

# تعیین مقادیر بهینه‌ی پارامترهای جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه تحت زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک

حسام الدین معین درباری (دانشجوی دکتری)

تهرج تقی خانی\* (استادیار)

دانشکده‌ی هندسی عمران و محیط زیست، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

یک سیستم جداگر لرزه‌ی انطباقی می‌تواند سختی و میرایی متغیری از خود ارائه دهد. مهم‌ترین فایده‌ی این رفتار، پاسخگویی مناسب این سیستم‌ها در برابر عملکردهای مختلف و سطوح خطر متفاوت است. جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه، که یکی از انواع جداگرهای لرزه‌ی اصطکاکی چندقرصی است، در زمرة‌ی این سیستم‌ها از توجه به سطوح مقعر چندگانه و اینکه انطباق پذیر است. ساختار داخلی این سیستم‌ها با توجه به سطوح با روی این سطوح لغزش بر روی کدامیک از سطوح اتفاق بیفتد، مشخص می‌شود. لغزش بر روی این سطوح با توجه به مقادیر جایه‌جایی، بین سطوح تعویض می‌شود و سختی و میرایی موردنظر حاصل می‌شود. بنابراین لزوم بهینه‌سازی پارامترهای مؤثر در طراحی این گونه سیستم‌ها، با توجه به عملکرد موردنظر، امری شایان توجه خواهد بود. در این پژوهش با استفاده از روش الگوریتم‌های ژنتیک، پارامترهای مؤثر طراحی برای محدودکردن بیشینه‌ی پاسخ‌های سازه بهینه شده‌اند و محدوده‌ی مناسب برای آن‌ها ارائه شده است.

hessammoeen@aut.ac.ir  
ttaghikhany@aut.ac.ir

واژگان کلیدی: جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه، حوزه‌ی نزدیک، طرح لرزه‌ی، الگوریتم ژنتیک، بهینه‌سازی.

## ۱. مقدمه

این معرض با به کارگیری مستهلک کننده‌ها در تراز جداگرها قابل حل است، لیکن این روش موجب افزایش شتاب طبقات می‌شود؛ به گونه‌یی که زلزله‌هایی با سطوح شتاب پایین موجب خراپی تجهیزات حساس در ساختمان می‌شود. از این رو استفاده از یک سیستم جداسازکه در سطوح پایین لرزه‌یی با ایجاد نرمی مناسب شتاب طبقه را کنترل کند و در سطوح بالا با استهلاک مناسب تغییرشکل طبقه‌یی را کاهش دهد، یکی از دلایل توجه جامعه‌ی هندسان به استفاده از سیستم‌هایی است که بتوانند در هنگام زمین‌لرزه خصوصیات خود را منطبق بر نیاز طراح تغییر دهند.<sup>[۱]</sup>

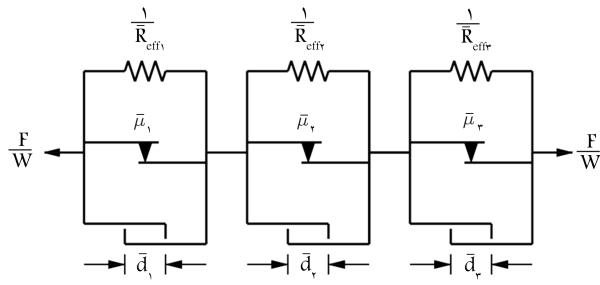
در این نوشتار، طراحی لرزه‌یی سیستم‌های جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه<sup>۲</sup> (شکل ۱) که از انواع سیستم‌های با نشیمن لغزشی هستند، مورد بررسی قرار گرفته است. این سیستم‌ها که از انواع پیشرفته‌ی سیستم‌های ساده‌ی اصطکاکی پاندولی تک قوسی هستند،<sup>[۲]</sup> با توجه به جایه‌جایی‌های ایجادشده در کف ساختمان، سختی‌های متفاوتی از خود نشان می‌دهند، که باعث می‌شود رفتاری مناسب با سطح زلزله‌ی واردشده به ساختمان از خود نشان دهند؛ به همین دلیل برخلاف سیستم‌های معمول جداسازی، می‌توان از این سیستم‌ها برای طراحی در سطوح مختلف زلزله استفاده کرد. جداگرهای اصطکاکی پاندولی سه‌گانه شامل ۴ سطح لغزشی با شعاع انحنای‌های مؤثر ( $R_{effi} = R_i - h_i$ ) و ضرایب اصطکاک ( $\mu_i$ ) متمایز هستند. با توجه به شکل ۱ برای هر یک از سطوح، ظرفیت‌های جایه‌جایی مشخصی ( $d_i$ ) قابل طراحی است تا لغزش از سطحی به سطح دیگر منتقل شود. در زمینه‌ی توضیح رفتار مکانیکی و مدل‌سازی جداگرهای پاندولی چند قوسی،

