

بررسی امکان استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی در مسائل هدایت معکوس

فرشاد کوثری (دانشیار)

بردیس فنی - دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه تهران

موقنی محمدظاهری (مریم)

دانشگاه آزاد اسلامی، واحد سمنان

سعید ایوان‌نو (کارشناس ارشد)

بردیس فنی - دانشکده‌ی مهندسی مکانیک، دانشگاه تهران

در حال حاضر برای تخمین تابع شارگرمایی واردہ به یک سطح، با استفاده از دماهای اندازه‌گیری شده، از روش‌هایی با نام کلی «هدایت معکوس» استفاده می‌شود، که معمولاً نسبت به روش مستقیم محاسبه‌ی دما با داشتن شار پایداری کمتری دارند و زمان بر هستند. در این نوشتار سعی بر آن است تا با ساختن یک شبکه‌ی عصبی مصنوعی و یاددهی نتایج آزمایش‌یا محاسبات مستقیم به آن، شبکه‌ی عصبی چنان آموزش ببیند که مانند روش‌های معکوس هدایت معکوس بتواند با داشتن دما در چند زمان متوالی، تابع شار را تخمین بزند. نتایج به دست آمده، به خصوص با دورتر شدن حساسه‌ی دما از سطح فعال، به لحاظ سرعت و دقیق محاسبات کاملاً قابل توجه است.

بر متغیرها یا مدل‌سازی به کار می‌روند، چنین به نظر می‌رسد که بتوان برای به دست آوردن تابع شارگرمایی واردہ به یک جسم از روی دمای آن (دمای لحظه کنونی و لحظات بعد)، از این شبکه‌ها استفاده کرد. در یک نمونه‌ی ثبت شده برای استفاده از شبکه‌ی عصبی در هدایت معکوس،^[۱] مسئله‌ی پاشش آب روی یک صفحه داغ بررسی شده است. آنچه در این نمونه عملأً انجام شده، تخمین ضریب انتقال حرارت^[۲] است نه تابع شار. در پژوهش مذکور، از ۲۰۰ سری داده‌های آموزشی نزدیک و تقریباً هم‌شکل تابع مورد تخمین و اطلاعات ۵۰ لحظه (به‌فاصله‌ی ۱/۱ ثانیه) قبل استفاده شده است. یاددهی نیز به روش گرادیان بوده که به خصوص برای یادگیری مدل‌های بدوضع و ناجور که ماهیت فیزیکی مستقیم ندارند، بسیار ضعیف است. در نوشتار حاضر برای تخمین تابع شار تنها از ۲ سری (و در یک مورد از ۳ سری) داده‌ی آموزشی و از اطلاعات ۲ یا ۱ لحظه‌ی قبل استفاده شده است.

معرفی روش

معادله‌ی حاکم بر مسائل انتقال حرارت هدایتی عبارت است از:

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = \frac{1}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} \quad (1)$$

که به‌سادگی قابل حل است. حل این معادله‌ی دینامیکی ووابسته به زمان، با داشتن شرایط اولیه (دمای اولیه) و مرزی (شار حرارتی

مقدمه

مسائل انتقال حرارت هدایتی به دو دسته‌ی کلی تقسیم می‌شوند: مسائل مستقیم و مسائل معکوس. مسائل مستقیم عموماً هندسه، خواص فیزیکی و شرایط اولیه و مرزی (از نوع شارگرمایی) را در بر می‌گیرد و هدف آن یافتن دما در محدوده‌ی حل است. حل این گونه مسائل معمولاً با دقت و پایداری کافی میسر است؛ بدین معنی که خطای واردہ در شرایط مرزی، خطایی هم مقیاس با خود در دمای محاسبه شده ایجاد می‌کند. اما مسائل معکوس شامل بعضی از مشخصات ذکر شده (معمولأ شارگرمایی) نمی‌شود ولی دماهای اندازه‌گیری شده در دست است. در این گونه مسائل که از لحاظ ریاضی در رده‌ی «بدوضع» طبقه‌بندی می‌شوند، وجود هرگونه خطای تصادفی اجتناب‌ناپذیر در اندازه‌گیری دما، باعث بزرگ‌نمایی^[۳] خطای تخمین می‌شود. یکی از مهم‌ترین مسائل معکوس تعیین تابع شار واردہ به جسم از روی دماهای اندازه‌گیری شده است. به طور کلی می‌توان گفت که در روش‌های معکوس، تابع خطایی که براساس اختلاف دمای محاسباتی و اندازه‌گیری تعریف می‌شود، کمینه‌یابی و بر این اساس، پارامتر مجھول تخمین زده می‌شود. معروف‌ترین روش‌های کلاسیک هدایت گرمایی معکوس عبارت‌اند از روش مرتب‌سازی تیخونوف^[۴]، روش تخمین متوالی توابع^[۲] و روش گرادیان مزدوج^[۵]. از آنجا که شبکه‌های عصبی مصنوعی برای یادگیری روابط حاکم

