

بررسی تأثیر میرایی در کاهش حساسیت سیستم‌های کنترل فعال سازه‌یی به تأخیر زمانی

بهروز رجی (هربی)

دانشگاه آزاد اسلامی واحد سقز

امید بهار^{*} (استادیار)

پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله

یکی از مشکلات عمدۀ در سیستم‌های کنترل فعال، وجود تأخیر زمانی است. تأخیر زمانی می‌تواند تأثیر قابل ملاحظه‌یی در عملکرد سازه در هنگام زلزله داشته باشد، به طوری که به ناپایداری کلی سازه نیز بیانجامد. در این نوشتار، ابتدا سازه‌ی مورد نظر نسبت به تأخیر زمانی تحلیل حساسیت شده و سپس مقنای برخانی آن تعیین می‌شود. بررسی‌ها نشان دادند تأخیر زمانی برخانی سازه به نوع زلزله‌ی ورودی حساس نیست و فقط به خصوصیات سازه و سیستم کنترلی ارتباط دارد. لذا برای مهار این پدیده و افزایش بازدهی سیستم کنترل، از ایده‌ی افزایش ظرفیت میراکنندگی سازه استفاده شد. افزایش میرایی به‌گونه‌یی انجام شد که فقط ظرفیت جذب انرژی سازه تعییر کند. الگوریتم مورد استفاده، الگوریتم کنترل گسسته‌ی بهینه‌ی آنی است. ارزیابی‌ها نشان داده‌اند افزایش میرایی می‌تواند تا اندازه‌ی زیادی حساسیت سازه و سیستم کنترل را نسبت به تأخیر زمانی محدود کند. به این شیوه می‌توان سازه‌های کنترلی را که با گذشت زمان کارآئی خود را از دست داده‌اند، مجددًا احیا کرد.

behrrooz.rajabii@iausaghez.ac.ir
omidbahar@iies.ac.ir

واژگان کلیدی: کنترل فعال، نیروی کنترلی، تأخیر زمانی، میرایی، الگوریتم کنترل.

۱. مقدمه

نیز تأخیر زمانی قسمت مکانیکی را تا حد زیادی کاهش داده است. اما از طرف دیگر، تغییرات حادث شده در طول زمان در سازه و سیستم کنترل باعث می‌شود این مسئله همچنان جزء جدایی‌ناپذیر سیستم‌های کنترلی باشد، که باید نگاه ویژه‌یی به آن داشت.

تا به امروز پژوهشگران تلاش‌های قابل ملاحظه‌یی جهت کاهش حساسیت سیستم‌های کنترلی نسبت به تأخیر زمانی انجام داده‌اند. بررسی حساسیت الگوریتم‌های کنترل فعال نسبت به تأخیر زمانی،^[۱] ارائه‌ی رابطه‌ی حساسیت سیستم سازه‌ی کنترل شده به تأخیر زمانی با توجه به دوره‌ی تابوت سازه‌های یک درجه‌ی آزاد،^[۲] و قیاس کنترل با بازخورد سرعت مثبت در مقابل کنترل با بازخورد سرعت منفی در محاسبه‌ی نیروی کنترلی با توجه به الگوریتم استفاده شده،^[۳] از جمله فعالیت‌های صورت‌گرفته در بحث تأخیر زمانی هستند. در این نوشتار برای بررسی میزان حساسیت سیستم کنترلی به تأخیر زمانی، از الگوریتم کنترل گسسته‌ی بهینه‌ی آنی استفاده شده است. سیستم کنترل بدون تأثیر تأخیر زمانی (در تأخیر زمانی صفر) طراحی بهینه شده و عملکرد سیستم سازه‌یی در برابر بارهای لرزه‌یی ارزیابی شده است. برای ماتریس‌های وزن از ماتریس وزن پایدار استفاده شده است که با کوچک شدن گام‌های زمانی، مشکل ناپایداری عددی یا کاهش کارآئی سیستم کنترل اتفاق نیافتد. به این ترتیب مشاهده‌ی هرگونه تغییر در عملکرد لرزه‌یی سیستم کنترلی، فقط ناشی از وجود تأخیر زمانی فراینده است. میزان این تأثیر در افت کارآئی سیستم کنترلی

یکی از مشکلات اساسی علم کنترل فعال سازه‌یی، وجود تأخیر زمانی در حلقه‌ی کنترل است.^[۴] این مسئله می‌تواند به مشکلاتی مانند افزایش ناخواسته‌ی پاسخ‌های سازه‌یی، کاهش سطح عملکرد، و گاه بروز ناپایداری کلی در سازه‌ی کنترل شده منجر شود. مفهوم تأخیر زمانی در سیستم‌های کنترل را می‌توان میزان زمان تلف شده از لحظه‌ی شروع اندازه‌گیری مقادیر پاسخ سازه و تحریک لرزه‌یی تا لحظه‌ی اعمال نیروی کنترل محاسبه شده به سازه بیان کرد. به بیان ساده‌تر، نیروی کنترلی مناسب باشد به صورت آنی در همان لحظه‌ی اندازه‌گیری پاسخ به سازه اعمال شود تا بهترین بازدهی سیستم کنترلی به دست آید. تأخیر زمانی در حلقه‌ی کنترل را می‌توان طی سه مرحله شناسایی کرد: مرحله‌ی اول، از لحظه‌ی اندازه‌گیری مقادیر تحریک جانبی و پاسخ سازه تا انتقال داده‌ها به پردازشگر؛ مرحله‌ی دوم، از لحظه‌ی انتقال داده‌ها به پردازشگر تا اعمال آن به سازه. تأخیر زمانی به وجود آمده در حلقه‌ی کنترل نیز به نیروی کنترل تا اعمال آن به سازه. تأخیر زمانی به وجود آمده در حلقه‌ی کنترل نیز به دو بخش الکترونیکی و مکانیکی تقسیم‌بندی می‌شود. معمولاً تأخیر زمانی مرتبط با قسمت اول به واسطه‌ی بهره‌گیری از مدارهای پیشرفته‌ی الکترونیکی و رایانه‌های با قدرت پردازش بالا در قیاس با بخش مکانیکی بسیار ناچیز است. از طرفی با رشد فناوری، طراحی، و ساخت سازوکارهای جدید با سرعت عکس العمل بالا

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۲۶/۱۱/۱۳۸۹، اصلاحیه ۵/۲، پذیرش ۱۰/۱۰/۱۳۹۰.