امروزه، جداسازی لرزه‌یی<sup>۱</sup> فناوری توسعه یافته‌یی است که در سیاری از کشورها به کار می‌رود و مبانی ساخت و اجرای انواع متعددی از آن به خوبی شناخته شده است. به نظر می‌رسد که این مفهوم، جاذبه‌ی اجتناب ناپذیری برای مخترعان داشته است و هر ساله سیستم‌های نوین و متنوعی از روش‌های جداسازی پیشنهاد می‌شوند و بهثت می‌رسند. بیشتر سیستم‌های جداسازی که امروزه به کار می‌روند یا شامل نشیمن‌های الاستومری هستند؛ که ماده‌ی اولیه‌ی آن ژستیک طبیعی یا نتوپن است؛ و یا در آن‌ها نشیمن‌های لغزشی، که سطح لغزش از جنس نفلون و فولاد ضد زنگ است (هر چند که از سطوح لغزشی دیگری نیز استفاده شده است) به کار گرفته شده‌اند. سیستم‌های دیگری نیز پیشنهاد شده‌اند که در آن‌ها نشیمن‌های الاستومری و لغزان با یکدیگر ترکیب شده‌اند.<sup>[۱]</sup>

یکی از مقوله‌هایی که با توجه به خرابی‌های ساختمان‌های مهندسی ساز در زلزله‌های اخیر توجه جوامع علمی مهندسان زلزله را به خود جلب کرده است، بررسی حرکات نیرومند زمین در حوزه‌ی نزدیک منبع لرزه‌زا و تأثیر آن‌ها در عملکرد سازه‌هاست. دوره‌ی تناوب و دامنه‌ی نسبتاً بلند رکوردهای حرکات نیرومند زمین در حوزه‌ی نزدیک، تردیدهایی را در مورد قابلیت‌های آن نوع از سیستم‌های جداگر لرزه‌یی که فقط از مرکز نرمی در تراز کف بهره می‌برند، به وجود آورده است. هر چند

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۱/۲/۴، اصلاحیه ۱۳۹۱/۸/۱، پذیرش ۱۳۹۱/۱۰/۹.



شکل ۲. سه المان جداگر اصطکاکی یگانه که برای مدل‌سازی جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه به کار رفته‌اند.<sup>[۶]</sup>

**۱.۲. پارامترهای جداگرهای تک قوسی سری شده**<sup>[۶]</sup>

شکل ۲ نمایی شماتیک از جداگرهای تک قوسی سری شده را نمایش می‌دهد. به گونه‌یی که نیروی وارد بر هر یک از المان‌ها (جداگرهای تک قوسی) یکسان، ولی جاهای جایی هرکدام از آن‌ها متفاوت خواهد بود. هر جداگر اصطکاکی تک قوسی، به صورت المانی متتشکل از سه جزء موازی تشکیل شده است، که این اجراء عبارت از: (الف) یک فنر خطی کشسان برای ایجاد نیروی ناشی از انحنای سطح، (ب) یک المان اصطکاکی خمیری سخت<sup>۳</sup> با وابستگی ضربی اصطکاک به سرعت، (و) یک المان خلاص - گیر<sup>۴</sup> برای محدود کردن میزان جایه‌جایی هر یک از جداگرهای تک قوسی. برای المان نام، سختی فنر برابر با  $\frac{1}{R_{eff}}$  نمایش داده شده است، که از زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک با خصوصیات متفاوت در سطح مختلف زلزله‌ی طرح استفاده شده است تا به نیاز جامعه‌ی مهندسان سازه در زمینه‌ی طراحی این جداگرهای زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک پاسخ داده شود. با توجه به اینکه پارامترهای طراحی در جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه متعدد هستند و تابعی با رفتار نامشخص و پیچیده در تعیین پاسخ‌های سازه نسبت به پارامترهای جداگر وجود دارد، از الگوریتم رزتیک بهمنزله‌ی یکی از روش‌های مناسب در برآورد مقادیر بهینه‌ی متغیرها استفاده شده است.

