مکان آن ابداع کردند.<sup>[۱۹]</sup> رضوی و همکاران (۲۰۲۱)،<sup>[۲۰]</sup> چگالی طیف توانی به دست آمده از باقیمانده‌ی مدل سری زمانی را به عنوان ویژگی حساس به آسیب معرفی کردند.<sup>[۲۱]</sup> باقری و همکاران (۲۰۱۷)،<sup>[۲۲]</sup> با استفاده از تبدیل پیوسته‌ی موجک و تبدیل هیلبرت به استخراج ویژگی‌های حساس به آسیب پرداختند.<sup>[۲۳]</sup> پژوهشگران متعددی از الگوریتم‌های آماری برای استخراج ویژگی‌های حساس به آسیب بهره برده‌اند.<sup>[۲۴]</sup> آلوس و کیوری (۲۰۲۱)<sup>[۲۵]</sup> چون آن‌ها بیان مکان‌های آماری و ... را به عنوان ویژگی‌های حساس به آسیب استفاده کرده‌اند.<sup>[۲۶]</sup> موسوی و همکاران (۲۰۲۱)<sup>[۲۷]</sup> از آماره‌هایی چون آنتروپی و کشیدگی برای استخراج ویژگی‌های حساس به آسیب بهره برده‌اند.<sup>[۲۸]</sup> یکی از پرکاربردترین روش‌های استخراج ویژگی، که نشان‌دهنده‌ی میزان شباهت میان الگوهای رفتاری یک سازه است، ضریب همبستگی است.<sup>[۲۹]</sup> هوال و امترن<sup>[۷]</sup> (۲۰۱۵)، برای فاصله‌ی آمدن بر مشکلات استخراج پارامترهای مودال سازه، از جمله سختی و پیچیدگی محاسبه‌ی آن‌ها و نیز حساسیت پایین پارامترهای مذکور به آسیب‌های محلی از محاسبه‌ی همبستگی متقابل میان دو سیگنال استفاده کردند.<sup>[۲۸]</sup> هوا<sup>۸</sup> و همکاران (۲۰۲۲)<sup>[۲۰]</sup> از ضریب همبستگی به عنوان یک ویژگی حساس به آسیب برای تعیین مکان آسیب در سازه استفاده کردند.<sup>[۲۹]</sup> فنگ و چن<sup>۹</sup> (۲۰۲۰)، نیز با محاسبه‌ی ضریب همبستگی سیگنال‌ها به تعیین مکان آسیب در سازه پرداختند.<sup>[۳۰]</sup> یانک<sup>۱۰</sup> و همکاران (۲۰۰۷)<sup>[۲۱]</sup> رابطه‌ی همبستگی میان دو سیگنال زمانی را در حوزه‌ی بسامد تعیین دادند.<sup>[۲۱]</sup> با توجه به رابطه‌سازی آن‌ها، ضریب همبستگی محاسبه شده میان دو سیگنال زمانی، به اندازه‌ی هر یک از سیگنال‌ها و اختلاف فاز آن‌ها در حوزه‌ی بسامد مرتبط است. با اینکه ویژگی استخراج شده به آسیب سازه حساس است، اما نویز موجود در سیگنال‌های پاسخ باعث انحراف ویژگی مذکور از مقدار دقیق آن می‌شود؛ که منجر به تصمیم‌گیری‌های اشتباه در شناسایی آسیب سازه می‌شود.

یکی از چالش‌های موجود که روش‌های شناسایی آسیب با آن درگیر هستند، حجم بالای داده‌های اندازه‌گیری شده است، که نه فقط موجب پیچیده شدن الگوی به دست آمده از رفتار سازه می‌شود، بلکه کاهش سرعت و کیفیت عملکرد روش‌های شناسایی آسیب را به دنبال دارد.<sup>[۲۲]</sup> برای کاهش ابعاد داده‌ها، باولو پاو<sup>۱۱</sup> و همکاران (۲۰۱۶)<sup>[۲۳]</sup> از تحلیل مؤلفه‌ی ذاتی غیرخطی (NPICA)<sup>۱۲</sup> بهره‌گرفته‌اند.<sup>[۲۳]</sup> با اینکه روش پیشنهاد شده در کاهش ابعاد داده توانمند بوده است، اما از نظر اجرایی، محاسبات سنجین و پیچیده‌بی را در برداشته است. ماتیلان<sup>۱۳</sup> و همکاران (۲۰۱۷)<sup>[۲۴]</sup> بر اساس سری‌های زمانی چندمتغیره و استفاده از روش‌های رگرسیون وارون ورقه شده (SIR)<sup>۱۴</sup> و جداسازی کور منع (BSS)<sup>۱۵</sup> روشی را برای کاهش ابعاد داده‌های چندکاناله معرفی کرده‌اند.<sup>[۲۴]</sup> دران-رزال<sup>۱۶</sup> و همکاران (۲۰۱۸)<sup>[۲۵]</sup> با انتخاب بهینه از قطعه‌های سیگنال پاسخ به معرفی روشی برای کاهش ابعاد پرداختند و برای انتخاب بهینه‌ی قطعه‌های سیگنال از روش بهینه‌سازی تپه‌های مرجانی (CRO)<sup>۱۷</sup> استفاده کردند.<sup>[۲۵]</sup>

محاسبه‌ی پارامترهای بخش AR از مدل‌های سری زمانی، تابع مشخصه‌ی سیگنال  $x(t)$  توسط رابطه‌ی ۶ در حوزه‌ی بسامد به دست می‌آید:

$$x_c(\omega) = \frac{1}{(1 - \sum_{i=1}^p \phi_i e^{-ij\omega})} \quad (6)$$

**۳. استخراج ویژگی**

در بخش ۱.۳، نحوه‌ی محاسبه‌ی ضریب همبستگی میان دو متغیر  $x_c$  و  $y_c$  در حوزه‌ی زمان  $(x_c(t), y_c(t))$  ارائه شده است. از آنجایی که متغیرهای  $x_c$  و  $y_c$  به ترتیب تابع مشخصه‌ی سیگنال‌های  $x(t)$  و  $y(t)$  هستند و مقدار آن‌ها در حوزه‌ی بسامد وجود دارد (مطابق رابطه‌ی ۶)، امکان محاسبه‌ی مستقیم ضریب همبستگی در حوزه‌ی زمان وجود ندارد. در بخش ۲.۳، با تعمیم رابطه‌ی همبستگی در حوزه‌ی بسامد، راه حلی برای مسئله‌ی حاضر ارائه شده است. در بخش ۳.۳، نحوه‌ی استخراج ویژگی نوین، که یک مقدار مختلط و دو بعدی است، معرفی شده است. ویژگی به دست آمده نه فقط میزان همبستگی دو متغیر را نشان می‌دهد، بلکه شدت تاثیرهای آن‌ها را نیز تعیین می‌کند. در نهایت، در بخش ۴.۳ به ارائه‌ی روشی برای محاسبه‌ی ویژگی نوین در حضور عدم قطعیت آزمایش‌های مختلف پرداخته شده است.

### ۱.۳. ضریب همبستگی در حوزه‌ی زمان

ضریب همبستگی، یک شاخص آماری است که نشان دهنده‌ی ارتباط خطی میان دو متغیر است. بازه‌ی تغییرات ضریب همبستگی برابر  $[1 - 1]$  است. مقدار  $+1$ ، بیانگر بیشترین مقدار همبستگی میان دو متغیر است؛ به نحوی که افزایش و یا کاهش در مقدار یکی از متغیرها، نشان دهنده‌ی افزایش و یا کاهش در مقدار متغیر دوم است. در صورتی که مقدار ضریب همبستگی  $-1$  باشد، دو متغیر دارای بیشترین همبستگی ولی در جهت عکس یکدیگر هستند؛ به گونه‌یی که افزایش در مقدار یک متغیر، موجب کاهش مقدار در متغیر دوم می‌شود. رابطه‌ی ضریب همبستگی میان متغیرهای  $x_c(t)$  و  $y_c(t)$  به شکل رابطه‌ی ۷ است:

$$\text{corr}_{xy} = \frac{\sum_{t=0}^{\infty} (x_c(t) - \bar{x}_c)(y_c(t) - \bar{y}_c)}{\sqrt{\sum_{t=0}^{\infty} (x_c(t) - \bar{x}_c)^2} \sqrt{\sum_{t=0}^{\infty} (y_c(t) - \bar{y}_c)^2}} \quad (7)$$

که در آن،  $\text{corr}_{xy}$  ضریب همبستگی میان متغیرهای زمانی  $x_c$  و  $y_c$  است و  $\bar{x}_c$  و  $\bar{y}_c$  نیز میانگین‌های دو متغیر اخیر هستند.

### ۲. محاسبه‌ی ضریب همبستگی با استفاده از اطلاعات حوزه‌ی بسامد

با توجه به رابطه‌ی ۷، برای محاسبه‌ی ضریب همبستگی میان دو متغیر  $x_c$  و  $y_c$ ، به فرم زمانی دو متغیر ذکر شده نیاز است و در صورتی که فقط اطلاعات بسامدی آن‌ها در دسترس باشد، نمی‌توان به صورت مستقیم ضریب همبستگی را محاسبه کرد. با این حال، امکان محاسبه‌ی ضریب همبستگی با استفاده از اطلاعات بسامدی متغیرها وجود دارد. برای این کار، عبارت‌های موجود در معادله‌ی ۷، باید به حوزه‌ی بسامد انتقال یابند. برای سادگی در محاسبات، از دو معادله‌ی ۸ و ۹ استفاده می‌شود:

$$\tilde{x}(t) = x_c(t) - \bar{x}_c \quad (8)$$

$$\tilde{y}(t) = y_c(t) - \bar{y}_c \quad (9)$$

برای سیگنال زمانی  $(t, u)$ ، که در آن،  $t$  نشان دهنده‌ی زمان نمونه‌هاست، مطابق رابطه‌ی ۱ است:

$$u(z) = \mathcal{Z}\{u(t)\} = \sum_{t=0}^{\infty} u(t) z^{-t} \quad (1)$$

که در آن،  $z$  متغیر بسامدی و یک مقدار مختلط و  $\mathcal{Z}\{\cdot\}$  نماینده‌ی عملگر تبدیل است. در پژوهش حاضر،  $u(z)$  انتقال یافته‌ی متغیر  $u(t)$  تحت تبدیل  $Z$  است. در صورتی که تابع  $(z)$  موجود باشد، متغیر زمانی  $(t)$  با استفاده از رابطه‌ی ۲ به دست می‌آید:

$$u(t) = \mathcal{Z}^{-1}\{u(z)\} = \frac{1}{2\pi j} \oint_C u(z) \times z^{t-1} dz \quad (2)$$

که در آن،  $z$  نشان دهنده‌ی یک مقدار موهومی و برابر  $\sqrt{-1}$  است. عبارت  $(\oint_C \cdot)$  نیز عملگر انتگرال‌گیری بر روی مسیر بسته‌ی  $C$  است. در صورتی که مسیر بسته‌ی  $C$ ، یک دایره به شعاع  $1$  در صفحه‌ی مختلط باشد  $(z \in [-\pi, \pi] \cap \{e^{j\omega} \forall \omega \in (-\pi, \pi]\})$ ، رابطه‌ی ۲ به شکل رابطه‌ی ۳ بازنویسی می‌شود:

$$u(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} u(e^{j\omega}) \times e^{(j\omega t)} d\omega \quad (3)$$

که در آن،  $\omega$  متغیر بسامدی و مقداری حقیقی است.