این ماتریس‌ها تضمین‌کننده رفتار پایدار و عملکرد بهینه‌ی سیستم کنترلی هستند. برای این سازه، ماتریس R برابر با $0^{50} \times 0^1$ در نظر گرفته شده است؛ و ماتریس پایدار Q از رابطه‌ی 11×11 به دست می‌آید که در آن ماتریس I یک ماتریس نیمه قطبی مشیت اختیاری است که از خصوصیات خود سازه‌ی کنترل شده شکل می‌گیرد:^[۱]

$$A_d^T Q A_d - A_d^T Q B_d (R + B_d^T Q B_d)^{-1} B_d^T Q A_d - Q + I = 0 \quad (11)$$

$$I = \begin{bmatrix} \alpha K_\gamma & 0_{4 \times 9} \\ 0_{9 \times 9} & \beta M \end{bmatrix} \quad (12)$$

$$K_\gamma = \begin{bmatrix} K_{11}(8 \times 8) & K_{12}(8 \times 1) \\ K_{21}(1 \times 8) & \gamma \end{bmatrix} \quad (13)$$

مقادیر α , β و γ ضرایب اصلاح نیروی کنترل برای دستیابی به یک کنترل پایدار و بهینه براساس برقراری تعادل میان پاسخ مناسب سازه‌ی و مصرف انرژی خارجی متعادل است. این ضرایب بدون درنظر گرفتن اثرات ناشی از تأخیر زمانی به ترتیب برابر $7, 417$ و 21 در نظر گرفته شده است. پس از محاسبه‌ی نیروی کنترلی از رابطه‌ی 10 پاسخ‌های سیستم سازه و کنترل از معادله‌ی حالت محاسبه می‌شود.

۲. الگوریتم کنترل گسسته‌ی بهینه‌ی آنی با وجود تأخیر زمانی
همان‌گونه که اشاره شد، نیروی بهینه‌ی کنترل برای حالت بدون تأخیر زمانی تنظیم شده است. لذا وجود مقادیر اندک تأخیر زمانی نیز می‌تواند روی کارآیی سیستم کنترلی مؤثر باشد. با توجه به گسسته‌بودن الگوریتم مورداستفاده، به راحتی می‌توان تأخیر زمانی را به صورت ضربی از گام‌های تحلیل در حلقه‌ی الگوریتم کنترل و تحلیل سیستم وارد و پاسخ‌های سازه و سیستم کنترلی را محاسبه کرد. با توجه به این که گام‌های تحلیل 10 تا 1 در نظر گرفته شده است، برای تأخیر زمانی 0^5 ثانیه، نیروی کنترل با 5 گام تأخیر به سازه اعمال می‌شود. بدین ترتیب رابطه‌ی فضای حالت به صورت رابطه‌ی 14 اصلاح می‌شود:

$$Z_{K+1} = A_d Z_K + B_d U_{K-P} + W_{1d} \ddot{X}_{ok} \quad (14)$$

مقدار P در رابطه‌ی اصلاح شده‌ی 14 ، میزان تأخیر زمانی موردنظر در حلقه‌ی کنترل را نشان می‌دهد؛ که پس از محاسبه‌ی نیروی کنترلی از رابطه‌ی 10 ، مقدار به دست آمده در معادله‌ی اصلاح شده‌ی حالت (رابطه‌ی 14) قرار می‌گیرد و پاسخ‌سیستم با وجود تأخیر زمانی در حلقه‌ی کنترل محاسبه می‌شود.

۳. سیستم سازه‌ی مورد بررسی

سازه‌ی مورد بررسی، یک سازه‌ی هشت طبقه‌ی دو بعدی با رفتار برشی است.^[۶] جرم، سختی، و میرایی سازه در کلیه طبقات یکسان و به ترتیب برابر با $345/6$ تن، 240×40 کیلونیوتون بر متر و 2937 تن بر ثانیه است. این سازه مجهز به یک جرم میراگر فعل (AMD) است که در طبقه‌ی هشتم آن نصب شده است. سیستم کنترلی جرمی برابر با $29/63$ تن، بسامد ارتعاشی آن 98% بسامد مود اول ارتعاش سازه و همچنین میرایی آن 25 تن بر ثانیه در نظر گرفته شده است. جهت تحریک جانبی سیستم از مؤلفه‌ی شمالی-جنوبی رکورده زلزله‌ی الستترو (۱۹۴۰) استفاده شده است. نمای کلی سازه‌ی موردنظر در شکل ۱ نشان داده شده است.

و سازه بررسی و درنهایت به منزله‌ی یک راه حل جبراگننده تلاش شده است تا افزایش میرایی سازه، حساسیت سیستم کنترلی به کمترین حد برسد و از بیشینه‌ی کارآیی آن استفاده شود. سازوکار کنترلی مورداستفاده، سیستم میراگننده‌ی جرم فعل (AMD) است.

۲. الگوریتم کنترل گسسته‌ی بهینه‌ی آنی

الگوریتم مورداستفاده در کنترل فعل سازه‌ها می‌تواند نقش بسیار مهمی در بهبود عملکرد و افزایش کارآیی سیستم کنترلی ایفا کند. الگوریتم مورداستفاده در این نوشان الگوریتم کنترل گسسته‌ی بهینه‌ی آنی است که محققان ارائه کرده‌اند.^[۵] این الگوریتم که اساساً برگرفته از الگوریتم کنترل بهینه‌ی آنی است، از معادلات حالات گسسته جهت تحلیل و تعیین پاسخ‌ها استفاده می‌کند. در این الگوریتم از فضای گسسته‌ی حالت و روابط کنترل دیجیتال به صورت رابطه‌های 1 و 2 استفاده شده است:

$$Z_{K+1} = A_d Z_K + B_d U_K + W_{1d} \ddot{X}_{ok} \quad (1)$$

$$Z_K = \begin{bmatrix} x_k & \dot{x}_k \end{bmatrix}^T \quad (2)$$

در رابطه 1 \ddot{X}_{ok} شتاب زمین لرزه در هر مرحله و ماتریس‌های A_d , B_d و W_{1d} در رابطه 2 ضرایب حالت گسسته‌ی ماتریس‌های A , B و W_1 است (رابطه‌های 3 الی 5).^[۵]

$$A = \begin{bmatrix} 0_{n \times n} & I_{n \times n} \\ -M^{-1}K & -M^{-1}C \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$B = \begin{bmatrix} 0_{n \times r} & -M^{-1}D \end{bmatrix}^T \quad (4)$$

$$W_1 = \begin{bmatrix} 0_{n \times 1} & e \end{bmatrix}^T \quad (5)$$

M , C , D به ترتیب ماتریس‌های جرم، میرایی، و سختی سازه‌ی کنترل شده هستند؛ ماتریس e محل قرارگیری AMD در ارتفاع سازه؛ M ماتریسی یک بعدی که تأثیر شتاب زمین را بر روی جرم‌ها نشان می‌دهد. برای تبدیل ماتریس‌های فضای پیوسته به حالت گسسته از روابط 6 الی 9 استفاده می‌شود:

$$F = \int_{\Delta t}^t \exp(A\eta) d\eta \quad (6)$$

$$A_d = \exp(A \cdot \Delta t) \quad (7)$$

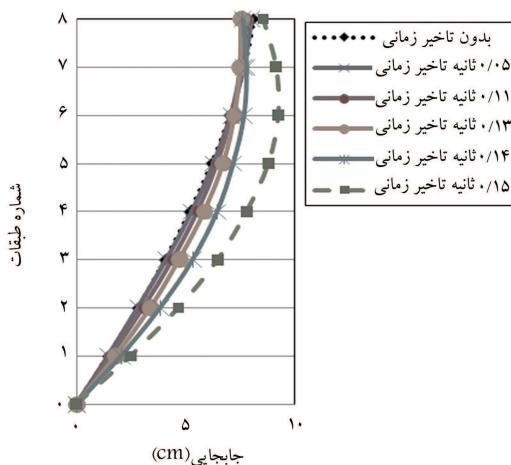
$$B_d = F \cdot B \quad (8)$$

$$W_{1d} = F \cdot W_1 \quad (9)$$

در این الگوریتم، نیروی کنترل (U_K) از رابطه‌ی 10 محاسبه می‌شود:^[۵]

$$U_K = -[R + B_d^T Q B_d]^{-1} B_d^T Q (A_d Z_k + W_{1d} \ddot{X}_{ok}) \quad (10)$$