$$\mu = f_{max} - (f_{max} - f_{min}) \exp(-a |u|) \quad (1)$$

که در آن،  $f_{max}$  ضربی اصطکاک در سرعت‌های بالا و  $f_{min}$  ضربی اصطکاک در سرعت‌های ناچیز است. همچنین  $a$  پارامتر سرعت است که تغییرات ضربی اصطکاک بین  $f_{min}$  و  $f_{max}$  را کنترل می‌کند.

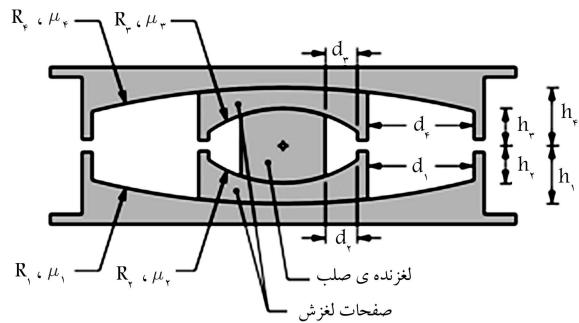
براین اساس اگر سیستم سری شده را جایگزین سیستم جداگر پاندولی اصطکاکی سه‌گانه کنیم (شکل ۱) و در عین حال انتظار رفتاری یکسان را داشته باشیم، پارامترهای جداگرهای تک قوسی بر اساس جدول ۱ به دست خواهد آمد.

## ۲. به دست آوردن معادلات حرکت

برای هر یک از المان‌های سری، نیروی مقاوم از رابطه‌ی ۲ به دست می‌آید:<sup>[۷]</sup>

جدول ۱. پارامترهای مدل سری برای حالتی که جداگر سه‌گانه کاملاً تطبیق‌پذیر عمل کند.<sup>[۵]</sup>

$\bar{a}_i$	$\bar{d}_i$	$\bar{R}_{effi}$	$\bar{\mu}_i$	شماره المان سری
$\bar{a}_1 = \frac{1}{\tau} \frac{(a_\tau + a_\tau)}{\tau}$	$\bar{d}_1 = d_{tot} - (d_\tau + d_\tau)$	$\bar{R}_{eff1} = R_{eff1} + R_{eff2}$	$\bar{\mu}_1 = \mu_2 = \mu_3$	۱
$\bar{a}_2 = \frac{R_{eff1}}{R_{eff1} - R_{eff2}} a_1$	$\bar{d}_2 = \frac{R_{eff1} - R_{eff2}}{R_{eff1}} d_1$	$\bar{R}_{eff2} = R_{eff1} - R_{eff2}$	$\bar{\mu}_2 = \mu_1$	۲
$\bar{a}_3 = \frac{R_{eff2}}{R_{eff2} - R_{eff1}} a_2$	$\bar{d}_3 = \frac{R_{eff2} - R_{eff1}}{R_{eff2}} d_2$	$\bar{R}_{eff3} = R_{eff2} - R_{eff1}$	$\bar{\mu}_3 = \mu_2$	۳



شکل ۱. بررسی از جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه.<sup>[۵]</sup>