بررسی نحوه انتخاب و پیش‌پردازش اطلاعات داده شده به شبکه‌ی عصبی

وظیفه‌یی که از شبکه عصبی انتظار می‌رود، تخمین شار واردۀ با داشتن دمای اندازه‌گیری شده است. مسلماً دمای لحظه‌های^۶ بعد هم در تعیین شار در یک لحظه مؤثرند. غیر از دما می‌توان عوامل دیگری نیز به شبکه وارد کرد که از آنها صرف‌نظر شده است. به نظر می‌آید در تعیین شار گرمایی در یک لحظه، هرچه از دماهای زمان‌های دورتر استفاده شود، بر دقت کار افزوده می‌شود و ضمناً شار با تأخیر زمانی بیشتری به دست می‌آید. مانند «روش تخمین متوالی توابع» تعداد دماهای مورد استفاده را^۷ در نظر گرفته‌ایم. مسئله‌ی دیگر این است که آیا لازم است بر دماهای ورودی به شبکه پیش‌پردازش انجام شود؟ برای رسیدن به پاسخ، یک بار دماها بدون پیش‌پردازش به صورت متوالی (دما در لحظه‌ی فعلی و لحظات بعد) به شبکه داده شد (معادله‌ی ۴)، دفعات دیگر دما در هر لحظه و مشتقات یا دیفرانسیل‌های عددی سمت راست (معادله‌های ۵ و ۶) به شبکه داده شدند. پیش‌پردازش‌های اعمالی (مشتق و یا دیفرانسیل‌گیری) تأثیر منفی در توان یادگیری شبکه داشتند.

$$\left. \begin{array}{l} T_k \\ T_{k+1} \\ \dots \\ T_{k+r-1} \end{array} \right\} \Rightarrow q_k \quad (4)$$

$$\left. \begin{array}{l} T_+ \\ T'_+ \\ \dots \\ T^{(r-1)}_+ \end{array} \right\} \Rightarrow q \quad (5)$$

$$\left. \begin{array}{l} T \\ dT \\ d^2T \\ d^3T \end{array} \right\} \Rightarrow q \quad (6)$$

با توجه به نتایج مشاهده شده تصمیم گرفته شد، که مانند مدل‌سازی سیستم‌های گستته که در کنترل اتوماتیک کاربرد دارد^[۷-۸] مقادیر دما در زمان‌های متوالی مستقیماً به عنوان ورودی شبکه اعمال شود. فرضاً برای استفاده از نتایج ۲۰۰ داده، اگر T و q را آرایه‌هایی شامل دما و شار ناشی از انجام یک آزمایش در لحظات مختلف در نظر بگیریم، در

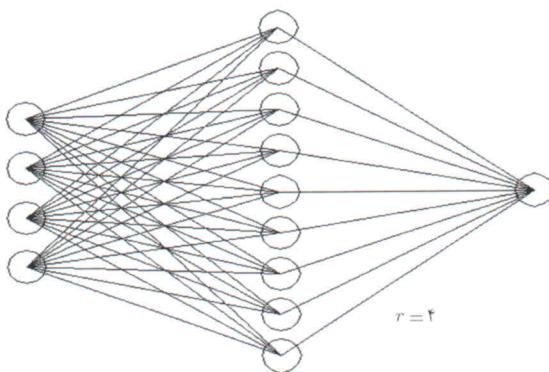
وارده) اصطلاحاً «حل مستقیم» نامیده می‌شود که حاصل آن به دست آوردن «دما» خواهد بود. در صورت ثابت و مشخص بودن مشخصات فیزیکی سیستم و دمای اولیه، دما تابعی از شرایط مرزی (شار حرارتی) است و حل معادله‌ی ۱ منجر خواهد شد به:

$$T = G(q) \quad (2)$$

که در آن q شار حرارتی و T دما است. اما لازم به ذکر است که اصولاً در این نوشتار هدف، حل معادله‌ی ۱ یا مدل‌سازی به قصد تخمین دما (یافتن تابع G) نیست. در این پژوهش نتیجه‌ی حل معادله‌ی ۱ (کمیت دما) موجود، و قابل اندازه‌گیری است و آنچه مجھول است شرایط مرزی (شار حرارتی واردۀ) است. مسئله‌ی مورد بررسی، تخمین شار حرارتی واردۀ بر سیستم (مثل‌اً یک تیغه فلزی) با کمک دماهای اندازه‌گیری شده، و یا به دست آوردن تابع F در رابطه‌ی:

$$q = F(T) \quad (3)$$

است که بسیار پیچیده و غیر قابل ساده‌سازی به یک معادله‌ی دیفرانسیل است. این مسئله یکی از مسائل تخمین تابع شار از نوع هدایت حرارتی معکوس است که حل آن بر خلاف مدل‌سازی مستقیم یا حل معادله‌ی ۱ با استفاده از روش‌های کلاسیک مشکل و کم‌دقیق است. روش کلی مورد استفاده، تزریق اطلاعات «شار - دما» حاصل از آزمایش یا روش مستقیم به شبکه‌ی عصبی، به صورت معکوس است، به طوری که دما (خروجی آزمایش یا محاسبات روش مستقیم) به عنوان ورودی شبکه‌ی عصبی و شار (ورودی آزمایش یا محاسبات روش مستقیم) به عنوان خروجی شبکه منظور شوند. تنها کمیت‌هایی که از شار حرارتی در یک لحظه تأثیر می‌پذیرند دمای همان لحظه و لحظات بعد است که از روی آنها می‌توان شار را تخمین زد. این دماها (اندازه‌گیری شده در لحظه‌ی اعمال شار و لحظات بعد) را می‌توان به عنوان ورودی شبکه به کار برد. لازم به ذکر است که به این علت که در تخمین شار از دماهای لحظات بعد استفاده می‌شود، در همه‌ی روش‌ها شار با تأخیر تخمین زده می‌شود). همچنین، منشأ شار حرارتی واردۀ (خروجی شبکه عصبی طراحی شده) خارج از سیستم است و به همین علت، شار واردۀ در لحظات قبل برآن تأثیری ندارد. در نتیجه شار در لحظات قبل جزء ورودی‌های شبکه، برای تخمین شار لحظه‌ی حاضر، نیست. برای دست‌یابی به نتایج قابل قبول و قابل رقابت با روش‌های دیگر، باید مواردی نظری انتخاب و پیش‌پردازش داده‌ها قبل از آزمایش به شبکه، ساختار شبکه، و نیز الگوریتم آموزش^۸ مورد توجه قرار گیرد. نکته‌ی آخر این که در این نوشتار، با این فرض که توزیع مکانی شار یکنواخت است، یافتن تابع زمانی شار با کمک دماهای ثبت شده هدف گرفته شده است.



شکل ۱. نمایی از شبکه‌ی عصبی مورد استفاده در تخمین، برای $r=4$.

مقدار اولیه‌ی η برابر 1° است. اگر مشتق جزی خطا نسبت به وزن $(\frac{\partial E}{\partial W_{ij}})$ در دو گام متوالی آموزش هم علامت باشد، η در عدد $1/0.5$ ضرب می‌شود؛ و در صورت هم علامت نبودن مشتقات فوق الذکر η در عدد 0.9° ضرب می‌شود. نتیجه‌ی استفاده از این الگوریتم، نسبت به بهترین الگوریتم‌های استفاده کننده از مشتق، نظری گرادیان مزدوج و روش نیوتون، بسیار رضایت‌بخش‌تر است. شماتیک شبکه‌ی عصبی برای مسئله‌ی $r=4$ در شکل ۱ نشان داده شده است.

آموزش به شبکه برای $r=4$ چنین عمل خواهد شد:

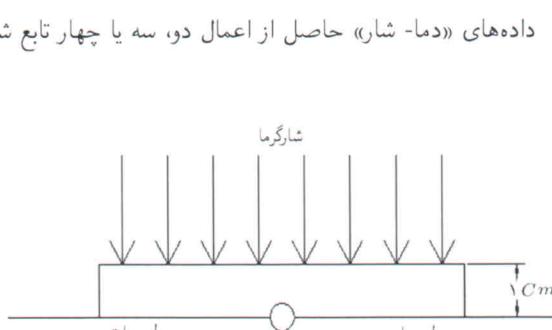
$$\left. \begin{array}{l} T(1 : 197) \\ T(2 : 198) \\ T(3 : 199) \\ T(4 : 200) \end{array} \right\} \Rightarrow q(1 : 197) \quad (7)$$

که در آن اندیس‌ها (آرگومان‌ها) مربوط به حوزه‌ی زمانی‌اند؛ مثلاً: $(1 : 197)$ به معنی آرایه‌ی از دمای است که از اولین تا 197 آمین دمای ثبت شده را شامل می‌شود.