### ۲.۲. تحلیل سری زمانی و تابع مشخصه‌ی سیگنال

تحلیل سری زمانی، یک ابزار آماری قدرتمند است که به منظور مدل‌سازی سیگنال‌های پاسخ سازه استفاده می‌شود و توانایی استخراج ویژگی‌های ذاتی و دینامیکی سیگنال پاسخ را دارد.<sup>[۱۲]</sup> در صورتی که سیگنال زمانی ایستا و خطی باشد، یکی از ۴ مدل AR، ARMA، ARX و ARMAX برای سیگنال مورد بررسی انتخاب می‌شود؛ که نحوه‌ی انتخاب آن به ذات و خواص آماری سیگنال بستگی دارد. در صورت معین بودن داده‌های منبع محرک، از روش‌های ARX و ARMAX استفاده می‌شود. در غیر این صورت، اگر سازه تحت بارهای نامشخص خارجی فشارگرفته و فقط پاسخ خروجی سازه موجود باشد، یکی از دو مدل AR و ARMA استفاده می‌شود. روابط مدل‌سازی سیگنال پاسخ  $x(t)$  تحت مدل‌های AR و ARMA به ترتیب در روابط ۴ و ۵ ارائه شده‌اند:

$$x(t) = \sum_{i=1}^p \phi_i x(t-i) + e(t) \quad (4)$$

$$x(t) = \sum_{i=1}^p \phi_i x(t-i) + \sum_{k=1}^r \theta_k e(t-k) + e(t) \quad (5)$$

که در آن‌ها، پارامترهای  $p$  و  $r$  به ترتیب مراتب بخش‌های AR و MA از مدل‌های AR و ARMA هستند و نیز باقیمانده‌ی مدل‌های ذکر شده است. (۴) نشان دهنده‌ی میزان اختلاف مقدار واقعی سیگنال  $x(t)$  از مقدار تخمینی آن است، که توسط هر یک از رابطه‌های ۴ و ۵ قابل دستیابی است. بردارهای  $e(t)$  نیز به ترتیب حاوی ضرایب بخش‌های  $\Phi = [\phi_1, \dots, \phi_p]$  و  $\Theta = [\theta_1, \dots, \theta_r]$  از مدل‌های ارائه شده هستند. به منظور اجرای روش تحلیل سری زمانی، باید نوع مدل و مقادیر بهینه‌ی مراتب آن ( $p$  و  $r$ ) تعیین شوند. در نوشتار حاضر، از روش ارائه شده توسط انتظامی و همکاران (۲۰۱۹)،<sup>[۱۳]</sup> برای تعیین مدل مناسب سری زمانی و انتخاب بهینه‌ی پارامترهای آن استفاده شده است. پس از

با توجه به روابط ۱۱ و ۱۵ و نیز با توجه به برابری اخیر در رابطه‌ی ۱۶، رابطه‌ی ۱۷ نتیجه می‌شود:

$$\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}(t) \tilde{y}(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} x(\omega) \tilde{y}^*(\omega) d\omega \quad (17)$$

که مطابق آن، مجموع مقادیر حاصل ضرب دو متغیر در حوزه‌ی زمان، با انتگرال حاصل ضرب یکتابع در مزدوج دیگری در حوزه‌ی بسامد  $(x(\omega) \times y(\omega))^*$  می‌شود، یعنی  $\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}(t) \tilde{y}(t) = \sum_{t=0}^{\infty} x(\omega) \tilde{y}^*(\omega)$ . برای عبارت‌های ۱۷ و ۱۸ از این توجه می‌شود، بکارگیری از انتگرال میان ضرب همبستگی و اطلاعات بسامدی متغیرهای  $\tilde{x}(t)$  و  $\tilde{y}(t)$  به دلیل شباهت میان عبارت‌های ذکر شده، فقط نحوه محاسبه می‌شود. بدینسان می‌شود، به دلیل شباهت میان عبارت‌های ذکر شده است. معادله‌ی بسامدی عبارت دیگر به صورت مشابه قابل دستیابی هستند. برای محاسبه‌ی معادله‌ی بسامدی عبارت  $\tilde{x}(t) \tilde{y}(t)$  به دست  $\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}(t) \tilde{y}(t)$  در حوزه‌ی بسامد، باید تبدیل عبارت  $\tilde{x}(t) \tilde{y}(t)$  به دست آید. این تبدیل با توجه به رابطه‌ی ۱، به شکل رابطه‌ی ۱۱ نوشته می‌شود:

$$\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} x(\omega) \tilde{x}^*(\omega) d\omega = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} |x(\omega)|^2 d\omega \quad (18)$$

$$\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{y}(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} y(\omega) \tilde{y}^*(\omega) d\omega = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} |y(\omega)|^2 d\omega \quad (19)$$

که در آن‌ها،  $|x(\omega)|^2$  بیانگر اندازه‌ی آرگومان است. ذکر این نکته الزامی است که با توجه به روابط اخیر و این مورد که تابع مشخصه‌ی  $x_c(\omega)$  و  $y_c(\omega)$ ، انتقال یافته‌ی تابع  $x_c(t)$  و  $y_c(t)$  به حوزه‌ی بسامد هستند، می‌توان روابط ۲۰ و ۲۱ را میان توابع  $x_c(\omega)$  و  $y_c(\omega)$  برقرار کرد:

$$x(\omega) = \begin{cases} x_c(\omega) & \omega \neq 0 \\ 0 & \omega = 0 \end{cases} \quad (20)$$

$$y(\omega) = \begin{cases} y_c(\omega) & \omega \neq 0 \\ 0 & \omega = 0 \end{cases} \quad (21)$$

با جایگذاری رابطه‌های ۱۷ الی ۱۹ در رابطه‌ی ۱۰، معادله‌ی ضرب همبستگی در حوزه‌ی بسامد مطابق رابطه‌ی ۲۲ به دست می‌آید:

$$\text{corr}_{xy} = \frac{\int_{-\pi}^{\pi} x(\omega) y^*(\omega) d\omega}{\sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |x(\omega_x)|^2 d\omega_x} \sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |y(\omega_y)|^2 d\omega_y}} \quad (22)$$

که در آن،  $x(\omega)$  و  $y(\omega)$  همچون  $\omega$  متغیر بسامدی هستند و فقط برای عدم تشابه با متغیر  $\omega$  استفاده شده‌اند. عبارت‌های مخرج را می‌توان به داخل انتگرال هدایت کرد (رابطه‌ی ۲۳):

$$\text{corr}_{xy} = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{x(\omega)}{\sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |x(\omega_x)|^2 d\omega_x}} \frac{y^*(\omega)}{\sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |y(\omega_y)|^2 d\omega_y}} d\omega \quad (23)$$

که در آن، عبارت‌های  $\frac{y^*(\omega)}{\sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |y(\omega_y)|^2 d\omega_y}}$  و  $\frac{x(\omega)}{\sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |x(\omega_x)|^2 d\omega_x}}$  به صورت اندازه فاز در حوزه‌ی بسامد، مطابق روابط ۲۴ و ۲۵، بیان می‌شوند:

$$\frac{x(\omega)}{\sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |x(\omega_x)|^2 d\omega_x}} = a_x(\omega) e^{j\phi_x(\omega)} \quad (24)$$

$$\frac{y^*(\omega)}{\sqrt{\int_{-\pi}^{\pi} |y(\omega_y)|^2 d\omega_y}} = a_y(\omega) e^{-j\phi_y(\omega)} \quad (25)$$

که در آن‌ها،  $a_x(\omega)$  و  $a_y(\omega)$ ، اندازه‌ی عبارت‌های سمت چپ روابط ۲۴ و ۲۵ هستند.  $\phi_x(\omega)$  و  $\phi_y(\omega)$  نیز فاز عبارت‌های اخیر هستند. بنابراین، رابطه‌ی ۲۳ به شکل رابطه‌ی ۲۶ قابل بازنوسی است:

$$\text{corr}_{xy} = \int_{-\pi}^{\pi} a_x(\omega) e^{j\phi_x(\omega)} a_y(\omega) e^{-j\phi_y(\omega)} d\omega = \int_{-\pi}^{\pi} a_x(\omega) a_y(\omega) e^{j(\phi_x(\omega) - \phi_y(\omega))} d\omega \quad (26)$$

با جایگذاری برابری‌های روابط اخیر در رابطه‌ی ۷، فرم ساده‌تری از آن مطابق رابطه‌ی ۱۰ ارائه شده است:

$$\text{corr}_{xy} = \frac{\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}(t) \tilde{y}(t)}{\sqrt{\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}^*(t)} \sqrt{\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{y}^*(t)}} \quad (10)$$