ماتریس‌های R و Q ماتریس‌های وزن نیروی کنترل و پاسخ سازه هستند. اصولاً در روش کنترل آنی نیروی کنترل به گام زمانی وابسته است. لذا با کاهش گام زمانی از کارآیی سیستم کنترل کاسته می‌شود. مزیت استفاده از روش کنترل گسسته‌ی بهینه‌ی آنی در مهار این وابستگی است. به این ترتیب که با بهره‌گیری از روش پایداری لیپانوف ماتریس‌های وزن پایدار برای سازه‌ی کنترل شده محاسبه می‌شود.



شکل ۲. بیشینه‌ی جابجایی طبقات با تأخیرهای زمانی متفاوت.

جدول ۱. بیشینه‌ی پاسخ‌های طبقه‌ی هشتم با تأخیرهای زمانی متفاوت.

تغییرمکان	شتاب	سرعت	
(m/s/s)	(m/s)	(cm)	
۴,۶	۰,۵۵۳۸	۸,۱	بدون تأخیر زمانی
۵,۴۸	۰,۶۰۹۴	۷,۷۸	۰,۱۱ ثانیه تأخیر زمانی
۶,۰۷	۰,۶۶۶۹	۸,۵۴	۰,۱۵ ثانیه تأخیر زمانی

جدول ۲. بیشینه‌ی پاسخ‌های طبقه‌ی اول با تأخیرهای زمانی متفاوت.

تغییرمکان	شتاب	سرعت	
(m/s/s)	(m/s)	(cm)	
۳,۹۹	۰,۱۲۴۹	۱,۴۴	بدون تأخیر زمانی
۴,۴۳	۰,۱۳۶۹	۱,۵۶	۰,۱۱ ثانیه تأخیر زمانی
۴,۸۳	۰,۱۹۴۲	۲,۴۷	۰,۱۵ ثانیه تأخیر زمانی

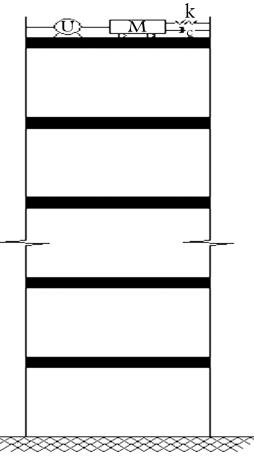
جدول ۳. بیشینه‌ی برش پایه و نیروی کنترلی با تأخیرهای زمانی متفاوت.

برش پایه	نیروی کنترلی	
(kN)	(kN)	
۶۲۲	۴۸۸۸	بدون تأخیر زمانی
۱۳۵۵	۵۳۲۰	۰,۱۱ ثانیه تأخیر زمانی
۲۷۶۱	۸۳۹۴	۰,۱۵ ثانیه تأخیر زمانی

۹ درصدی برش پایه و از تأخیر زمانی ۱۱ ۰ ثانیه تا ۱۵ ۰ ثانیه افزایش ۵۸ درصدی مشاهده می‌شود. در نیروی کنترلی نیز افزایش ۱۱۷ و ۱۰۴ درصدی به ترتیب در بازه‌های مشابه اتفاق می‌افتد. همچنین مشاهده می‌شود کا هش کارآبی سیستم کنترلی با بالارفتن انرژی مصرفی همراه است. به عبارت دیگر، لزوماً افزایش انرژی مصرفی در یک سیستم کنترل فعلی، تضمین‌کننده‌ی عملکرد قابل قبول آن نیست.

۳.۴. بررسی پاسخ‌های سیستم کنترل سازه (AMD)

جهت دستیابی به یک سیستم کنترل منسجم، پاسخ‌های خود کنترل سیستم اهمیت بالایی دارد. لذا در این قسمت به بررسی پاسخ‌های AMD پرداخته شده است که نتایج آن در جدول ۴ آورده شده است.



شکل ۱. نمای شماتیک از سازه و سیستم کنترلی.

۴. تحلیل حساسیت سیستم به تأخیر زمانی

در ابتدا بر روی پاسخ سازه و سیستم کنترلی نسبت به حضور تأخیر زمانی در حلقه‌ی کنترل، تحلیل حساسیت انجام شده است. پس از انجام تحلیل‌های بسیار و ارزیابی رفتار سیستم با تأخیرهای زمانی متفاوت، سه بازه‌ی زمانی متفاوت شناسایی شد. فرض اصلی در این بررسی‌ها موجود بودن سیستم کنترل، رفتار بهینه براساس طراحی اولیه‌ی سیستم کنترل بدون تأخیر زمانی و حضور نامحسوس در این بازه‌است:

-- در بازه‌ی اول که حالت بدون تأخیر زمانی تا تأخیر زمانی ۰,۱۱ ثانیه را در بر می‌گیرد، پاسخ‌های سیستم تفاوت چشمگیری ندارند و عملًا سیستم به این میران تأخیرهای زمانی حساسیتی نشان نمی‌دهد.

-- در بازه‌ی دوم، تأخیرهای زمانی بین ۰,۱۱ ۰ ثانیه تا ۰,۱۵ ۰ ثانیه را شامل می‌شود که پاسخ‌های سیستم به صورت فرازینده‌ی در حال افزایش است:

-- در بازه‌ی سوم، تأخیرهای زمانی بزرگ‌تر از ۰,۱۵ ۰ ثانیه است که پاسخ‌های سیستم واگرا شده و سیستم کنترلی قادر به کنترل رفتار سازه نیست.

در ادامه، مقادیر به دست آمده برای سه حالت بدون تأخیر زمانی، ۰,۱۱ ۰ ثانیه، و ۰,۱۵ ۰ ثانیه تأخیر زمانی ارائه شده است.

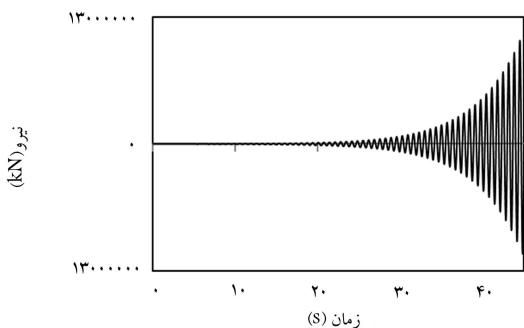
۱.۴. بررسی پاسخ‌های طبقات انتخابی سازه

در این بخش تغییرمکان، سرعت، و شتاب طبقات در جداول ۱ و ۲ ارائه و بیشینه‌ی پاسخ جابجایی در شکل ۲ آورده شده است.