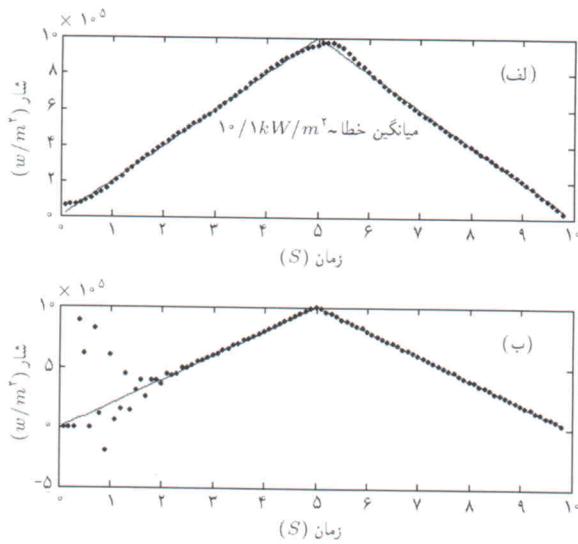
مشخصات شبکه‌ی عصبی مورد استفاده

از آنجا که منشاً شار حرارتی وارد (خروجی شبکه عصبی طراحی شده) خارج از سیستم است و هیچ تأثیری از شار وارد در لحظات قبل نمی‌پذیرد، در این پژوهش از یک ساختار استاتیکی استفاده می‌شود. برهمین اساس از یک شبکه‌ی پرسپترون^۹ سه‌لایه (با احتساب لایه ورودی) با الگوریتم آموزش پس انتشار خطأ^{۱۰} استفاده شده است. تعداد نورون‌ها یا گره‌های لایه‌ی ورودی معادل لحظاتی است که دمای آنها در تعیین شار یک لحظه مؤثر شناخته می‌شود (۲). در بعضی مراجع، با فرض اینکه n تعداد نورون‌های لایه‌ی ورودی باشد، تعداد نورون‌های لایه‌ی میانی معادل $2n + 1$ توصیه شده است.^[۵] در این شبکه‌ی عصبی خاص، اجرای این توصیه مفید به نظر می‌رسد. شبکه‌های کوچک از دقت کافی برخوردار نیستند و با افزایش نورون‌های لایه‌ی میانی شبکه‌های عصبی به بیش از $2n + 1$ نیز بھبودی قابل توجهی ملاحظه نمی‌شود. مسئله‌ی بسیار مهم دیگر روش آموزش است. روش‌هایی که از مشتق‌گیری جزیی مرتبه ۱ (نظری روش گرادیان) یا مرتبه ۲ (نظری روش گرادیان مزدوج) استفاده می‌کنند نتیجه‌ی خوبی در مدل‌سازی مسئله ندارند که علت آن تأثیر توابع فعالیت سیگموئید^{۱۱} مورد استفاده در لایه میانی است. از این توابع بهمنظور جلوگیری از افزایش بیش از حد اندازه تعییرات وزن‌ها استفاده می‌شود و بعضاً بهکنی شدید روند اصلاح وزن‌های اتصالات شبکه می‌انجامد. برای رفع این نقص، از الگوریتم پس انتشار خطأ با آموزش بھبودپذیر یا فنر^{۱۲} استفاده شده است. در این روش تنها علامت مشتق جزئی خطأ نسبت به وزن $(\frac{\partial E}{\partial W_{ij}})$ در تعییر وزن دخالت دارد. علامت این مشتق پس از ضرب شدن یک مقدار اصلاح شونده، که ربطی به اندازه‌ی مشتق ندارد، تعییر وزن (ΔW_{ij}) را مشخص می‌کند. وزن‌های شبکه نیز طبق معادله‌ی ۸ اصلاح می‌شوند، که همان قانون یادگیری شبکه است:

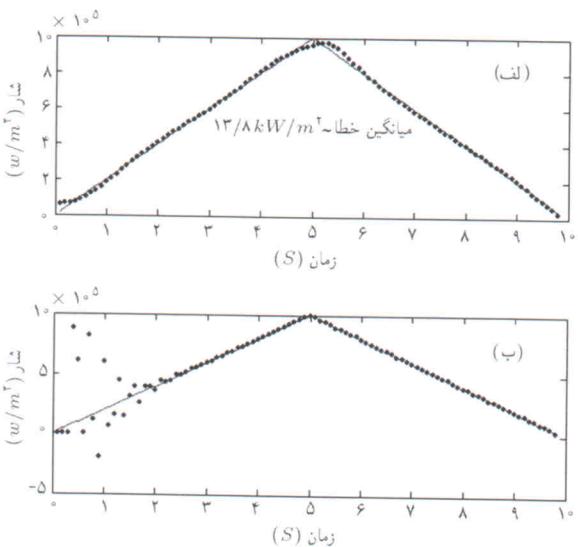
$$\Delta W_{ij} = \eta \times \text{sign} \left(\frac{\partial E}{\partial W_{ij}} \right) \quad (8)$$



شکل ۲. شماتیکی از مسئله‌ی نمونه‌ی مورد بررسی.



شکل ۳. تخمین شار مثلثی به دو روش شبکه عصبی و تخمین متواالی توابع.

شکل ۴. تخمین شار مثلثی به دو روش شبکه عصبی و تخمین متواالی توابع با خطای $\pm 30^\circ C$.

است، تابع شار تخمین زده می‌شود. نتایج روش شبکه‌ی عصبی مذکور و روش تخمین متواالی توابع در شکل ۴ نشان داده شده است. باید توجه داشت که روش تخمین متواالی توابع تقریباً تا ثانیه‌ی دوم جواب نمی‌دهد.

عدم نیاز به اندازه‌گیری مشخصات فیزیکی
روش شبکه‌ی عصبی، هیچ احتیاجی به معلوم بودن مشخصاتی نظیر چگالی یا ضرایب انتقال حرارت رسانایی ندارد و فقط به میزان شارگرمایی وارد شده و دمای ثبت شده احتیاج دارد. در صورتی که در آموزش شبکه از داده‌های آزمایشگاهی استفاده شود، وایستگی به مشخصات فیزیکی به کلی حذف می‌شود. در حالی که سایر روش‌ها