در صورتی که به جای هر یک از عبارت‌های به کاررفته در معادله‌ی ۱۰، عبارت‌های  $\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}(t) \tilde{y}(t)$ ،  $\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{x}^*(t)$  و  $\sum_{t=0}^{\infty} \tilde{y}^*(t)$ ، از معادله بسامدی آن‌ها استفاده شود، بکارگیری از انتگرال میان ضرب همبستگی و اطلاعات بسامدی متغیرهای  $\tilde{x}(t)$  و  $\tilde{y}(t)$  برقرار می‌شود. به دلیل شباهت میان عبارت‌های ذکر شده، فقط نحوه محاسبه می‌عدله بسامدی به دلیل شباهت میان عبارت‌های ذکر شده است. معادله‌ی بسامدی عبارت دیگر به صورت مشابه قابل دستیابی هستند. برای محاسبه‌ی معادله بسامدی عبارت  $\tilde{x}(t) \tilde{y}(t)$  در حوزه‌ی بسامد، باید تبدیل  $Z$  به دست  $\tilde{x}(t) \tilde{y}(t)$  به دست آید. این تبدیل با توجه به رابطه‌ی ۱، به شکل رابطه‌ی ۱۱ نوشته می‌شود:

$$\tilde{w}(z) = \mathcal{Z}\{\tilde{x}(t) \tilde{y}(t)\} = \sum_{t=-\infty}^{\infty} (\tilde{x}(t) \tilde{y}(t)) z^{-t} \quad (11)$$

جواب جامع تبدیل ذکر شده در رابطه‌ی ۱۱، با استفاده از رابطه‌ی ۱۲ محاسبه می‌شود:

$$\tilde{w}(z) = \mathcal{Z}\{\tilde{x}(t) \tilde{y}(t)\} = \frac{1}{2\pi j} \oint_c \tilde{x}(v) \tilde{y}\left(\frac{z}{v}\right) v^{-1} dv \quad (12)$$

که در آن،  $v$  متغیر داخلی انتگرال است و منحنی بسته‌ی  $c$ ، دایره‌ی به شعاع ۱ است، که مرکز آن مبدأ مختصات است. با جایگذاری عبارت‌های  $z = e^{j\omega}$  و  $v = e^{j\omega}$  در انتگرال اخیر رابطه‌ی ۱۲ به شکل رابطه‌ی ۱۳ بسط داده می‌شود.  $w$  و  $w'$  نیز متغیرهای بسامدی هستند.

$$\begin{aligned} \tilde{w}\left(e^{j\omega'}\right) &= \frac{1}{\tau\pi j} \int_{-\pi}^{\pi} \tilde{x}(e^{j\omega}) \tilde{y}\left(e^{j(\omega' - \omega)}\right) e^{-j\omega} \times j e^{j\omega} d\omega \\ &= \frac{1}{\tau\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \tilde{x}(e^{j\omega}) \tilde{y}\left(e^{j(\omega' - \omega)}\right) d\omega \end{aligned} \quad (13)$$

برای سادگی، به جای عبارت‌های  $(e^{j\omega} \tilde{x}(e^{j\omega}))$  و  $(e^{j(\omega' - \omega)} \tilde{y}(e^{j(\omega' - \omega)})$  به ترتیب از عبارت‌های  $x(\omega)$  و  $y(\omega' - \omega)$  و نیز به جای عبارت  $(e^{j\omega'} \tilde{w}(e^{j\omega'}))$  از عبارت  $w(\omega')$  استفاده شده است. در نتیجه‌ی جایگذاری‌های ذکر شده، رابطه‌ی ۱۳ به شکل رابطه‌ی ۱۴ در می‌آید:

$$w(\omega') = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} x(\omega) y(\omega' - \omega) d\omega \quad (14)$$

که در آن با میل دادن  $\omega'$  به سمت صفر، رابطه‌ی ۱۵ به دست می‌آید:

$$\lim_{\omega' \rightarrow 0} w(\omega') = \lim_{\omega' \rightarrow 0} \frac{1}{\tau\pi} \int_{-\pi}^{\pi} x(\omega) y(\omega' - \omega) d\omega = \frac{1}{\tau\pi} \int_{-\pi}^{\pi} x(\omega) y(-\omega) d\omega = \frac{1}{\tau\pi} \int_{-\pi}^{\pi} x(\omega) y^*(\omega) d\omega \quad (15)$$

که در آن،  $*(.)$  عملگر مزدوج است. به دلیل رابطه‌ی میان  $w$  و  $z = e^{j\omega}$ ، در صورتی که  $w$  به سمت صفر میل داده شود، مقدار  $z$  نیز به سمت ۱ حرکت خواهد کرد. در نتیجه، به دلیل ارتباط میان  $\tilde{w}(z)_{z=e^{j\omega'}} = \tilde{w}(z)$  و  $w(\omega') = w(z)_{z=e^{j\omega'}}$  رابطه‌ی ۱۶، به دست می‌آید:

$$\lim_{z \rightarrow 1} \tilde{w}(z) = \lim_{\omega' \rightarrow 0} w(\omega') \quad (16)$$

شده، نرمال ترین آزمایش موجود گفته می‌شود. برای تعیین نرمال ترین آزمایش در سازه‌ی سالم، ماتریس  $[x_1, \dots, x_{NT}] = X$  است، که حاوی آزمایش‌های مختلف از سیگنال پاسخ سازه ( $x$ ) است، در نظر گرفته می‌شود.  $x_i$  که در آن  $i$  شمارنده‌ی آزمایش‌های موجود است، یک متغیر عمومی است. تعداد آزمایش‌های انجام پاسخ سازه در آزمایش  $n_A$  را در خود جای داده است. تعداد آزمایش‌های سیگنال شده برابر  $NT$  است. مقدار ویژگی  $\rho_{x_i x_j}$  برای هر دو سیگنال موجود در ماتریس  $X$  به دست می‌آید. با استفاده از رابطه‌ی ۳۱، میزان انحراف ویژگی‌های به دست آمده، که نسبت به سیگنال  $x_i$  محاسبه شده‌اند، مشخص می‌شود:

$$F(x_i) = \sum_{j=1}^{NT} |\phi_{x_i x_j}|^2 \quad (31)$$

که در آن،  $\phi_{x_i x_j}$  زاویه‌ی ویژگی  $j$  است. شماره‌ی آزمایشی از ماتریس  $X$ ، که کمترین مقدار را در خروجیتابع  $F(\cdot)$  به دست دهد، با  $i_{norm}$  مشخص و به عنوان شماره‌ی نرمال ترین آزمایش در نظر گرفته می‌شود. از این پس، ویژگی  $\rho$  فقط نسبت به نرمال ترین آزمایش موجود در حالت سالم از سازه‌ی موردنی باشید می‌شود.

#### ۴. الگوریتم پیشنهادی شناسایی آسیب

در بخش کنونی، بر پایه‌ی روش‌های یادگیری بدون نظرات و با استفاده از ویژگی نوین استخراج شده ( $\rho$ )، به اجرای سطح مختلف شناسایی آسیب پرداخته شده است (شکل ۱). مطابق این شکل، با استفاده از تحلیل سری زمانی، توابع مشخصه‌ی بسامدی برای سیگنال‌های اندازه‌گیری شده از سازه‌ی سالم به دست می‌آید. سپس، با استفاده از توابع به دست آمده، ویژگی‌های حساس به آسیب محاسبه می‌شوند. با بهره‌گیری از ویژگی‌های استخراج شده از سازه‌ی سالم، یک محدوده‌ی آستانه، که نشان‌دهنده‌ی رفتار سازه در حالت سالم است، به دست می‌آید. بررسی وضعیت یک سازه‌ی نامعلوم، توابع مشخصه برای سیگنال‌های اندازه‌گیری شده از آن سازه محاسبه می‌شوند. سپس، با استفاده از توابع مشخصه‌ی سازه در دو حالت سالم و نامعلوم، ویژگی‌های حساس به آسیب برای سازه‌ی نامعلوم به دست می‌آید. در اینجا، با مقایسه‌ی ویژگی‌های استخراج شده از سازه‌ی نامعلوم و آستانه‌ی که برای سازه‌ی سالم تعیین شده است، وجود آسیب وجود آسیب و مکان آن تعیین می‌شود. در ادامه، ابتدا روش مورد استفاده برای تشخیص وجود آسیب در سازه و پس از آن، توضیحات مکان‌یابی آسیب بر اساس ویژگی استخراج شده ارائه شده است.

##### ۴.۱. تشخیص آسیب با استفاده از زاویه‌ی ویژگی ( $\rho$ )

هنگامی که آسیبی به سازه وارد شود، خواص بسامدی پاسخ از جمله فاز آن تعییر می‌باید و تغییر فاز سیگنال موجب تغییر در زاویه‌ی ویژگی ( $\rho$ ) می‌شود. یکی از راه‌های قابل اطمینان در تشخیص آسیب، تعیین آستانه‌ی است که سلامتی سازه رادر وضعیت‌های گوناگون نشان می‌دهد و بر اساس تغییرات  $\phi$  در سازه‌ی سالم مشخص می‌شود. برای تعیین آستانه‌ی سلامتی، مقدار  $\phi$  برای تمام آزمایش‌های موجود از سازه‌ی سالم نسبت به نرمال ترین آزمایش از حالت سالم محاسبه می‌شود. در این صورت، یک محدوده‌ی  $\phi$  به دست آمده، که با  $\phi_{limit}$  نمایش داده می‌شود، به دست می‌آید. در صورتی که آسیبی به سازه وارد شود، مقدار  $\phi$  از آستانه‌ی سلامتی خارج

رابطه‌ی ۲۶، نشان‌دهنده‌ی معادله‌ی ضریب همبستگی میان متغیرهای  $x_c$  و  $y_c$  در حوزه‌ی بسامد است و در آن، مقدار ضریب همبستگی نه فقط به اندازه‌ی دو متغیر  $x_c$  و  $y_c$  در حوزه‌ی بسامد وابسته است، بلکه به اختلاف فاز میان آن دو نیز بستگی دارد.