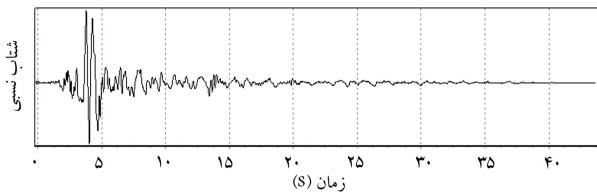
با بررسی شکل ۲ به نظر می‌رسد، به دلیل قرارگیری سیستم کنترلی در طبقه‌ی آخر، بیشترین تأثیر کنترل با تأخیر زمانی قابل ملاحظه نیز بر روی پاسخ آخرین طبقه‌ی سازه اتفاق افتد. این مسئله به نوعی اهمیت قرارگیری سیستم کنترل را در وضعیت‌هایی با کارآبی ضعیف نشان می‌دهد.

۲.۴. بررسی برش پایه‌ی سازه و نیروی کنترلی

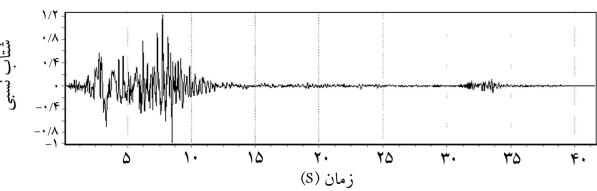
در این بخش برش پایه‌ی سازه و مقدار نیروی سیستم کنترلی با سه تأخیر زمانی متفاوت مورد بررسی قرار گرفته است. همان‌طور که از جدول ۳ مشاهده می‌شود برش پایه و نیروی کنترلی هر دو از تأخیر زمانی ۰,۱۱ ۰ ثانیه به طور فرازینده‌ی افزایش می‌یابند. به طوری که از حالت بدون تأخیر زمانی تا تأخیر زمانی ۰,۱۱ ۰ ثانیه، افزایش



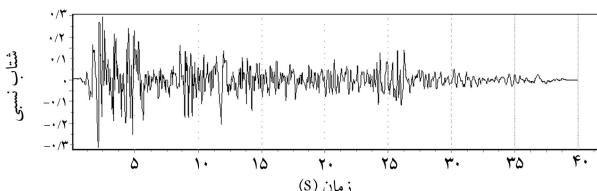
شکل ۳. واگرایی در پاسخ سیستم در تأخیر زمانی ۱۶٪ ثانیه.



شکل ۴. رکورد زلزله‌ی پارکفیلد.



شکل ۵. رکورد زلزله‌ی سان فرناندو.



شکل ۶. رکورد زلزله‌ی الستترو.

۴.۶. تحلیل حساسیت سیستم به دوره‌ی تناوب اصلی سازه

یکی از بارزترین مشخصات یک سازه، دوره‌ی تناوب اصلی آن است. در این قسمت به بررسی و تحلیل حساسیت سازه به تأخیر زمانی با درنظرگرفتن دوره‌ی تناوب اصلی سازه پرداخته شده است. این تغییرات به صورت افزایش سختی سازه بدون تغییر در میزان جرم طبقات حاصل شده است (جدول ۵).

جدول ۵. میزان حساسیت سیستم به تأخیر زمانی با توجه به دوره‌ی تناوب سازه.

نسبت مرز واگرایی به دوره‌ی تناوب اصلی	مرز واگرایی پاسخ‌ها (ثانیه)	دوره‌ی تناوب مود اول سازه (ثانیه)
۰,۱۴۲۱	۰,۱۸	۱,۲۶۵۹
۰,۱۴۷۴	۰,۱۶	۱,۰۸۴۹
۰,۱۷۱۳	۰,۱۴	۰,۸۱۷۲
۰,۱۷۹۱	۰,۱۲	۰,۶۷

جدول ۴. بیشینه‌ی پاسخ‌های AMD با تأخیرهای زمانی متفاوت.

تغییر مکان	سرعت	شتاب
(m/s ²)	(m/s)	(cm)
۴۴,۵۵	۷,۷۱	۱,۳۵
۶۹,۵۶	۸,۹۵	۱,۵
۱۵۷,۲	۱۸,۸۹	۲,۶۲

نتایج بدست آمده حاکی از افزایش ۱۱ درصدی تغییر مکان AMD از حالت بدون تأخیر زمانی تا ۱۱٪ تأخیر و افزایش ۷۵ درصدی تغییر مکان از تأخیر ۱۱٪ تا ۱۵٪ تأخیر زمانی است. افزایش ۱۶ و ۱۱٪ درصدی سرعت AMD و افزایش ۵۶ و ۱۲۵ درصدی شتاب برای بازه‌های مشابه به دست آمده است. این مقادیر به هیچ‌وجه برای یک سیستم کنترل فعل خوب طراحی شده، قابل پذیرش نیستند.

۴. واگرایی پاسخ‌ها در سیستم

با توجه به تحلیل‌های صورت گرفته بر روی سازه و سیستم کنترلی و به دست آوردن نتایج در تأخیر زمانی ۱۶٪ ثانیه، پاسخ‌های سازه و سیستم کنترلی در تمامی قسمت‌ها واگرا شده است و سیستم کنترلی قادر به کنترل پاسخ‌ها نیست. دلیل این مسئله را می‌توان در خارج از فاز اعمال شدن نیروی کنترلی به سازه جویا شد. این تذکر لازم است، از آنجا که در هنگام محاسبه‌ی ماتریس وزن پایدار متناظر با پاسخ سازه، Q ، اثرات تأخیر زمانی منتظر نشده است، امکان وجود ناپایداری در مقادیر بالای تأخیر زمانی وجود دارد. اما در حالت کلی می‌توان برای هر تأخیر زمانی یک ماتریس وزن پایدار یافت که مشکل ناپایداری سیستم سازه‌یی را برطرف سازد. این مقوله خارج از بحث این نوشتار است. شکل ۳ ناپایداری در پاسخ‌ها را نشان می‌دهد.

۵. تحلیل حساسیت سیستم نسبت به زلزله‌ی ورودی

پس از بررسی‌های صورت گرفته بر روی سیستم و تعیین حساسیت آن نسبت به تأخیر زمانی در اعمال نیروی کنترل، به بررسی حساسیت سیستم با وجود تأخیر زمانی در حلقه‌ی کنترل، به نوع بار ورودی، و نوع تحریک جانبی پرداخته شده است. جهت تحلیل سیستم از سه رکورد زلزله‌ی الستترو، زلزله‌ی سان فرناندو و پارکفیلد استفاده شده که شتاب نگاشته‌ای مربوط به آنها در شکل‌های ۴ تا ۶ اورده شده است.