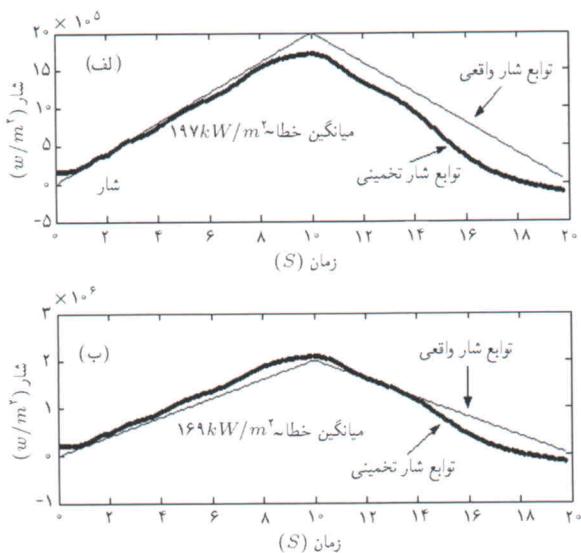
مثلثی به دست می‌آیند. دماهای به دست آمده در روش مستقیم، قبل از استفاده در مدل‌سازی و تخمین، به طور تصادفی با عددی در دامنه $[-\alpha\alpha]$ جمع شده‌اند که به معنی خطدار بودن حساسه‌ی دما به میزان C^{α} است.^{۱۴} سپس داده‌ها نظری رابطه‌ی 4 مرتب می‌شوند به طوری که دماهای متواالی (مربوط به لحظه‌ی حاضر و لحظات بعد) ورودی شبکه و شار لحظه‌ی حاضر خروجی شبکه باشند. این داده‌های آماده شده، غیر از یک سری از آنها (داده‌های آزمایشی) به شبکه‌ی پرسپترون سه‌لایه‌ی که $2+1$ نورون در لایه‌ی میانی و یک خروجی دارد، آموزش داده می‌شوند. در نهایت برای سنجش دقیق شبکه، دماهای مربوط به سری داده‌های آزمایشی به شبکه داده می‌شود و انتظار می‌رود که شار مورد نظر را تخمین بزند. این عمل چندین بار در این پژوهش صورت گرفته، که نتایج آن در ادامه ارائه می‌شود.

نتایج از دیدگاه دقیق تخمین

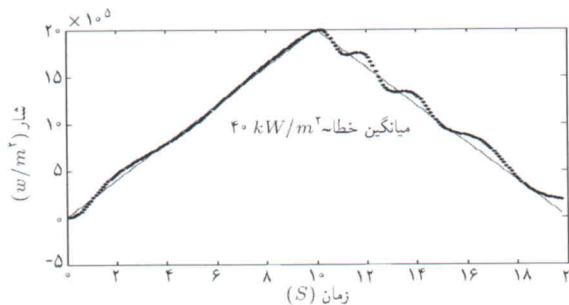
به علت آن که این روش برپایه‌ی داده‌های به دست آمده از روش مستقیم یا آزمایش کار می‌کند، اگر شبکه‌ی عصبی به خوبی انتخاب شده و آموزش ببیند، به دست آوردن دقیق مناسب دور از انتظار نیست. در یک مورد، داده‌های مربوط به شار مثلثی با شبیه بالا رفتن $170 \frac{kW}{m^2 s}$ و $kW / m^2 s$ آمده و یک شبکه‌ی عصبی ($r=3$) به وسیله این داده‌ها (دما-شار) آموزش دیده است. نتیجه‌ی تخمین تابع شار مثلثی با شبیه بالا رفتن $200 \frac{kW}{m^2 s}$ به وسیله این شبکه‌ی عصبی (نمودار (الف)، در مقایسه با روش تخمین متواالی توابع^{۱۵} (نمودار (ب) در شکل ۳ نشان داده شده است. خطای متوسط از روش شبکه‌ی عصبی $9/2 \frac{kW}{m^2}$ یا 92% مقدار متوسط شار است. (دامنه‌ی شار بین صفر تا 2000 تغییر می‌کند).

تخمین خوب در هنگام دقیق کم سنسور

یکی از امتیازاتِ عمده‌ی این روش، توانایی خنثی کردن اثر دقیق حساسه است که ممکن است در شرایط بسیار بد فیزیکی اتفاق بیفتد. ضمناً این توانایی باعث می‌شود تا امکان استفاده از داماسنجهای کم دقیق و ارزان برای تخمین شار فراهم شود و تخمین شار با گستردگی بیشتری در صنایع مورد استفاده قرار گیرد. برای نشان دادن این موضوع یک شبکه‌ی عصبی با داده‌های دما-شار مربوط به شارهای مثلثی با شبیه بالا رفتن $170 \frac{kW}{m^2 s}$ و $230 \frac{kW}{m^2 s}$ ، که در آن خطای حساسه‌ی دما حداقل $\pm 30^\circ C$ است، آموزش داده می‌شود. سپس با استفاده از دماهای مربوط به شار مثلثی با شبیه بالا رفتن $200 \frac{kW}{m^2 s}$ که خطای حساسه‌ی دما در آن هم حداقل $\pm 30^\circ C$ در نظر گرفته شده



شکل ۵. تأثیر ضرایب اصلاحی در کاهش خطای تخمین.



شکل ۶. نتیجه‌ی تخمین شار مثالی با شبکه‌ی آموزش دیده با شارهای سینیوسی.

نمودار پایینی همان نمودار اصلاح شده با ضرایب پیشنهادی در این بخش است.