##### ۴.۳. استخراج ویژگی نوین

در روابط پیشین، با فرض حقیقی بودن توابع  $(t)$  و  $(\tilde{t})$ ، می‌توان نتیجه‌گرفت که توابع  $(\omega)$  و  $(\omega)$  بر روی محور  $w$ ، زوج و تابع  $(\omega)$  و  $(\omega)$ ، نیز فرد هستند.<sup>[۲]</sup> در نتیجه، انتگرال موجود در رابطه‌ی ۲۶ به شکل رابطه‌ی ۲۷ تجزیه می‌شود:

$$\begin{aligned} corr_{xy} &= \int_{-\pi}^{\pi} a_x(\omega) a_y(\omega) e^{j(\phi_x(\omega) - \phi_y(\omega))} d\omega \\ &+ \int_{\pi}^{\pi} a_x(\omega) a_y(\omega) e^{j(\phi_x(\omega) - \phi_y(\omega))} d\omega \end{aligned} \quad (27)$$

که در آن، حاصل انتگرال مرتبط با بخش منفی محور  $w$  برابر مزدوج حاصل انتگرال در بخش مثبت محور  $w$  است. به مینی دلیل فقط بخش حقیقی باقی می‌ماند، و بخش موهومی آن صفر می‌شود. بخش‌های حقیقی و موهومی هر یک از انتگرال‌های موجود در رابطه‌ی ۲۷ در روابط ۲۸ و ۲۹ ارائه شده‌اند:

$$\int_{-\pi}^{\pi} a_x(\omega) a_y(\omega) e^{j(\phi_x(\omega) - \phi_y(\omega))} d\omega = \alpha_{xy} - j \beta_{xy} \quad (28)$$

$$\int_{\pi}^{\pi} a_x(\omega) a_y(\omega) e^{j(\phi_x(\omega) - \phi_y(\omega))} d\omega = \alpha_{xy} + j \beta_{xy} \quad (29)$$

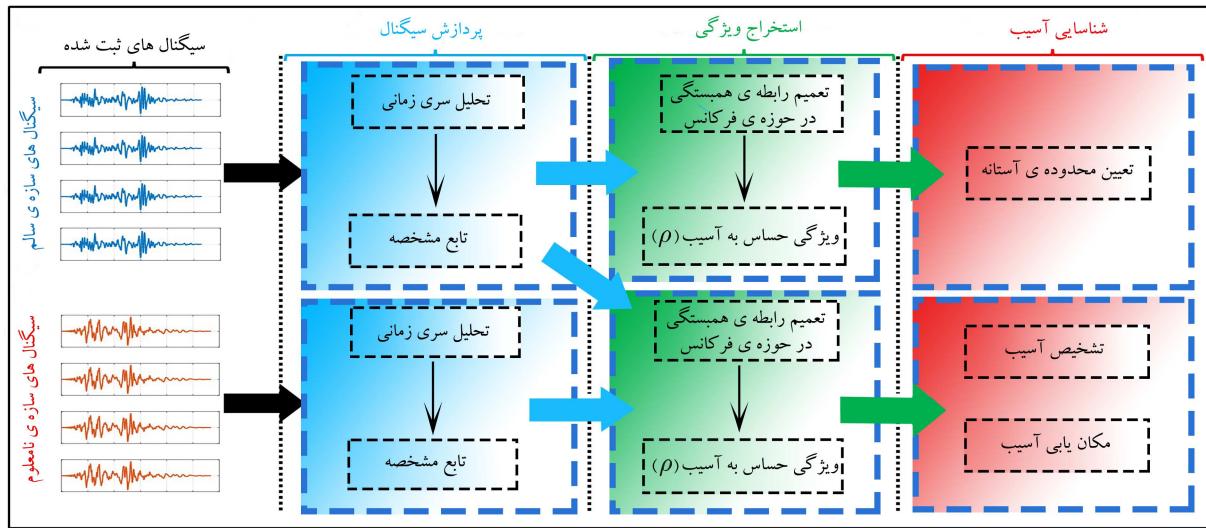
که در آن،  $\alpha_{xy}$  و  $\beta_{xy}$  به ترتیب با بخش‌های حقیقی و موهومی هر یک از انتگرال‌های بالا در ارتباط هستند. ویژگی نوین، که با  $\rho_{xy}$  نمایش داده می‌شود، با استفاده از دو مقادیر ذکر شده قابل استخراج است (رابطه‌ی ۳۰):

$$\rho_{xy} = 2\alpha_{xy} + 2j \times \beta_{xy} \quad (30)$$

با توجه به روابط ۲۷ الی ۳۰، به راحتی می‌توان دریافت که بخش حقیقی ویژگی  $\rho_{xy}$ ، همان ضریب همبستگی میان متغیرهای  $x_c$  و  $y_c$  است؛ به عبارت دیگر،  $corr_{xy} = 2\alpha_{xy}$ . با این حال، بخش موهومی ویژگی مذکور ( $2\beta_{xy}$ )، اطلاعات جدیدی را از ارتباط دو متغیر  $x_c$  و  $y_c$  با یکدیگر در اختیار قرار می‌دهد. اگر دو متغیر  $x_c$  و  $y_c$  در حوزه‌ی زمان، ضریب ثابت و مثبت از یکدیگر باشند (( $a_x(t) = ax_c(t)$  و  $y_c(t) > y_c$ )), آنگاه فازهای دو متغیر در حوزه‌ی بسامد ( $\phi_x(\omega)$  و  $\phi_y(\omega)$ ) با یکدیگر برابر خواهند بود و اختلاف آن‌ها برابر صفر می‌شود. در نتیجه، بخش موهومی ویژگی نوین ( $2\beta_{xy}$ ) حذف می‌شود و بخش حقیقی که ضریب همبستگی را نشان می‌دهد، برابر ۱ (همبستگی کامل) می‌شود. در وضعيتی دیگر، اگر دو متغیر  $x_c$  و  $y_c$  ناهمبسته کامل باشند، آنگاه ویژگی  $\rho_{xy}$  یک عدد کاملاً موهومی خواهد بود. برای سادگی بیشتر، در مطالعه‌ی حاضر، بخش‌های حقیقی و موهومی ویژگی نوین ( $\rho$ ) به ترتیب با  $\alpha$  و  $\beta$  نمایش داده شده‌اند.

##### ۴.۴. تعیین نرمال ترین آزمایش

به دلیل عدم قطعیت‌هایی که در شرایط اندازه‌گیری بر سیگنال‌های ثبت شده اعمال می‌شوند، ویژگی‌های استخراج شده از مقدار حقیقی خود انحراف پیدا می‌کنند؛ که برای رفع آن، ویژگی‌های حساس به آسیب با استفاده از آزمایشی به دست می‌آیند که کمترین انحراف را با توجه عدم قطعیت‌های موجود داشته باشند. به آزمایش اشاره

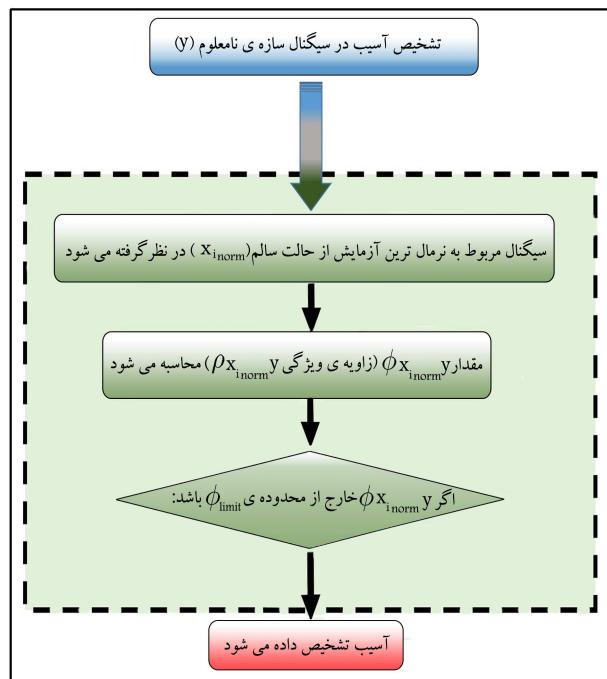


شکل ۱. فلوچارت اجرایی روش آسیب‌شناسی پیشنهادی.



شکل ۳. نمای کناری پل ۱ در حین اجرای آزمایش‌های آسیب‌شناسی.<sup>[۳۹]</sup>.

تغییر بیشتری را نسبت به ویژگی‌های استخراج شده از دیگر بخش‌های سازه دارد.<sup>[۸]</sup> در بخش کنونی، از مقدار حقیقی ویژگی  $\rho$  ( $\alpha$ ) که نشان دهنده‌ی ضریب همیستگی میان سیگنال‌های سازه‌ی آسیب دیده و سازه‌ی سالم است، برای مکان‌یابی آسیب استفاده می‌شود. در مکان آسیب، مقدار  $\alpha$  عددی منفی خواهد بود. بنابراین هر حسگری که بخش حقیقی ویژگی  $\rho$  برای آن منفی باشد، مکان آسیب شناخته می‌شود.



شکل ۲. فلوچارت تشخیص آسیب در سیگنال‌های ثبت شده از یک حسگر خاص.

می‌شود. درنتیجه، وجود آسیب در سازه‌ی تشخیص داده می‌شود. در شکل ۲، فلوچارت تشخیص آسیب با استفاده از سیگنال ثبت شده توسط یک حسگر مشاهده می‌شود. در صورتی که تعداد حسگرهای سازه بیشتر از ۱ باشد، عملیات تشخیص آسیب برای هر حسگر به صورت جداگانه اجرا می‌شود. به دلیل محلی بودن ویژگی آسیب، اگر آسیب در یک حسگر تشخیص داده شود، سازه‌ی بررسی شده، آسیب دیده قلمداد می‌شود.

## ۵. سازه‌ی مطالعاتی: پل S101

در بخش حاضر، یک سازه‌ی مقیاس کامل واقعی (پل ۱ S101) مطالعه شده است، تا قابلیت اطمینان و توانمندی‌های روش نوین در شناسایی آسیب سازه‌های دنیای واقعی ارزیابی شود. پل ۱ S101، که یک سازه‌ی بتُنی پیش‌تنیده است، در اوائل سال ۱۹۶۰ بر روی یک بزرگراه ۴ - خطه در اتریش احداث شده است. پل ۱ S101، از یک قاب سه بخشی تشکیل شده است، که بخش میانی آن به طول ۳۲m و دو بخش کناره‌ی آن به طول ۱۲m هستند و پهنای عرضی آن نیز برابر ۷/۲m است. نمای کناری پل ۱ S101، در شکل ۳ مشاهده می‌شود.