بیشینه‌ی شتاب شتاب نگاشته‌ای ثبت شده‌ی زلزله‌های زلزله‌های الستترو، سان فرناندو و پارکفیلد به ترتیب برابر با ۳۱۳g ، $۱,۲۶\text{g}$ و $۱,۴۷\text{g}$ است. نتایج بدست آمده حاکی از سازه‌ی مفروض تحت اثرهای ۳ رکورد مورد بررسی است. بدین صورت که پاسخ‌های سازه و سیستم عدم حساسیت سیستم به بار لرزه‌یی است. بدین صورت که پاسخ‌های سازه و سیستم کنترلی در کلیه‌ی حالات‌های مذکور در تأخیر زمانی ۱۶٪ ثانیه واگرا می‌شوند. درواقع از مبانی پایداری می‌دانیم که تأمین و تضمین رفتار پایدار در یک سیستم سازه‌یی به خصوصیات بار بستگی پیدا نمی‌کند. اما مسئله‌ی حائز اهمیت در این بررسی این است که ناپایداری ناشی از حضور تأخیر زمانی نیز از جنس ناپایداری کلی سازه و سیستم کنترل آن است. به عبارت دیگر، این بررسی نشان می‌دهد برابر هر سازه‌یی که به صورت فعل کنترل شده است، یک حد نهایی تأخیر زمانی ذاتی قابل تعريف است که از ابتدا می‌توان کارایی سیستم کنترل را براساس آن طراحی کرد.

پایه‌ی سازه حتی از مقدار اولیه بدون وجود تأخیر زمانی شود. البته باید توجه کرد که افزایش میرایی برای جبران کاهش کارآبی سیستم کنترل فعال در حضور تأخیر زمانی زیاد تعریف شده است. به عبارت دیگر، زمانی که تأخیر زمانی مرتبط با انجام محاسبه‌ی نیروی کنترل و اعمال آن به سازه اجتناب ناپذیر باشد، این شیوه می‌تواند مورد نظر قرار گیرد. مثلاً در دو حالت میرایی ۲۴۹ و ۱۲۴۵ در صورت عدم وجود تأخیر زمانی در سیستم کنترل فعال با افزایش میلیبی، شاهد کاهش ۱۶ درصدی پاسخ هستیم. مقایسه‌ی پاسخ‌ها در دو حالت ۱۱٪ و ۱۵٪ ثانیه تأخیر زمانی نیز کاهش ۲۱ و ۴۲ درصدی برش پایه را نشان می‌دهد. همچنین با قیاس برش پایه‌ی به دست آمده در حالت میراشده ۱۲۴۵ درصدی مود اول ارتعاش با تأخیر زمانی ۱۵٪ ثانیه که مرز واگرایی سیستم اولیه است و حالت ایده‌آل یک سیستم کنترلی یعنی عدم وجود تأخیر زمانی در اعمال نیروی کنترلی به سازه با میرایی ۲۴۹ درصد که در سازه‌ی اولیه وجود دارد، می‌توان اذعان کرد که اثر تأخیر زمانی در حلقه‌ی کنترل فعال مهار شده است.

۳.۲. تغییر مکان AMD و نیروی کنترلی

بیشینه‌ی مقادیر تغییر مکان و نیروی کنترلی AMD در جدول‌های ۷ و ۸ ارائه شده است.

نتایج نشان می‌دهند که افزایش تأخیر زمانی در یک میرایی مشخص، بیشینه‌ی جابجایی و نیروی کنترل سیستم فعال را افزایش می‌دهد و این همراه با کاهش کارآبی سیستم کنترل است. اما با افزایش میرایی سازه در یک تأخیر زمانی ثابت در حالی که کارآبی سیستم کنترل فعال نیز افزایش یافته است، در مقادیر بیشینه‌ی جابجایی و نیروی کنترل، کاهش قابل ملاحظه‌ی مشاهده می‌شود. برای نمونه در قیاس دو حالت میرایی ۲۴۹ و ۱۲۴۵ درصد برای تأخیرهای زمانی ۱۱٪ و ۱۵٪ ثانیه، کاهش بیشینه‌ی تغییر مکان AMD به ترتیب برابر ۴۲ و ۵۱ درصد است.

جدول ۷. بیشینه‌ی نیروی کنترل (kN) با میرایی مختلف در تأخیرهای زمانی متفاوت.

میرایی (%)	بدون تأخیر زمانی	۱۰٪ ثانیه تأخیر زمانی	۱۵٪ ثانیه تأخیر زمانی
۱۲۴۵	۷۴۷	۲۴۹	
۴۵۸	۵۱۵	۶۲۳	
۸۷۶	۱۰۶۶	۱۳۵۵	
۱۰۷۹	۱۶۰۸	۲۷۶۱	

جدول ۸. بیشینه‌ی جابجایی AMD (m) با میرایی مختلف در تأخیرهای زمانی متفاوت.

میرایی (%)	بدون تأخیر زمانی	۱۰٪ ثانیه تأخیر زمانی	۱۵٪ ثانیه تأخیر زمانی
۱۲۴۵	۷۴۷	۲۴۹	
۰۸۶	۱۰۷	۱۳۵	
۰۹۵	۱۱۸	۱۵	
۱۲۸	۱۷۶	۲۶۲	

با توجه به نتایج جدول ۵ و همچنین عدم حساسیت سازه به مشخصه‌های بار ورودی، می‌توان نتیجه گرفت که حساسیت نسبت به تأخیر زمانی به مشخصات سازه و سیستم کنترلی آن مربوط می‌شود. بدین ترتیب می‌توان میزان حساسیت سیستم به تأخیر زمانی را کسری از دوره‌ی تناوب مود اول ارتعاشی سازه برآورد کرد. با توجه به نتایج جدول ۵، این ضریب می‌تواند عددی بین ۶ تا ۷ باشد، اما بررسی‌های جامعه‌ی را می‌طلبند.

۵. کنترل فعال سیستم با افزایش میرایی

در بخش‌های پیشین مشاهده شد که با افزایش تأخیر زمانی، کارآبی سیستم کنترل فعال کاهش می‌ابد و در مقاره‌ی که آن را تأخیر زمانی بحرانی نامیدیم، سازه به ناپایداری می‌رسد. در این بخش برای مهار اثر ناشی از تأخیر زمانی در سازه‌ی که سیستم کنترلی آن با کاهش کارآبی مواجه شده است، تغییر میرایی سازه بررسی شده است. یک سیستم میرایی غیرفعال به گونه‌یی به سازه افزوده شده است که قدرت جذب انرژی سازه افزایش باید، بدون اینکه تغییری در سختی سازه رخ دهد. به این ترتیب میرایی‌های مختلفی برای مود اول سازه قابل تعریف‌شدن است در حالی که خصوصیات سیستم کنترل از جمله میرایی آن ثابت نگه داشته شده است. در ادامه، مجدداً تحلیل حساسیت نسبت به پارامتر تأخیر زمانی انجام پذیرفت. مقدار میرایی‌های مورد بررسی برای مود اول ارتعاش سازه به ترتیب ۷۴۷، ۲۴۹ و ۱۲۴۵ درصد است.