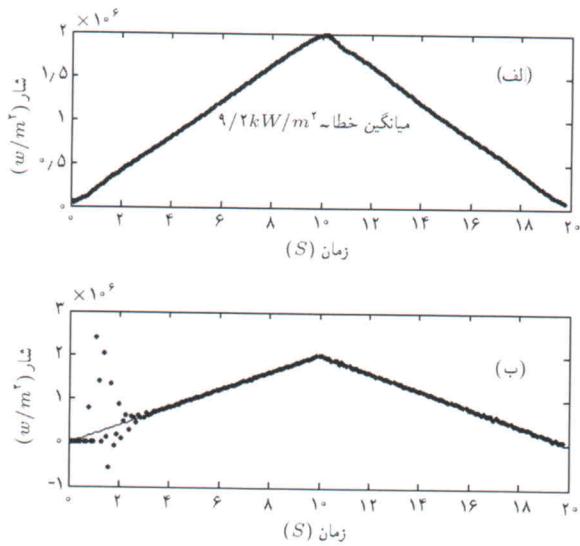
موردنمودار از عدم وجود داده‌های کافی و مناسب، تفاوت دامنه و شکل، و شارهایی که داده‌های آموزشی از آنها استخراج می‌شود در مقایسه با شار مورد تخمین (داده‌های آزمایشی) است. از آنجا که در روش پیشنهادی ابتدا باید شبکه‌ی عصبی با چندتابع شار آموزش بینند (تاکنون فقط از شارهای مثالی برای آموزش استفاده شده است)، در این بخش با آموزش دوتابع شارسینیوسی با دامنه $\frac{MW}{m^2}$ و $2/5$ یک شبکه‌ی عصبی را آموزش می‌دهیم؛ سپس تابع مثالی با شبیه $\frac{MW}{m^2 s}$ را با این شبکه‌ی عصبی تخمین می‌زنیم که نتیجه‌ی به دست آمده در شکل ۶ نشان داده شده است. مسلماً تشابه تابع آموزش داده شده و نزدیکی آنها به تابع مورد تخمین باعث افزایش دقت تخمین می‌شود، ولی برای تخمین دقیق توابع شار، تشابه تابع شار آموزشی (ایجاد کننده داده‌های آموزشی) و شار مورد تخمین ضروری نیست.

به چنین مشخصاتی احتیاج دارد و در نتیجه، عملاً خطای تعیین این مشخصات هم (که در اصل متغیرند)، به خطاهای محاسباتی آنها اضافه می‌شود.

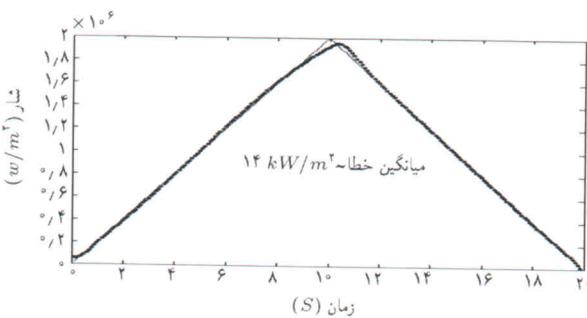
دقت کافی در صورت عدم وجود داده‌های آموزشی کافی و مناسب

این بخش به دو مورد از موارد نادری می‌پردازد که برآثر کمبود داده‌های آموزشی وجود دارند. نخست زمانی که به علت محدودیت داده‌های آموزشی، داده‌های آزمایشی تخمین خارج از دامنه داده‌های آموزشی‌اند، و دیگر این که به علت ناشناخته بودن شکل و محدودیت شار مورد تخمین و در دسترس نبودن داده‌های آموزشی کافی، فقط، داده‌های آموزشی محدود در یک دامنه وسیع و شکلی متفاوت از شکل شار مورد تخمین برای آموزش شبکه در دسترس است.

در صورتی که داده‌های آموزشی از آن دسته شارهای حرارتی به دست آیند که همگی بزرگ‌تر یا کوچک‌تر از شار حرارتی مورد تخمین‌اند، یا به عبارتی، محدودیت تخمین خارج از دامنه داده‌های آموزشی باشد، دقت تخمین کاهش می‌باید (شکل ۵، نمودار بالا). در مواردی که حل مستقیم مسئله ممکن باشد، معمولاً این مورد پیش نمی‌آید و می‌توان در محدودیت وسیعی داده‌های آموزشی را به دست آورد و به شبکه‌ی عصبی آموزش داد. ولی در مواردی که استفاده از داده‌های آزمایشی واقعی تنها راه است، ممکن است توابع شاری که داده‌های آنها موجود است در یک طرف تابع مورد تخمین واقع شوند (همگی بزرگ‌تر یا کوچک‌تر از شار مورد تخمین باشند)، که در این صورت تخمین باید خارج از محدودیت داده‌های آموزشی صورت پذیرد. در این وضعیت هم اگر بتوان حداکثر شار در مورد تخمین را به طور تقریبی حدس زد، تقریبی برای اصلاح شار پیشنهاد شده‌اند که بر دقت نتایج می‌افزایند: اگر نسبت حداکثر شار در شرایط واقعی یا تخمین (مربوط به داده‌های آزمایشی) به حداکثر شار مدل‌سازی (مربوط به داده‌های آموزشی) را a در نظر بگیریم، برای هنگامی که شار مورد تخمین بیش از شار مدل‌سازی است، ضرایب اصلاحی معادل $m = 1 + \frac{a}{4}$ و در صورتی که شار مورد تخمین کمتر از شار مدل‌سازی باشد، $m = 1 - \frac{a}{4}$ توصیه می‌شود. این ضرایب در شارهای تخمینی شبکه ضرب می‌شوند و بر دقت آن می‌افزایند. نمونه‌ی از نتایج اعمال این ضرایب در شکل ۵ مشاهده می‌شود. در این مورد اطلاعات شار مثالی با شبیه $\frac{kW}{m^2 s}$ به 17° به یک شبکه آموزش داده شده است (به محدودیت داده‌های آموزشی توجه شود؛ سپس این شبکه برای تخمین شار مثالی با شبیه $\frac{kW}{m^2 s}$ به 20° به کار رفته است).