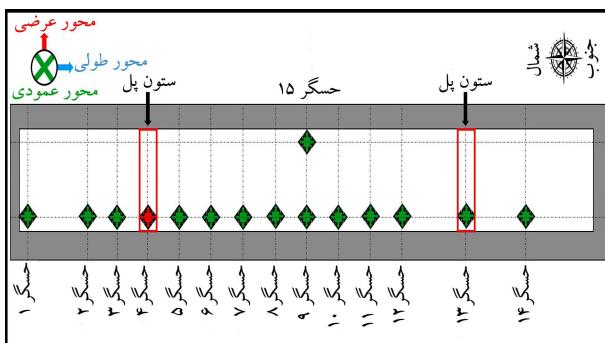
به منظور بررسی رفتار سازه در وضعیت آسیب دیدگی، چند آزمایش آسیب‌زا

## ۶. تعیین مکان آسیب با استفاده از بخش حقیقی ویژگی $\rho$ ( $\alpha$ )

به دلیل خواص محلی آسیب، مقدار ویژگی استخراج شده از سیگنال مکان آسیب،

## جدول ۱. مراحل مختلف از سناریوی آسیب‌زای اول و دیگری‌های هر مرحله.<sup>[۴۳-۴۶]</sup>

مرحله	شرح عملیات	اثر اجرای عملیات در سازه
A	شروع عملیات پرش ستون	هیچ‌گونه اثری از رخداد ترک و یا افزایش ترک‌های موجود مشاهده نشد.
B	انهای عملیات پرش ستون (پرش یک قطعه از ستون به ضخامت ۵ cm)	ایجاد یک مفصل (درجه آزادی) اضافه دقیقاً در بالای محل فونداسیون
C	گام اول از پایین آوردن ستون به میزان ۱ cm	ستون به میزان ۱ cm پایین آورده شد. سر و صدای ملائم توسط پل ایجاد شد.
D	گام دوم از پایین آوردن ستون به میزان ۱ cm	ستون به میزان ۲ cm پایین آورده شد. یک نشست ۲۱ mm در وسط پل مشاهده شده است.
E	گام سوم از پایین آوردن ستون به میزان ۱ cm	ستون به میزان تقریباً ۳ cm پایین آورده شده است. در این حالت سختی ستون به حد کشسانی بحرانی رسید و ترک‌های افقی در ستون مجاور مشاهده شد.
F	جاسازی صفحات فولادی	-
G	بازگرداندن ستون به وضعیت اولیه و ترمیم آن	ترمیم شدن ترک‌های بوجود آمده



شکل ۴. شماتیک نمای قرارگیری حسگرهای بر روی عرشه‌ی پل.<sup>[۴۳]</sup>

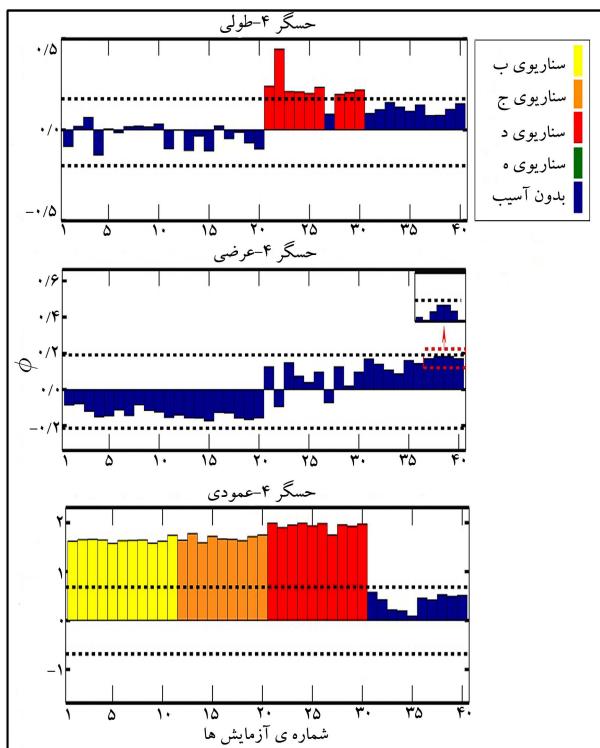
پس از پایین آوردن ستون در مرحله‌ی E، پل به حد کشسانی بحرانی خود نزدیک شده است. همچنین، ترک‌های افقی در ستون مجاور ایجاد شده است. به دلیل جلوگیری از پارگی اتصال‌های المان‌های پل، از پایین آوردن ستون به میزان بیشتر صرف نظر شد. بنابراین، می‌توان گفت که آسیب واردہ به حد نهایی رسیده و سازه تحت آسیب با شدت بالا قرار گرفته است. در مراحل F و G، ستون به وضعیت اولیه‌اش برگردانده و با استفاده از صفحات فولادی، استوار و ترمیم شد. برای اندازه‌گیری شتاب بخش‌های مختلف سازه، از یک سیستم اندازه‌گیری BRIMOS®، که شامل یک شبکه‌ی دائمی از حسگرهای شتاب‌سنج بوده است،<sup>[۴۳]</sup> استفاده و شتاب سازه در ۱۵ مکان مختلف و در سه محور طولی، عرضی و عمود بر سازه‌ی پل اندازه‌گیری شده است. شماتیک مکان قرارگیری حسگرهای در شکل ۴ مشاهده می‌شود؛ که مطابق آن، سیگنال‌های مکان آسیب توسط حسگر ۴ اندازه‌گیری شده‌اند. بسامد اندازه‌گیری و مدت زمان ثبت سیگنال برای همه‌ی حسگرهای یکسان و به ترتیب برابر  $50^{\circ}$  Hz و  $320^{\circ}$  S بوده است. در مجموع، ۷۱۴ فایل داده، که هر یک حاوی ۴۵ سیگنال با تعداد نمونه‌های ۱۶۵۰۰ بوده‌اند، جمع‌آوری و ذخیره شده‌اند. تغییر شرایط محیطی پل به دلیل زمان فصل اجرای عملیات‌ها و نیز ابری بودن روزهای آزمایش بسیار ناچیز و به طورکلی، در طول اجرای آزمایش‌ها،

پیش‌روندۀ توسط یک شرکت اتریشی به نام VCE، طی روزهای دهم تا دوازدهم ماه دسامبر ۲۰۰۸ انجام شده است. به صورت کلی، آزمایش‌های آسیب‌زا در مرحله انجام شده‌اند: در مرحله‌ی اول، یکی از ۴ ستون سازه تحت یک آسیب جدی قرار گرفته و در محل اتصال پایه به زمین، یک بردگی عرضی ایجاد شده است. در این سناریوی آسیب‌زا، که از اطلاعات آن در طالعه‌ی حاضر استفاده شده است، یکی از چهار ستون پل به صورت عرضی و از پایه‌ی ستون برش خورده و سپس ستون پایین آورده شده است. با اجرای سناریوی آخر، یک تعییر اساسی در سیستم جهانی پل اعمال شده است؛ چراکه یک مفصل (درجه آزادی) اضافه درست بالای فونداسیون پل در محل بردگی ایجاد شده است. در آغاز عملیات اخیر، با یک برش اولیه، ستون از پایه‌ی متصل به زمین و سپس، در برش دوم، یک قطعه از ستون به ضخامت ۵ cm جدا شده است. پس از آن، ستون طی سه گام متوالی به میزان ۳ cm (در هر گام به میزان ۱ cm)<sup>[۱]</sup> پایین آورده شده است. در طی اجرای مراحل، از یک جک هیدرولیک استفاده شده است، تا سختی سازه از حد کشسانی خود خارج نشود و اتصال‌های پل، پارگی پیدا نکنند. پس از اجرای سناریوی آسیب‌زا، اول، ستون آسیب‌دیده به وضعیت اولیه‌ی خود برگشت و با استفاده از صفحات فولادی محافظت در جای خود استوار و ترمیم شده است. در جدول ۱، اطلاعات مربوط به سناریوی آسیب‌زا اول از سازه‌ی پل ۱ ارائه شده است.

مطابق گزارش ارائه شده توسط شرکت VCE، در انتهای مراحل A و B، اثر قابل توجهی از آسیب در سازه و نیز پاسخ‌های آن مشاهده نشده است.<sup>[۴۴]</sup> همچنین، نتایج پژوهش‌های انجام گرفته،<sup>[۴۵-۴۷]</sup> نشان می‌دهند که شاخص آسیب برای دو مرحله‌ی A و B، نزدیک به وضعیت سالم از سازه است. با این حال، پس از اجرای مرحله‌ی C، یک صدای ملائم از پایین آمدن عرشه‌ی پل تولید شد. درنتیجه، می‌توان شدت آسیب واردہ به سازه را در مرحله‌ی C، پایین در نظر گرفت. پس از مرحله‌ی D، یک نشست ۲۱ mm در وسط پل، که نشان‌دهنده‌ی واکنش درونی پل است، مشاهده شد. از این‌رو، می‌توان گفت که در مرحله‌ی D، یک آسیب با شدت متوسط به سازه اعمال شده است.

جدول ۲. سناریوهای مختلف برای حالت‌های سالم و آسیب دیده از پل S<sub>101</sub>. [۴۳]

سناریو	وضیعیت	توضیح	سناریو
الف	قبل از شروع عملیات آسیب‌زا	سازه‌ی سالم	الف
ب	مرحله‌ی C از جدول ۱	آسیب با شدت پایین	ب
ج	مرحله‌ی D از جدول ۱	آسیب با شدت متوسط	ج
د	مرحله‌ی E از جدول ۱	آسیب با شدت بالا	د
ه	مرحله‌ی G از جدول ۱	سازه‌ی سالم	ه



شکل ۵. نتایج تشخیص آسیب در پل S<sub>101</sub> با استفاده از روش پیشنهادی.

از حد بالای  $\phi_{limit}$  خارج شده است. در نتیجه، آسیب موجود در سه سناریوی ذکر شده، تشخیص داده می‌شود. با توجه به نتایج بدست آمده در نمودارهای مربوط به حسگرهای ۴- طولی و ۴- عرضی، می‌توان مشاهده کرد که در دو حسگر اخیر، آسیب تأثیرگذاری در مقادیر  $\phi$  داشته است؛ به گونه‌یی که در آزمایش‌های سناریوهای ب و ج، مقادیر  $\phi$  در بازه‌ی  $\phi_{limit}$  قرار گرفته است. با این حال، در سناریوی د، که شدت آسیب بالاست، مقادیر  $\phi$  در حسگر ۴- طولی از محدوده‌ی آستانه خارج شده است. این موضوع نشان می‌دهد که آسیب رخداده، مودهای عمودی پل را بیشتر از مودهای طولی و عرضی تحت تأثیر قرار می‌دهد. از آنجایی که آسیب در سازه‌ی پل S<sub>101</sub> با برش مقطعی یکی از ستون‌ها رخ داده است، کاملاً روشن است که اثر آن در پاسخ مودهای عمودی بیشتر از پاسخ مودهای طولی و عرضی مشاهده شده است.