۱.۵. مقادیر تأخیر زمانی بحرانی

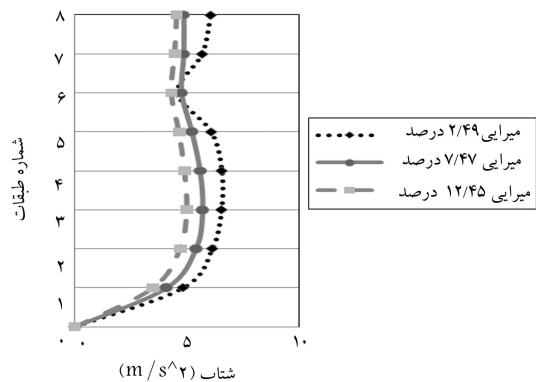
تحلیل‌های حساسیت مقادیر تأخیر زمانی را به ترتیب ۰، ۱۶٪، ۰، ۱۷٪ و ۰، ۱۸٪ ثانیه برآورد کرده است. به عبارت دیگر افزایش میرایی تأثیر قابل ملاحظه‌یی بر مهار اثر ناپایداری ناشی از تأخیر زمانی نداشته است. این مسئله به نوعی دیگر می‌تواند وابستگی تأخیر زمانی بحرانی به دوره‌ی تناوب اصلی سازه را نشان دهد، چرا که ماتریس‌های وزن و مشخصه‌های بسامد نامیرای سیستم سازه‌یی تغییری نداشته‌اند.

۲.۵. برش پایه

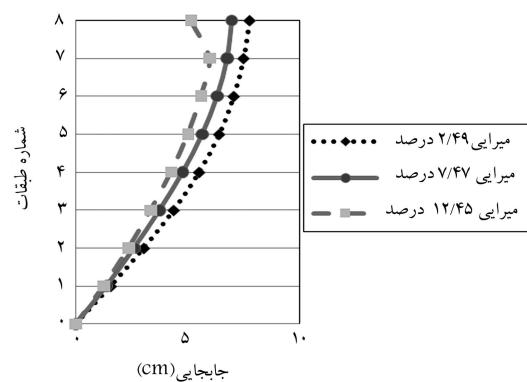
مقادیر بیشینه‌ی برش پایه برای سه مقدار متفاوت میرایی با وجود تأخیرهای زمانی در حلقه‌ی کنترل فعال به دست آمده است (جدول ۶). نتایج جدول ۶ نشان می‌دهد که افزایش میرایی مود اول سازه نه فقط توانسته اثرات ناشی از تأخیر زمانی را جبران کند، بلکه موفق به کاهش برش

جدول ۶. بیشینه‌ی برش پایه (kN) با میرایی‌های مختلف در تأخیرهای زمانی متفاوت.

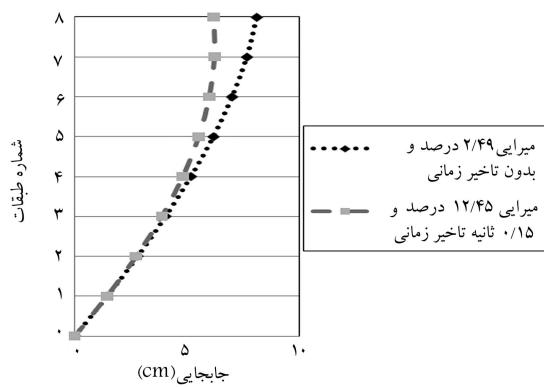
میرایی (%)	بدون تأخیر زمانی	۱۰٪ ثانیه تأخیر زمانی	۱۵٪ ثانیه تأخیر زمانی
۱۲۴۵	۷۴۷	۲۴۹	
۴۱۳۱	۴۴۸۵	۴۸۸۸	
۴۲۱۰	۴۶۶۴	۵۳۲۰	
۴۸۶۶	۵۹۹۸	۸۳۹۴	



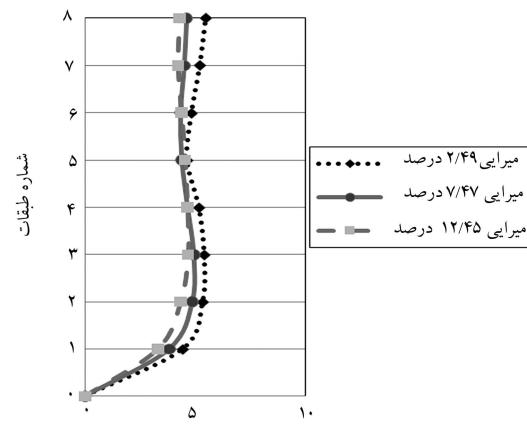
شکل ۱۰. بیشینه‌ی شتاب طبقات در حالت تأخیر زمانی ۱۵٪ ثانیه.



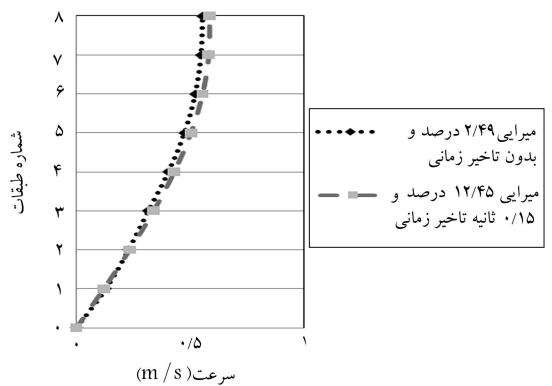
شکل ۷. بیشینه‌ی جابجایی طبقات در حالت تأخیر زمانی ۱۱٪ ثانیه.



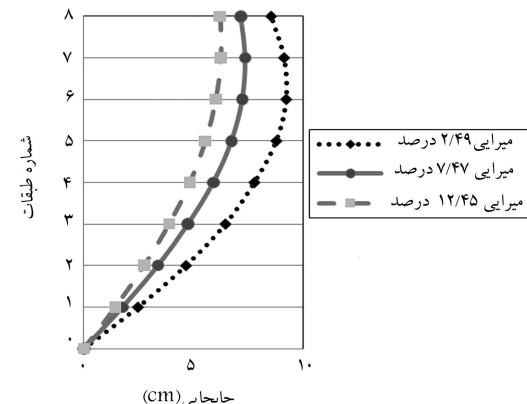
شکل ۱۱. مقایسه‌ی بیشینه‌ی جابجایی طبقات بین سازه‌ی نامیرای اولیه و بدون تأخیر زمانی با سازه‌ی میرابی ۱۲/۴۵٪ و ۱۵٪ ثانیه تأخیر زمانی.



شکل ۸. بیشینه‌ی شتاب طبقات در حالت تأخیر زمانی ۱۱٪ ثانیه.