پژوهش‌های متعددی انجام شده است. در پژوهشی در سال ۲۰۰۸، طی گزارشی به تشریح خصوصیات و روابط مکانیکی انواع مختلف جداگرهای چند قوسی از نوع یگانه تا سه‌گانه‌ی این جداگرهای پرداخته شده است.<sup>[۵]</sup> با وجود این، به دلیل ظهور این سیستم‌ها در سال‌های اخیر، در زمینه‌ی طراحی و بهینه‌سازی پارامترهای مربوط به این نوع جداگرها و به طور اخص جداگرهای دوگانه و سه‌گانه، کار شایان توجه‌ی صورت نگرفته است. در این نوشتار سعی شده است تا با شناخت کامل رفتار جداگرهای اصطکاکی پاندولی سه‌گانه، ابتدا پارامترهای طراحی مؤثر این جداگرها در تعیین پاسخ‌های سازه شناسایی و سپس با روش‌های مناسب بهینه‌سازی عددی، این پارامترها به گونه‌یی انتخاب شوند تا پاسخ‌های سازه مانند جایه‌جایی نسبی طبقه، شتاب بام و جایه‌جایی تراز جداگرها کمترین مقدار را داشته باشند. در طی این روند از زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک با خصوصیات متفاوت در سطح مختلف زلزله‌ی طرح استفاده شده است تا به نیاز جامعه‌ی مهندسان سازه در زمینه‌ی طراحی این جداگرها برای زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک پاسخ داده شود. با توجه به اینکه پارامترهای طراحی در جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه متعدد هستند و تابعی با رفتار نامشخص و پیچیده در تعیین پاسخ‌های سازه نسبت به پارامترهای جداگر وجود دارد، از الگوریتم رزتیک بهمنزله‌ی یکی از روش‌های مناسب در برآورد مقادیر بهینه‌ی متغیرها استفاده شده است.

## ۲. مدل‌سازی و فرضیات تحلیل

در اینجا رفتار مکانیکی جداگرهای لرزه‌ی اصطکاکی پاندولی سه‌گانه با یک مدل عددی و با فرض ترکیب سری سه جداگر تک قوسی مطابق با تحقیقات فنر و کنستانتینو (۲۰۰۸) ارائه شده است.<sup>[۶]</sup> با استفاده از این مدل، معادلات تعادل دینامیکی سازه‌یی، که توسط جداگر سه‌گانه جدادسازی شده است، به دست آمده و پاسخ سازه تحت رکورد زلزله‌یی مشخص با پاسخ‌های به دست آمده از همان مرجع مقایسه و صحت‌سنجی شده است.

$$m_1 \ddot{u}_1 + \frac{W}{N_{TFPB} R_{eff1}} (u_r - u_1) + \mu_1 \frac{W}{N_{TFPB}} Z_1 + F_{r1} \\ - \frac{W}{N_{TFPB} R_{eff1}} (u_r - u_1) - \mu_1 \frac{W}{N_{TFPB}} Z_1 \\ - F_{r1} = -m_1 \ddot{u}_g(t) \quad (6)$$

$$m_1 \ddot{u}_1 + \frac{W}{N_{TFPB} R_{eff1}} u_1 + \mu_1 \frac{W}{N_{TFPB}} Z_1 + F_{r1} \\ - \frac{W}{N_{TFPB} R_{eff1}} (u_r - u_1) - \mu_1 \frac{W}{N_{TFPB}} Z_1 \\ - F_{r1} = -m_1 \ddot{u}_g(t) \quad (7)$$

$$\frac{dZ_1}{dt} = \frac{1}{u_{y1}} \underbrace{\{ A_1 - |Z_1|^{\eta_1} [\gamma_1 \operatorname{sgn}(\dot{u}_1 Z_1) + \beta_1] \} \dot{u}_1}_{z_1} \quad (8)$$

$$\frac{dZ_1}{dt} = \frac{1}{u_{y1}} \underbrace{\{ A_1 - |Z_1|^{\eta_1} [\gamma_1 \operatorname{sgn}((\dot{u}_r - \dot{u}_1) Z_1) + \beta_1] \} (\dot{u}_r - \dot{u}_1)}_{z_1} \quad (9)$$

$$\frac{dZ_r}{dt} = \frac{1}{u_{yr}} \underbrace{\{ A_r - |Z_r|^{\eta_r} [\gamma_r \operatorname{sgn}((\dot{u}_r - \dot{u}_1) Z_r) + \beta_r] \} (\dot{u}_r - \dot{u}_1)}_{z_r} \quad (10)$$

لازم به توضیح است که جرم‌های  $m_1$  تا  $m_4$  به ترتیب عبارت اند از: ۱. جرم لغزندۀ، ۲. جرم صفحات لغزش دو و سه، ۳. جرم صفحه‌ی لغزندۀ همراه با جرم کف، ۴. جرم روسازه (شکل ۳).