در رابطه با سناریوی هـ، که سازه در وضعیت تعمیر شده و سالم قرار دارد، هیچ‌گونه آسیبی توسط حسگرهای ۴- طولی، عرضی و عمودی تشخیص داده نشده است. مطابق نتایج بدست آمده برای سناریوی هـ در شکل ۵، برای هر سه حسگر، مقادیر  $\phi$  در داخل آستانه‌ی سلامتی ( $\phi_{limit}$ ) قرار گرفته است. بنابراین، روش پیشنهادی به خوبی توانسته است وضعیت دقیق سازه‌ی پل S<sub>101</sub> را در وضعیت‌های آسیب دیده و سالم تشخیص دهد.

برای مقایسه‌ی توانمندی‌های روش پیشنهادی در تشخیص آسیب، نتایج تشخیص آسیب برای سناریوهای ب تا هـ توسط روش پلاوین (۲۰۲۱) [۴۶] نیز محاسبه شده است. در روش پلاوین، ضرایب کپسیتلار بسامدی مل (MFCC) <sup>۲۵</sup> از سیگنال‌های مختلف سازه به دست می‌آید و با بررسی آستانه‌ی تعیین شده توسط حالت سالم از سازه ( $\Gamma$ )، آسیب تشخیص داده می‌شود.<sup>[۴۷]</sup> در استخراج ضرایب MFCC لازم است که اندازه‌ی قاب زمانی سیگنال ( $M$ ) مشخص شود. به منظور بررسی کامل نتایج تشخیص آسیب توسط روش پلاوین، از مقادیر مختلف پارامتر  $M$  برابر

یک شرایط ثابت بر سازه‌ی پل حاکم بوده است. علاوه‌بر نویز شرایط اندازه‌گیری، که جزء جدا نشدنی از هر آزمایش است، دو منبع نویزی دیگر در پاسخ‌های سازه تأثیرگذار بوده‌اند. هنگام اجرای عملیات‌ها، جاده در یکی از دو طرف پل باز بوده و بنابراین، سیگنال‌های پاسخ شتاب سازه تحت تأثیر بارهای دینامیکی ناگهانی و مراحم، همچون ترافیک ماشین‌آلات سنگین قرار گرفته‌اند. علاوه‌بر آن، در نزدیکی طرف دیگر جاده که بسته بود، عملیات‌های ساخت و ساز جریان داشته است. از این‌رو، اغتشاش‌های مختلفی بر روی پاسخ‌های شتاب اعمال شده‌اند.

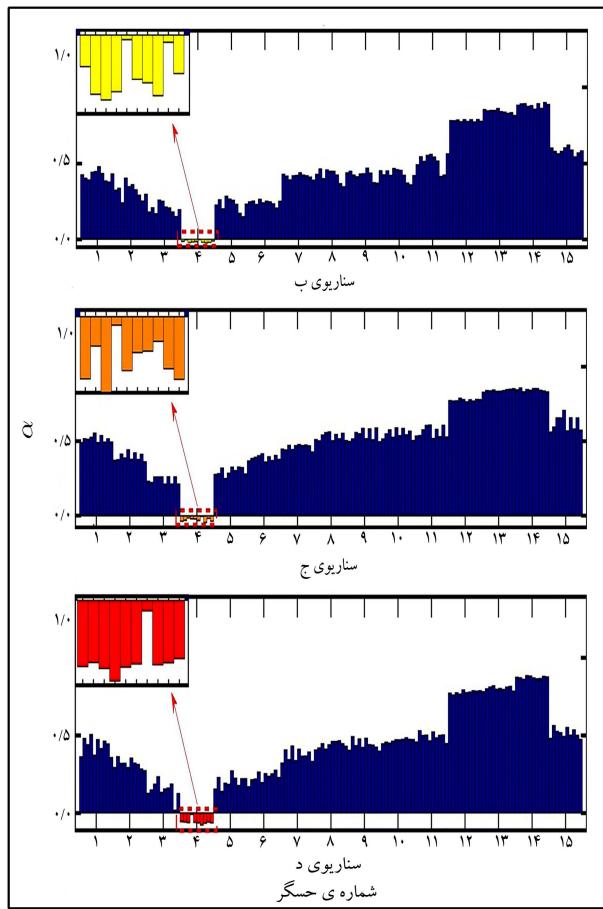
برای ارزیابی عملکرد روش پیشنهادی آسیب پیشنهادی، با استفاده از اطلاعات سازه‌ی سالم و همچنین مراحل ارائه شده در جدول ۱، پنج سناریوی مختلف برای حالت‌های سالم و آسیب دیده از سازه‌ی پل انتخاب شده‌اند، که اطلاعات آن‌ها در جدول ۲ ارائه شده است.

مطابق جدول ۲، سناریوی الف مربوط به حالت سازه قبل از اجرای عملیات آسیب‌زا اول است. از سناریوی الف، به عنوان حالت عادی و سالم از سازه‌ی پل و از سیگنال‌های آن برای تعیین آستانه‌ی سلامتی سازه ( $\phi_{limit}$ ) استفاده می‌شود. تعداد آزمایش‌های استفاده شده در سناریوی الف برابر ۵۰ است. سناریوهای ب، ج و د نیز به ترتیب مراحل C، D و E از جدول ۱ هستند؛ که در آن‌ها، ستون پل پایین آورده می‌شود. در سناریوهای اخیر، شدت آسیب رفته‌رفته افزایش می‌یابد. سناریوی هـ نیز مرحله‌ی G از جدول ۱ است. وضعیت سازه در سناریوی هـ سالم است. از سناریوهای ب تا هـ، به منظور ارزیابی روش پیشنهادی در تعیین وضعیت دقیق سازه‌ی پل استفاده می‌شود. تعداد آزمایش‌های بررسی شده در هر یک از سناریوهای مذکور برابر ۱۰ است. قابل توجه است که اطلاعات دینامیکی سازه‌ی پل، که شامل سیگنال‌های زمانی ثبت شده از سازه است، از طریق نوشتارهای دو هزار <sup>۲۲</sup> و همکاران (۱۴)، <sup>۲۳</sup> و هیل <sup>۲۴</sup> و همکاران (۱۱)، <sup>۲۵</sup> قابل دسترسی است.

## ۱.۵ نتایج تشخیص آسیب

برای تشخیص آسیب در سازه‌ی پل S<sub>101</sub>، مقادیر  $\phi$  (زاویه‌ی ویژگی  $\theta$ ) برای سناریوهای مختلف آسیب برای حسگر ۴ در جهت‌های طولی، عرضی و عمودی محاسبه شده است (شکل ۵). خطوط سیاه رنگ در هر نمودار بیانگر حدود بالا و پایین آستانه‌ی  $\phi_{limit}$  برای هر یک حسگرها هستند. مقادیر بازه‌های  $\phi_{limit}$  برای حسگر ۴ در محورهای طولی، عرضی و عمودی به ترتیب برابر [۰/۰، ۰/۱۹۶، -۰/۱۷۱]، [۰/۱۹۱، ۰/۲۱۴، -۰/۲۱۴] و [۰/۶۸۳، ۰/۶۸۱] هستند. دلایل تفاوت در مقادیر بازه‌های مذکور آن است که رفتار مودی سازه در حسگرهای مختلف و در محورهای طولی، عرضی و عمودی با یکدیگر متفاوت است. در نتیجه، شدت انحراف‌هایی که به دلایل گوناگون، اعم از تغییرات دمایی جزئی، اغتشاش‌های خارجی و نویز اندازه‌گیری بر پاسخ مودهای مختلف از سازه اعمال می‌شود، متفاوت است.

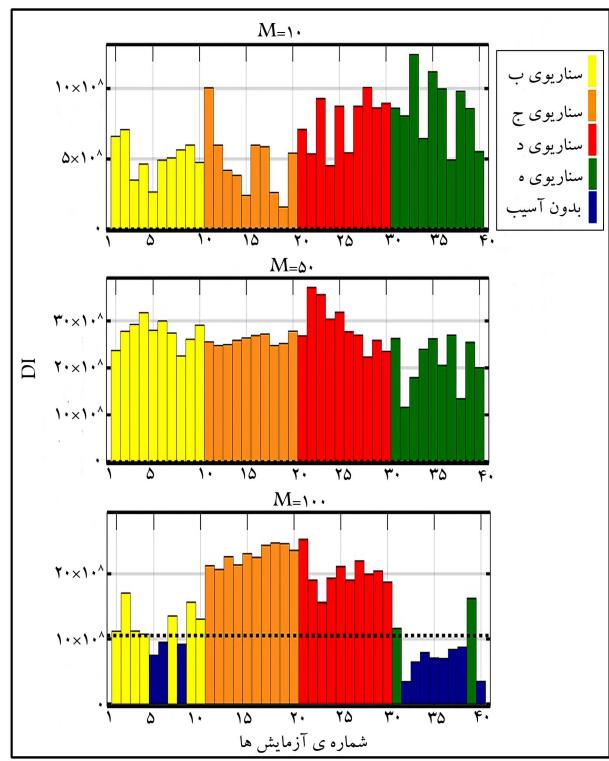
با توجه به شکل ۵، در سناریوهای ب، ج و د، مقادیر  $\phi$  برای حسگر ۴- عمودی



شکل ۷. مقدار  $\alpha$  برای آزمایش‌های گوناگون از سناریوهای آسیب در حسگرهای مختلف.

شده است و در حسگرهای دیگر مقدار  $\alpha$  مثبت بوده است. این موضوع بیانگر آن است که در سناریوهای گوناگون، مکان آسیب در سازه پل فقط حسگر ۴ است.

به عنوان مقایسه‌ی عملکرد روش پیشنهادی نویسنده‌گان پژوهش حاضر با پژوهش آلوس و کیوری (۲۰۲۱)،<sup>[۲۴]</sup> مقدار شاخص آسیب (DI) برای آزمایش‌های سناریوهای ب، ج و د به دست آمده‌اند. در پژوهش آلوس و کیوری (۲۰۲۱)، مقدار شاخص آسیب براساس ۱۹ ویژگی آماری، مانند: انرژی، عامل شکل، عامل کرست و ... که از سیگنال پاسخ سازه استخراج شده‌اند، محاسبه شده است. در روش حاضر، هر حسگری که بیشترین مقدار شاخص آسیب را داشته باشد، به عنوان محتمل ترین مکان آسیب انتخاب می‌شود. همان‌طور که در شکل ۸ مشاهده می‌شود، مقدار شاخص مکان آسیب برای حسگرهای ۱- طولی و ۴- عمودی محاسبه شده است؛ که مطابق آن، با توجه نتایج به دست آمده در سناریوهای مختلف، مقدار DI برای حسگر ۱- طولی بیشتر از مقدار مربوط به حسگر ۴- عمودی است. بنابراین در آزمایش‌های مختلف، حسگر ۱- طولی با احتمال بالاتری مکان آسیب است. این در حالی است که با توجه به شکل ۴، حسگر ۱ در مکان دوری از آسیب و حسگر ۴، نزدیک‌ترین مکان را به محل وقوع آسیب داشته‌اند. از مقایسه‌ی نتایج به دست آمده توسط روش پیشنهادی در پژوهش حاضر و روش آلوس و کیوری، توانمندی روش پیشنهادی در تعیین مکان آسیب برای سازه واقعی پل S101 به اثبات می‌رسد.