شکل ۱۲. مقایسه‌ی بیشینه‌ی سرعت طبقات بین سازه‌ی نامیرای اولیه و بدون تأخیر زمانی با سازه‌ی میرابی ۱۲/۴۵٪ و ۱۵٪ ثانیه تأخیر زمانی.



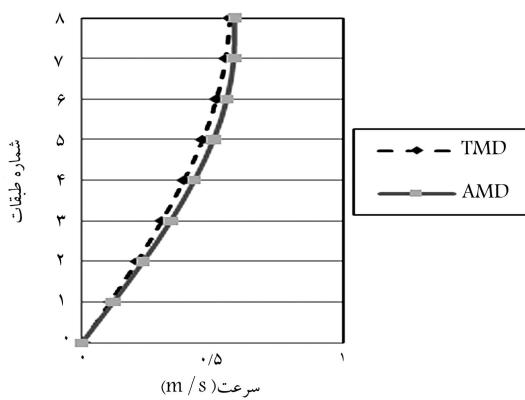
شکل ۹. بیشینه‌ی جابجایی طبقات در حالت تأخیر زمانی ۱۵٪ ثانیه.

کارآیی سیستم کنترل بسیار ضعیف شده است، افزایش میرابی هم در کنترل جابجایی طبقات (شکل ۹)، و هم در کنترل شتاب طبقات (شکل ۱۰)، بسیار مؤثر عمل کرده است.

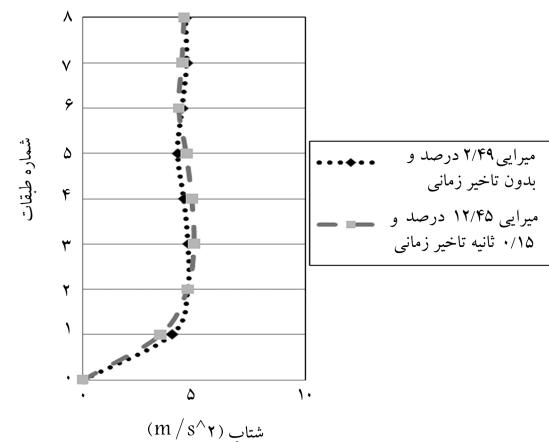
در شکل‌های ۱۱ الی ۱۳، پاسخ‌های بیشینه‌ی تغییرمکان، سرعت، و شتاب طبقات سازه برای حالت ایده‌آل یک سیستم کنترلی بدون تأخیر زمانی در مقایسه با حالت سازه با نسبت میرابی مود اول ۱۲/۴۵٪ و ۱۵٪ ثانیه تأخیر زمانی که بیشینه‌ی تأخیر زمانی ممکن و مرز واگرایی سیستم اولیه است، مقایسه شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود سیستم کنترلی با بیشینه‌ی تأخیر زمانی ممکن با

۴.۵. پاسخ طبقات سازه

در این قسمت، بیشینه‌ی تغییرمکان و شتاب طبقات سازه در تأخیرهای زمانی ۱۱٪ و ۱۵٪ ثانیه با میرابی‌های متفاوت، در شکل‌های ۷ الی ۱۰ آورده شده است. در شکل ۷، بیشینه‌ی جابجایی در تأخیر زمانی ۱۱٪ ثانیه به ازای میرابی‌های مختلف مود اول سازه ترسیم شده است. نتایج نشان می‌دهند با افزایش میرابی کارآیی سیستم کنترلی در کاهش جابجایی طبقات قابل ملاحظه است. اما همین تأثیر در شتاب طبقات در شکل ۸ مشاهده نمی‌شود. اما در تأخیر زمانی ۱۵٪ ثانیه که

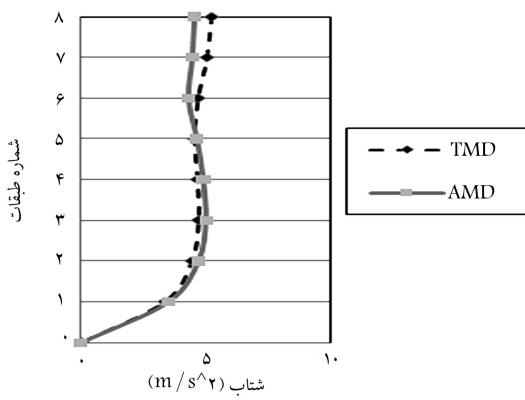


شکل ۱۵. مقایسه‌ی سرعت طبقات: کنترل فعال با تأخیر زمانی 15° ثانیه با میرایی AMD ($12,45\%$)، و کنترل غیرفعال با میرایی TMD ($12,45\%$).

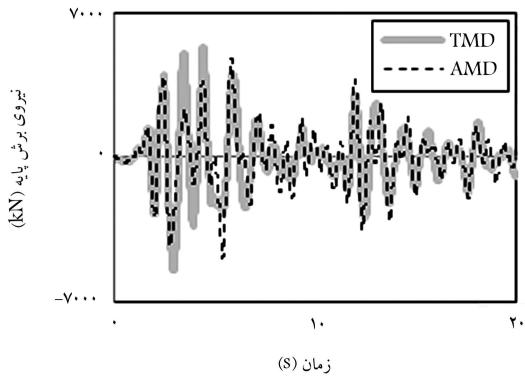


شکل ۱۳. مقایسه‌ی بیشینه‌ی شتاب طبقات بین سازه‌ی نامیرای اولیه و بدون تأخیر زمانی با سازه‌ی با میرایی $12,45\%$ و 15° تأخیر زمانی.

افزایش میرایی سیستم، پاسخ‌های بهتری را نسبت به سیستم اولیه و بدون تأخیر زمانی تجربه می‌کند.



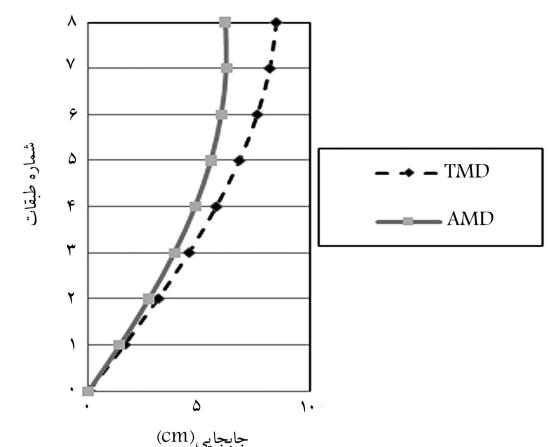
شکل ۱۶. مقایسه‌ی شتاب طبقات: کنترل فعال با تأخیر زمانی 15° ثانیه با میرایی AMD ($12,45\%$) و کنترل غیرفعال با میرایی TMD ($12,45\%$).



شکل ۱۷. مقایسه‌ی برش پایه‌ی سیستم کنترل فعال با 15° تأخیر زمانی (AMD) و میرایی $12,45\%$ با سیستم کنترلی غیرفعال و میرایی $12,45\%$ (TMD).