شکل ۷. مقایسهٔ تخمین با شبکه‌ی عصبی و روش تخمین متولی توابع.

شکل ۸. تخمین شار مثلثی برای $r=2$.

جدول ۱. مقایسهٔ زمان محاسبات تخمین برای روش شبکه عصبی و روش تخمین متولی توابع.

| زمان تخمین با روش تخمین متولی توابع (ثانیه) | زمان تخمین با شبکه‌ی عصبی (ثانیه) | شکل |
|---------------------------------------------|-----------------------------------|-----|
| ۰,۷۹ | ۰,۰۱۷ | ۳ |
| ۰,۴۴ | ۰,۰۱۲ | ۴ |
| ۰,۷۸ | ۰,۰۱۵ | ۵ |

در میان عوامل سه‌گانهٔ تسریع‌گر تخمین، شاخص‌ترین مورد کمی حجم و در نتیجه سرعت بسیار بالای انجام محاسبات تخمین در روش ارائه شده نسبت به روش‌های دیگر نظر تخمین متولی توابع است. علت این امر جدایی مراحل آموزش و تخمین در این روش است. گرچه آموزش شبکه‌ی عصبی کمی وقت‌گیر است، این مرحله جدا از مرحله تخمین شار است. به طوری که نخست شبکه آموزش می‌بیند و سپس برای تخمین شار به کار می‌رود. این روش هیچ‌گونه احتیاجی به حل مستقیم در حین تخمین ندارد. فقط تعدادی محاسبه‌ی ساده و غیر بازگشته، شامل جمع و محاسبه‌ی خروجی توابع سیگموئید، مجموعه

نتایج از دیدگاه سرعت تخمین

مهم‌ترین امتیاز روش ارائه شده در این نوشتار، برای تخمین شار حرارتی با استفاده از دماهای ثبت شده، سرعت بسیار بالای تخمین آن در مقایسه با روش‌های کلاسیک است. این امتیاز ناشی از سه ویژگی برتر این روش در مقایسه با روش‌های معمول تخمین شار است:

۱. در روش‌های کلاسیک مدتی طول می‌کشد تا الگوریتم به اولین جواب‌های قابل قبول برسد $[1^{0-8}]$ و همیشه در چند ثانیه اول خطاهای قابل توجه وجود دارد. در روش شبکه‌ی عصبی چنین خطاهایی مشاهده نمی‌شود؛ در نتیجه داده‌های تخمین سریع‌تر در دسترس خواهند بود.
۲. روش شبکه‌ی عصبی، نسبت به روش‌های کلاسیک، عملأ برای تخمین شار حرارتی یک زمان به تعداد کم‌تری از دماهای زمان‌های بعدی (I) احتیاج دارد. این امر نیز به سریع‌تر شدن تخمین کمک می‌کند.
۳. چون آموزش و تخمین در شبکه‌ی عصبی طراحی شده جدا از هم هستند و آموزش جداگانه و قبل از تخمین انجام می‌شود. محاسبات تخمین در این روش به مراتب کم حجم‌تر از روش‌های کلاسیک است و زمان محاسبات هم بسیار کوتاه‌تر است.

برای توضیح مورد اول، یک شبکه با شارهای مثلثی با شبیه $\frac{kW}{m^2 s}$ بالا رفتن 15° و 23° آموزش دیده است. چگونگی تخمین شار مثلثی با شبیه بالا رفتن 20° به دو روش شبکه عصبی مصنوعی و تخمین متولی توابع (از شناخته شده‌ترین روش‌های کلاسیک) در شکل ۷ الف مورد مقایسه قرار گرفته است. در نتیجه می‌توان گفت هنگامی با شارهای نوسانی مواجه هستیم که از یک روند پیوسته کاهشی یا افزایشی (مانند اضلاع مثلث) پیروی نمی‌کنند؛ این روش در مقایسه با روش تخمین متولی توابع شکل ۷ ب دقیق‌تر عمل می‌کند، زیرا مدتی طول می‌کشد تا روش‌های کلاسیک روند تغییر شار را تشخیص دهند.