شکل ۶. نتایج تشخیص آسیب با استفاده از مقادیر مختلف برای پارامتر  $M$ .

با  $10^0$  و  $10^0$  استفاده شده است. مقدار آستانه‌ی سلامتی  $\Gamma$ ، که به ازاء مقادیر مختلف پارامتر  $M$  به دست آمده است، به ترتیب برابر  $2/8, 22/8, 70/2$  و  $105215840/1, 2$  بوده است. نتایج تشخیص آسیب توسط روش پلاوین در شکل ۶ مشاهده می‌شود.

نتایج ارائه شده برای پارامتر  $M$  برابر با  $10^0$  و  $50^0$  نشان می‌دهند که روش پلاوین به خوبی می‌تواند آسیب سناریوهای ب، ج و د را تشخیص دهد. با این حال، افزایش مقدار  $M$  منجر به عدم توانایی روش در تشخیص آسیب‌های باشدت پایین می‌شود؛ به طوری که به ازاء  $M = 100$ ، در برخی از آزمایش‌های سناریوی ب، همچون آزمایش‌های شماره‌ی ۵، ۶ و ۸، آسیب سازه قابل تشخیص نیست. در رابطه با سناریوی هـ، افزایش مقدار پارامتر  $M$  موجب بهبود نتایج در شناسایی وضعیت سازه در سناریوی هـ شده است؛ با این حال، حتی به ازاء  $M = 100$ ، همچنان در برخی آزمایش‌های سناریوی هـ، سازه به اشتیا، آسیب دیده تشخیص داده شده است. این در حالی است که سازه پل S101 در سناریوی هـ تعمیر شده و آسیبی به سازه وارد نشده است.

## ۲.۵. نتایج مکان‌یابی آسیب

برای تعیین مکان آسیب در سازه‌ی پل، بخش حقیقی ویژگی  $\mu(\alpha)$ ، که برای حسگرهای مختلف به دست می‌آید، بررسی می‌شود. مقدار  $\alpha$  برای حسگرهای مختلف در سناریوهای آسیب‌دیدگی (ب، ج و د) به دست آمده و در شکل ۷ نمایش داده شده است. به دلیل اثر بزرگی آسیب در مدهای عمودی سازه، فقط نتایج به دست آمده از حسگرهای محور عمودی نشان داده شده‌اند. مقدار  $\alpha$  برای حسگرهای طولی و عرضی در تمامی آزمایش‌های سناریوهای ب، ج و د مثبت بوده و به همین منظور از آوردن آن‌ها در شکل ۷ پرهیز شده است. مطابق نتایج شکل ۷، در هر یک از سناریوهای آسیب، مقدار  $\alpha$  فقط برای حسگر ۴ منفی

تعیین مکان آسیب در روش پیشنهادی حاضر به راحتی انجام می‌پذیرد. در صورت آسیب دیدگی سازه، بخش حقیقی ویژگی استخراج شده از سیگنال مرتبط با مکان آسیب ( $\alpha$ )، مقداری متفاوت است. با این حال، در روش الوس و کیوری (۲۰۲۱)، ویژگی‌های حساس به آسیب از سیگنال‌های آگشته به نویز استخراج می‌شوند. نویز موجود در سیگنال‌ها موجب می‌شود که ویژگی‌های به دست آمده، علاوه بر آنکه به آسیب حساس باشند، به نویز نیز از خود حساسیت نشان دهند. در این صورت، اثر متفاوتی نویز پاسخ در نتایج شناسایی آسیب مشاهده می‌شود. مطابق شکل ۸، مقدار شاخص DI در حسگر ۱، نیزکه از مکان آسیب دور است، بیشتر از مقدار به دست آمده برای حسگر ۴ است. به عبارت دیگر، حسگر ۱ با احتمال بیشتری نسبت به حسگر ۴ مکان آسیب است. در مقایسه با روش الوس و کیوری (۲۰۲۱)، ویژگی نوین  $\mu$ ، حساسیت کمتری به نویز موجود در پاسخ سیگنال دارد. این برتری به دلیل حذف آثار نویز منبع از تابع مشخصه‌ی سیگنال پاسخ است. از مقایسه‌ی نتایج شکل‌های ۷ و ۸، می‌توان دریافت که شیوه‌ی پیشنهادی نوشتار حاضر، در مکان‌بایی آسیب با دقت بیشتری عمل می‌کند و عملکرد درستی در مکان‌بایی دقیق آسیب دارد.

## ۷. نتیجه‌گیری

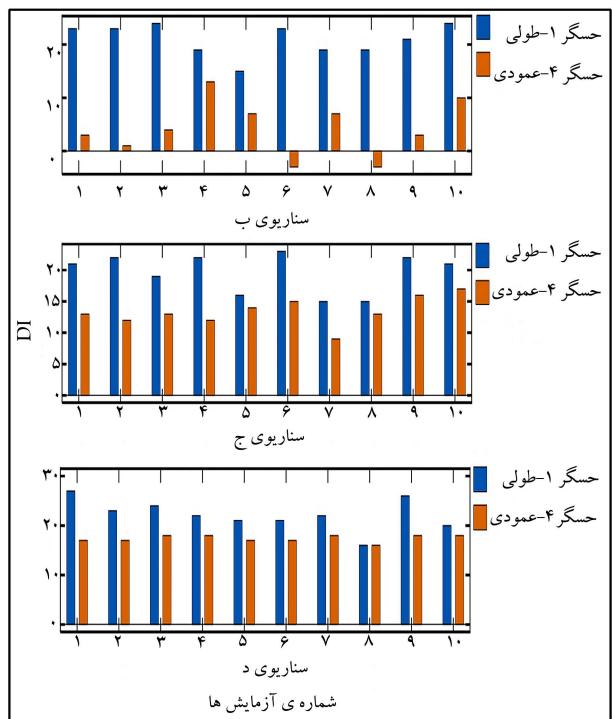
در پژوهش حاضر، یک روش استخراج ویژگی با قابلیت اطمینان بالا در برابر نویز و عدم قطعیت ارائه شده است، که نوادری‌های آن عبارتند از:  
— با محاسبه‌ی تابع مشخصه‌ی بسامدی، ویژگی‌های ذاتی و دینامیکی سازه از نویز پاسخ جدا می‌شوند؛

— با تعیین رابطه‌ی همبستگی در حوزه‌ی بسامد، یک ویژگی دو بعدی با مقداری مختلط ( $\mu$ ) به دست می‌آید، که به صورت همزمان میزان همبستگی و ناهمبستگی دو متغیر را نشان می‌دهد. علاوه بر آن، ویژگی استخراج شده به آسیب سازه سیار حساس است.

— با بررسی ابعاد مختلف از ویژگی استخراج شده، سطوح مختلف آسیب شناسایی می‌شوند. با بررسی زاویه‌ی ( $\phi$ )، وجود آسیب در سازه تشخیص داده می‌شود. همچنین، مکان آسیب با بررسی بخش حقیقی ( $\mu$ ) به راحتی تعیین می‌شود؛  
— قابلیت اطمینان و توانمندی‌های ویژگی پیشنهادی در شناسایی آسیب سازه‌های عمرانی با بررسی یک سازه‌ی معیار واقعی (سازه‌ی پل S1۰۱) ارزیابی شده است. دستاوردهای سطوح مختلف از شناسایی آسیب در سازه‌ی پل S1۰۱ M = ۵۰ و M = ۱۵ را نمایند. همچنین به منظور نشان دادن برتری‌های روش شناسایی آسیب پیشنهادی، نتایج به دست آمده با نتایج پژوهش‌های اخیر در حوزه‌ی پاسخ سلامت، یعنی روش‌های پراوین (۲۰۲۱) و الوس و کیوری (۲۰۲۱) مقایسه شده‌اند. آزمایش‌های انجام گرفته، برتری روش پیشنهادی را بر روش‌های ذکر شده در تشخیص آسیب سازه‌بی و تعیین مکان آن نشان می‌دهند.

## پانوشت‌ها

1. auto regressive
2. auto regressive with eXogenous input
3. auto regressive moving average



شکل ۸. مقادیر DI برای حسگرهای ۱ - طولی و ۴ - عمودی در سناریوهای مختلف.

## ۶. بحث بر نتایج

آزمایش‌های انجام شده در سازه‌ی پل نشان می‌دهند که روش پیشنهادی، عملکردی مقاوم در برابر تحریک‌های ناگهانی خارجی دارد؛ به گونه‌ی که می‌تواند آسیب سازه را در شرایطی که سازه را ناگهانی، همچون ترافیک و ساخت و سازهای انسانی قرار گرفته است، به خوبی تشخیص دهد. با توجه به نتایج روش پیشنهادی در شکل ۵، تشخیص وجود آسیب در سناریوهای آسیب دیده (ب، ج و د) فقط با بررسی حسگر ۴ - عمودی امکان‌پذیر است، و نیازی به بررسی نتایج حسگرهای دیگر نیست. این در حالی است که در شیوه‌ی پراوین، از اطلاعات همه‌ی حسگرها در تشخیص آسیب استفاده می‌شود. بنابراین، بی‌نیازی به اطلاعات همه‌ی حسگرها، یکی از برتری‌های روش پیشنهادی نوشتار حاضر بر روش پراوین است. علاوه بر آن، با توجه به نتایج شکل ۶، روش پراوین به ازاء هیچ مقداری از پارامتر  $M$  توانایی تعیین وضعیت درست از سازه‌ی پل را ندارد. نتایج به دست آمده برای مقدار  $M = ۱۵$  و  $M = ۵۰$  نشان می‌دهند که در سناریوی هـ، سازه‌ی پل به اشتباہ آسیب دیده تشخیص داده شده است؛ در حالی که پل S1۰۱ در سناریوی هـ - تعمیر شده و سازه در وضعیتی سالم قرار داشته است. اگر مقدار  $M$  افزایش یابد ( $M = ۱۰۰$ )، این نوع خطای تشخیص کاهش می‌یابد؛ با این حال خطای بزرگ‌تری رخ می‌دهد. به گونه‌ی که در برخی آزمایش‌های سناریوی بـ، که سازه در وضعیتی آسیب دیده قرار داشته است، آسیب قبل تشخیص نبوده است.