۵.۵ مقایسه‌ی سیستم‌های کنترل فعال و غیرفعال

در این قسمت با ثابت نگهداشت نسبت میرایی در مود اول سازه روى مقدار $12,45\%$ کارآبی یک سیستم فعال با بیشترین مقدار تأخیر زمانی با همان سیستم هنگامی که به صورت غیرفعال عمل کند، مقایسه و ارزیابی شده است. در شکل‌های ۱۴ الی ۱۶ مقایسه‌ی بیشینه‌ی پاسخ‌های جابجایی، سرعت، و شتاب سازه‌ی کنترل شده و در شکل ۱۷، تاریخچه زمانی برش پایه ارائه شده است. نتایج نشان می‌دهند که سیستم کنترل فعال با وجود تأخیر زمانی بحرانی که عملکرد آن را به شدت کاهش داده است، در مهار جابجایی طبقات بهتر از سیستم کنترل غیرفعال مشابه کار کرده است. این بدان معنی است که می‌توان سیستم‌های کنترل فعالی که درست طراحی شده‌اند اما به دلیل وجود تأخیر زمانی کارآبی خود را از دست داده‌اند، را به دو صورت با کارآمدی مجدد کرد: خاموش‌کردن نیروی کنترل و استفاده از آن‌ها به صورت یک سیستم جرم میراگر تنظیمی، یا افزودن میرایی مود اول آن‌ها.



شکل ۱۴. مقایسه‌ی تغییرمکان طبقات: کنترل فعال با تأخیر زمانی 15° ثانیه با میرایی $12,45\%$ (AMD) و کنترل غیرفعال با میرایی $12,45\%$ (TMD).

۶. نتیجه‌گیری

حساسیت سیستم‌های کنترل فعال سازه‌ی به تأخیر زمانی در اعمال نیروی کنترلی به سازه، به ۳ بازه تقسیم می‌شود: ۱. بازه‌ی عدم حساسیت سیستم، ۲. تشدید حساسیت سیستم با افزایش تأخیر زمانی، و ۳. مرز ناپایداری سیستم. ارزیابی‌ها برای یک سازه‌ی خاص نشان داده است که مقدار تأخیر زمانی بحرانی، که مرز ناپایداری

شد. ارزیابی ها نشان دادند هر چه تأخیر زمانی بیشتر باشد، میراث تأثیرگذاری افزایش نسبت میرایی می سازه نیز بیشتر است. همچنین نشان داده شد که افزایش میرایی حتی در حالت تأخیر زمانی بحرانی نیز می تواند کاهش بازدهی سیستم کنترل فعال را کاملاً جبران کند. اما این تصور نیز وجود دارد که می توان ماتریس های وزن پایداری برای محاسبه های نیروی کنترل یافته که نسبت به تأخیر زمانی ذاتی سازه کنترل شده حساس نباشند.

سیستم را تعیین می کنند، از بارهای لزهی و تغییرات میرایی مود اول سازه تأثیر نمی بذیرد و می تواند به صورت ضریبی از دوره تناوب مود اول سازه کنترل شده در نظر گرفته شود. در این تحقیق ضریب $\frac{1}{\alpha}$ به عنوان ضریبی از دوره تناوب مود اول برآورد شده است. البته نیاز به پژوهش های بیشتر توصیه می شود. در ادامه، برای مهار کاهش کارایی سیستم کنترل فعال که بدلیل تأخیر زمانی قابل ملاحظه در مرز تایپیداری قرار گرفته است از سیستم های میرایی غیرفعال استفاده

منابع (References)

1. Soong, T.T. "Active structural control in civil engineering", *Eng. Structures*, **10**, pp. 74-84 (1988).
2. Yang, J.N., Akbarpour, A. and Askar, G. "Effect of time delay on control on seismic-excited buildings", *J. of Structural Eng.*, **116**(10), pp. 2801-2814 (1990).
3. Soong, T.T., *Active Structural Control: Theory and Practice*, Longman Scientific, Essex, U.K. (1990).
4. Phohomsiri, P., Udwadia, F.E. and Von Bremen, F.H.
5. Bahar, O., Mahzoon, M., Banan, M.R. and Kitagawa, Y. "Discrete instantaneous optimal control method", *Iranian J. of Science & Technology, Transaction B.*, **28**(B1), pp. 9-20 (2004).
6. Yang, J.N., Akbarpour, A. and Ghaemmaghami, P. "Optimal control algorithms for earthquake-excited buildings", *Structural Control*, Leipholz, Ed., Publisher Springer Netherlands, pp. 748-761 (1985).

EFFECT OF DAMPING ON SENSITIVITY REDUCTION OF ACTIVE STRUCTURAL CONTROL TO TIME DELAY

B. Rajabi

behrooz.rajabi@iausaghez.ac.ir

Saghez Branch, Islamic Azad University

O. Bahar (corresponding author)

omidbahar@iiees.ac.ir

International Institute of Earthquake Engineering and Seismology

Sharif Civil Engineering Journal

Volume 29, Issue 2, Page 99-106, Original Article

© Sharif University of Technology

- Received 15 February 2011; received in revised form 24 July 2011; accepted 31 December 2011.

Abstract

Time delay is a major problem in active structural control, which may lead to an inactive control performance or even result in instability of the whole structure. Sensitivity of structures to time delay may refer to characteristics of the building, the control system, and/or external loadings. If a control system is designed based on the ideal parameters of the building and control mechanism, it may be inefficient, because it does not take note of the practical problems encountered in reality. But, if a control system is perfectly designed, it may suffer from some changes in structure and/or control parameters. Hence, time delay may always affect the performance of a controlled structure. In this paper, in order to evaluate the influence of this effect, sensitivity analysis of an eight-story model building, with respect to time delay, is carried out. The control system is an active mass damper/driver (AMD) installed on the top floor. The control algorithm is the discrete instantaneous optimal control (DIOC) method, previously presented by the second author. This algorithm is powered using stable matrices to overcome the time step problems that the instantaneous optimal control methods confront.

First, a critical time delay is recognized, in which the controlled structure is unstable. By changing input excitation (strong ground motion), the effect of input seismic load on critical time delay is examined. Using different earthquake loads: El Centro, Parkfield, and San Fernando, results in the same critical time delay for the mentioned buildings. Then, the stiffness of the building stories are increased without changing the mass of the floors. It is recognized that there is a relation between critical time delay and the first period of the controlled building. The proposed coefficient is about $\frac{1}{7}$ to $\frac{1}{6}$ of the fundamental period of the controlled building.

Second, by introducing passive dampers in such a manner that the capacity of the energy absorption of the building is increased without increasing its stiffness, crit-

ical time delay is evaluated, again. There is no change in critical time delay, but extensive results show that increasing damping to a large extent may alleviate the sensitivity of the controlled building to time delay. In other words, increasing the damping of the first mode of the controlled building may extensively increase the efficiency of the control system. Hence, this may be a good solution for older active control buildings, which suffer from time delay effects.

Key Words: Active control, time delay, passive damping, control algorithm, stability, discrete instantaneous optimal control, DIOC.