در توضیح عامل دوم سرعت تخمین شار در روش ارائه شده، یعنی نیاز به تعداد کم‌تری از دماهای زمان‌های بعدی (r)، لازم به ذکر است با فرض حداقل خطای C° برای حساسه، روش تخمین متولی توابع با ۲۰ های کم‌تر از 3° اصلأ جواب نمی‌دهد؛ در صورتی که روش شبکه عصبی با $r=2$ هم جواب می‌دهد. این امکان در مسائلی که سرعت تخمین نقش حیاتی دارد نیز قابل استفاده است. مثلاً ساختار یک شبکه عصبی براساس $r=2$ طراحی شده و با شارهای مثلثی با شبیه‌های بالا رفتن 16° و 22° آموزش دیده است. شکل ۸ نتیجه تخمین یک شار مثلثی با شبیه بالا رفتن 20° (داده آزمایشی) با این شبکه را نشان می‌دهد.

(حل مسئله‌ی تخمین شار هدایت معکوس) با این روش ثمربخش به نظر می‌رسد. گرچه این روش نیازمند داده‌های اولیه برای آموزش است، ولی عدم وابستگی تخمین به اندازه‌گیری خواص فیزیکی و سرعت بالای تخمین، حساسیت بسیار کم نسبت به خطای حساسه و نداشتن خطاهای بزرگ در شروع تخمین، امتیازات مهم آن هستند. در این نوشتار داده‌های آموزشی بسیار محدود در نظر گرفته شده‌اند. در صورتی که هرچه تعداد داده‌های آموزشی بیشتر باشد، شبکه عصبی بهتر دینامیک سیستم را درک کرده و تخمین‌های بهتری ارائه می‌کند. برای توسعه‌ی کاربرد این روش در مسائل پیچیده‌تر و چند بعدی هدایت حرارتی معکوس، به نظر بررسی‌های بیشتری لازم است.

محاسبات تخمین با این روش هستند. برای وضوح بیشتر، در جدول ۱، زمان پردازش تمام تخمین‌هایی که در این نوشتار از دو روش شبکه‌ی عصبی و تخمین متوالی توابع انجام شده‌اند، ارائه می‌شود.

نتیجه‌گیری

استفاده از شبکه‌های عصبی پرسپترون با ساختار سه‌لایه و آموزش آن با الگوریتم پسانشان خطا به روش آموزش فنری یا اصلاح‌پذیر برای آموزش معکوس داده‌های شار - دما به دست آمده از آزمایش یا حل مستقیم موفق بوده و تخمین شار از روی دماهای ثبت شده

پانوشت

1. ill posed
 2. amplification
 3. tikhonov regularization
 4. sequential function specification
 5. conjugate gradient method
 6. Heat Transfer Coefficient (HTC)
 7. learning algorithm
 ٨. منظور از لحظه‌ها فاصله‌های زمانی بین اندازه‌گیری‌های متوالی است، که در این نوشتار 10° ثانیه است.
 9. perceptron
 10. error back propagation
 ١١. که حاصل جمع و رودی‌های هرگره sigmoid activation functions
 - از این توابع عبور کرده و خروجی را ارائه می‌دهند.
 12. resilient backpropagation
 ١٣. درین پژوهش α عدد ۱ یا ۳ است.
 ١٤. در همه تخمین‌های این نوشتار خطای اندازه‌گیری دما معادل یک درجه‌ی سانتی‌گراد و $r=3$ فرض شده است، مگر اینکه برای خط و صراحتاً مقدار دیگری ذکر شده باشد.
 ١٥. یک ثانیه‌ی اول (ده تخمین اول) خطاهای شدید رخ داده و شار این نقاط در نمودار صفر قرار داده شده است.
- منابع**
1. Tikhonov. A. N. and Arsonin V.Y., "Solution of illposed problems", V.H. Winston & Sons, Washington D.C. (1977).
 2. Beck. J.V., L.tkozehi and St. Clair C.R.Jr. "Efficient sequential solution of nonlinear inverse heat conduction problem", *Numerical Heat Transfer*. 5, pp 275-286 (1982).
 3. Oziek. M. N. and Drlande R.B. "Inverese heat transfer's fundamentals and apllications", Taylor and Francis, London (2000).
 4. M. Rautesky , J.Horsky and J.Krejsa. "Usage of neural networks for coupled parameter and function specification inverse heat conduction problem", *Int. Comm. Heat Mass Transfer*, 22 (5), pp. 661-670 (1995).
 5. Simon Haykin, Nural Networks A Comperehensive Foundation 2nd edition, Prentice-Hall, Inc (1999).
 6. Jyh-Shing Roger Jang, Chuen-Tsai Sun, Eiji Mizutani. Neuro-Fuzzy and Soft Computing. Prentice-Hall, Inc (1997).
 7. Howard Demuth, Mark Beale. Neural Networks Toolbox User's Guide, 4th Version. MathWorks Inc (2001).
 8. Kurpisz, K. and Novak, A. J. Inverse Thermal Problems, Computational Mechanics Publications, Southampton USA (1995).
 9. Beck, J.V., Blackwell, B. and Haji-Sheikh, "A comparison of some inverse heat conduction methods using experimental data", *International Journal of Heat Mass Transfer*, 39(17), pp. 1503-151 (1996).
 ١٠. کوثری، ف. بهبهانی‌نیا، ع. «ارائه روش ماتریس‌های تبدیل برای حل مسائل هدایت حرارتی معکوس»، نشریه دانشکده فنی، دانشگاه تهران، جلد ۳۷، شماره ۳، (آذرماه ۱۳۸۲).