4. auto regressive moving average with eXogenous input
5. Alves& Cury
6. crest
7. Hoell & Omenzetter
8. Hua
9. Fang & Chen

10. Yang
11. Pavlopoulou
12. nonlinear principal component analysis
13. Matilainen
14. sliced inverse regression
15. blind source separation
16. Duran& rosal
17. Coral Reef Optimization
18. Roveri & Carcaterra
19. hilbert-huang transform
20. Yue
21. Prawin
22. moving average
23. Döhler
24. Hille
25. mel-frequency cepstral coefficient

10. Darvishan, E. and Ghodrati Amiri, G. "Damage detection of structures using wavelet packet analysis and dimensionality reduction", *Sharif Journal of Civil Engineering*, **35.2**(1.2), pp. 85-91 (2019).
11. Entezami, A., Shariatmadar, H. and Karamodin, A. "Improving feature extraction via time series modeling for structural health monitoring based on unsupervised learning methods", *Scientia Iranica*, **27**(3), pp. 1001-1018 (2020).
12. Guo, H. and Wang, Z. "Experimental study of transmission tower damage detection using time series model", In *IOP Conference Series: Materials Science and Engineering*, **711**(3), p.012069 (2020).
13. Entezami, A., Shariatmadar, H. and Mariani, S. "Early damage assessment in large-scale structures by innovative statistical pattern recognition methods based on time series modeling and novelty detection", *Advances in Engineering Software*, **150**, p.102923 (2020).
14. Entezami, A., Shariatmadar, H. and Karamodin, A. "Data-driven damage diagnosis under environmental and operational variability by novel statistical pattern recognition methods", *Structural Health Monitoring*, **18**(5-6), pp. 1416-1443 (2019).
15. Rezaiee-Pajand, M., Entezami, A. and Shariatmadar, H. "An iterative order determination method for time-series modeling in structural health monitoring", *Advances in Structural Engineering*, **21**(2), pp. 300-314 (2018).
16. Amezquita-Sanchez, J.P. and Adeli, H. "Signal processing techniques for vibration-based health monitoring of smart structures", *Archives of Computational Methods in Engineering*, **23**(1), pp. 1-15 (2016).
17. Hoell, S. and Omenzetter, P. "Improved damage detectability in a wind turbine blade by optimal selection of vibration signal correlation coefficients", *Structural Health Monitoring*, **15**(6), pp. 685-705 (2016).
18. Yu, Y., Wang, C., Gu, X. and et al. "A novel deep learning-based method for damage identification of smart building structures", *Structural Health Monitoring*, **18**(1), pp. 143-163 (2019).
19. Jalalifar, F., Shahabian Moghadam, F. and Esfahani, M.R. "Application of random decrement technique and bhattacharyya measure to damage detection under environmental and operational variability", *Modares Civil Engineering Journal*, **20**(6), pp. 115-126 (In Persian) (2020).
20. Razavi, B.S., Mahmoudkelayeh, M.R. and Razavi, S.S. "Damage identification under ambient vibration and unpredictable signal nature", *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **11**(5), pp. 1253-1273 (2021).
21. Bagheri, A., Rizzo, P. and Li, K. "Ultrasonic imaging algorithm for the health monitoring of pipes", *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **7**(1), pp. 99-121 (2017).
22. Vinay, V., Kumar, G.V. and Kumar., K.P. "Bearing fault component identification using information gain and machine learning algorithms", In *Structural Health Monitoring and Inspection of Advanced Materials, Aerospace, and Civil Infrastructure 2015*, 9437, pp. 162-169 (2015).

## مراجع (References)

1. Ghodrati Amiri, G., Talebzadeh, M., Talebi, M. and et al. "Damage assessment in connections of moment resistant frames using Hilbert-Huang transform", *Sharif Journal of Civil Engineering*, **32.2**(1.1), pp. 3-11 (2016).
2. Entezami, A. "Structural health monitoring by time series analysis and statistical distance measures", Springer (2021).
3. Hanteh, M., Rezaifar, O. and Gholhaki, M. "Selecting the appropriate wavelet function in the damage detection of precast panel building based on experimental results and numerical method", *Sharif Journal of Civil Engineering*, **37.2**(2.2), pp. 131-147 (2021).
4. Giahi, A.M., Asgari Marnani, J., Ahmadi, H. and et al. "Investigating the effect of intensity and location of damage on modal characteristics in concrete arch dams", *Sharif Journal of Civil Engineering*, **37.2**(3.2), pp. 93-104 (2021).
5. Ghannadi, P. and Kourehli, S.S. "Data-driven method of damage detection using sparse sensors installation by SEREPA", *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **9**(4), pp. 459-475 (2019).
6. Zhang, Z. and Sun, C. "Structural damage identification via physics-guided machine learning: a methodology integrating pattern recognition with finite element model updating", *Structural Health Monitoring*, **20**(4), pp. 1675-1688 (2021).
7. Entezami, A. and Shariatmadar, H. "An unsupervised learning approach by novel damage indices in structural health monitoring for damage localization and quantification", *Structural Health Monitoring*, **17**(2), pp. 325-345 (2018).
8. Entezami, A. and Shariatmadar, H. "Damage localization under ambient excitations and non-stationary vibration signals by a new hybrid algorithm for feature extraction and multivariate distance correlation methods", *Structural Health Monitoring*, **18**(2), pp. 347-375 (2019).
9. Svendsen, B.T., Frøseth, G.T., Øiseth, O. and et al. "A data-based structural health monitoring approach for damage detection in steel bridges using experimental data", *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **12**(1), pp. 101-115 (2021).

- سازمان اسناد و کتابخانه ملی  
جمهوری اسلامی ایران
- ۳۶
23. Zhu, X. and Rizzo, P. "Sensor array for the health monitoring of truss structures by means of guided ultrasonic waves", *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **4**(3), pp. 221-234 (2014).
  24. Alves, V. and Cury, A. "A fast and efficient feature extraction methodology for structural damage localization based on raw acceleration measurements", *Structural Control and Health Monitoring*, **28**(7), p.e2748 (2021).
  25. Mousavi, A.A., Zhang, C., Masri, S.F. and et al. "Structural damage detection method based on the complete ensemble empirical mode decomposition with adaptive noise: a model steel truss bridge case study", *Structural Health Monitoring*, **21**(3), pp.887-912 (2021).
  26. Pérez, M.A., Pernas-Sánchez, J., Artero-Guerrero, J.A. and et al. "High-velocity ice impact damage quantification in composite laminates using a frequency domain-based correlation approach", *Mechanical Systems and Signal Processing*, **147**, p.107124 (2021).
  27. Shang, Z., Sun, L., Xia, Y. and et al. "Vibration-based damage detection for bridges by deep convolutional denoising autoencoder", *Structural Health Monitoring*, **20**(4), pp. 1880-1903 (2021).
  28. Hoell, S. and Omenzetter, P. "Damage detection in wind turbine blades based on time series correlations", In *7th International Conference on Structural Health Monitoring of Intelligent Infrastructure*, Torino, Italy, pp. 1-10 (2015).
  29. Hua, J., Zhang, H., Miao, Y. and et al. "Modified minimum variance imaging of lamb waves for damage localization in aluminum plates and composite laminates", *NDT & E International*, **125**, p.102574 (2022).
  30. Fang, S.E. and Chen, S. "Model-free damage localization of structures using wavelet based grey relational analysis", *Smart Materials and Structures*, **29**(8), p.085046 (2020).
  31. Yang, Z., Yu, Z. and Sun, H. "On the cross-correlation function amplitude vector and its application to structural damage detection", *Mechanical Systems and Signal Processing*, **21**(7), pp. 2918-2932 (2007).
  32. Khoa, N.L., Zhang, B., Wang, Y. and et al. "Robust dimensionality reduction and damage detection approaches in structural health monitoring", *Structural Health Monitoring*, **13**(4), pp. 406-417 (2014).
  33. Pavlopoulou, S., Worden, K. and Soutis, C. "Novelty detection and dimension reduction via guided ultrasonic waves: damage monitoring of scarf repairs in composite laminates", *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, **27**(4), pp. 549-566 (2016).
  34. Matilainen, M., Croux, C., Nordhausen, K. and et al. "Supervised dimension reduction for multivariate time series", *Econometrics and Statistics*, **4**, pp. 57-69 (2017).
  35. Duran-Rosal, A.M., Gutierrez, P.A., Salcedo-Sanz, S. and et al. "A statistically-driven coral reef optimization algorithm for optimal size reduction of time series", *Applied Soft Computing*, **63**, pp. 139-153 (2018).
  36. Entezami, A., Sarmadi, H., Salar, M. and et al. "A novel data-driven method for structural health monitoring under ambient vibration and high-dimensional features by robust multidimensional scaling", *Structural Health Monitoring* (2020).
  37. Roveri, N. and Carcaterra, A. "Damage detection in structures under traveling loads by hilbert-huang transform", *Mechanical Systems and Signal Processing*, **28**, pp. 128-144 (2012).
  38. Yue, N. and Aliabadi, M. "Hierarchical approach for uncertainty quantification and reliability assessment of guided wave-based structural health monitoring", *Structural Health Monitoring* (2020).
  39. Döhler, M., Hille, F., Mevel, L. and et al. "Structural health monitoring with statistical methods during progressive damage test of S101 bridge", *Engineering Structures*, **69**, pp. 183-193 (2014).
  40. Prawin, J. "Breathing crack damage diagnostic strategy using improved MFCC features", *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, **32**(20), pp. 2437-2462 (2021).
  41. Ghosh, S. "Signals and systems", Pearson Education India (2005).
  42. VCE. "Progressive damage test S101 flyover reibersdorf (draft)", Tech. Report 08/2308 (2009).
  43. Hille, F., Döhler, M., Mevel, L. and et al. "Subspace based damage detection methods on a prestressed concrete bridge", *Proceedings of the 8th International Conference on Structural Dynamics*, EURODYN, pp. 2304-2310 (2011).