معادلات تعادل را می‌توان به صورت معادله‌ی دیفرانسیل از درجه‌ی ۱ نمایش داد، که به آن معادله‌ی حالت می‌گویند (رابطه‌ی ۱۱):

$$\{ \dot{X} \} = [A] \{ X \} + \{ B \} \quad (11)$$

که در آن، بردار حالت  $\{X\}$  به صورت رابطه‌ی ۱۲ تعریف می‌شود:

$$\{x\} = \{u_1 \ u_r \ u_2 \ u_4 \ \dot{u}_1 \ \dot{u}_r \ \dot{u}_2 \ \dot{u}_4 \ Z_1 \ Z_r \ Z_2\}^T \quad (12)$$

با توجه به تعریف بردار حالت  $\{X\}$ ، هر یک از مؤلفه‌های بردار  $\{\dot{X}\}$  در روابط ۱۳ الی ۲۳ نشان داده شده‌اند:

$$\dot{u}_1 = x(5) \quad (13)$$

$$\dot{u}_r = x(6) \quad (14)$$

$$\dot{u}_2 = x(7) \quad (15)$$

$$\dot{u}_4 = x(8) \quad (16)$$

$$\ddot{u}_1 = - \left[ \frac{W}{N_{TFPB} m_1 R_{eff1}} + \frac{W}{N_{TFPB} m_1 R_{eff1}} \right] u_1 \\ + \frac{W}{N_{TFPB} m_1 R_{eff1}} u_r - \mu_1 \frac{W}{N_{TFPB} m_1} Z_1 \\ + \mu_1 \frac{W}{N_{TFPB} m_1} Z_r + \frac{F_{r1}}{m_1} - \frac{F_{r1}}{m_1} - \ddot{u}_g(t) \quad (17)$$

$$F_i = \frac{W}{N_{TFPB} R_{effi}} u_i + \mu_i \frac{W}{N_{TFPB}} z_i \\ + \underbrace{k_{ri}(|u_i| - d_i) \operatorname{sgn}(u_i) H(|u_i| - d_i)}_{F_{ri}} \quad (2)$$

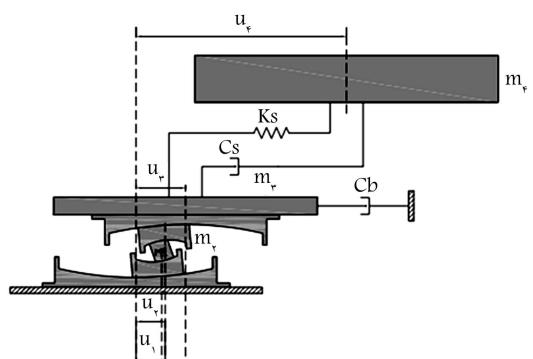
که در آن،  $W$  وزن ساختمان و  $N_{TFPB}$  تعداد جداگرهای استفاده شده برای جداسازی ساختمان است.  $R_{effi}$  شعاع انحنای مؤثر هر یک از المان‌های سری است و جابه‌جایی نسبی هر یک از المان‌های سری با  $u_i$  نشان داده شده است.  $\mu_i$  ضریب اصطکاک هر یک از المان‌های سری و  $Z_i$  پارامتر هیسترسیس مدل بوک-ون<sup>۵</sup> است که بین ۱ و ۰-۱ تغییر می‌کند و با توجه به رابطه‌ی ۳ به دست می‌آید. سختی ناشی از برخورد لغزندۀ با نگهدارنده‌های جابه‌جایی با  $k_{ri}$  نشان داده شده است. همچنین  $d_i$  ظرفیت جابه‌جایی هر یک از المان‌های سری و  $H$  نیز تابع پلکانی هویسايد<sup>۶</sup> است. پارامتر هیسترسیس ( $Z_i$ ) را می‌توان با توجه به معادله‌ی دیفرانسیل ۳ به دست آوردن:

$$\frac{dZ_i}{dt} = \frac{1}{u_{yi}} \{ A_i - |Z_i|^{\eta_i} [\gamma_i \operatorname{sgn}(\dot{u}_i Z_i) + \beta_i] \} \dot{u}_i \quad (3)$$

که در آن،  $u_{yi}$  جابه‌جایی تسیلیم و  $\dot{u}_i$  سرعت لغزش در المان‌های سری است. همچنین  $A_i$ ،  $\eta_i$ ،  $\gamma_i$  و  $\beta_i$  متغیرهای بدون بعدی هستند که شکل لوپ هیسترسیس را کنترل می‌کنند. بر طبق نوشتار فنز و همکاران<sup>[۲]</sup> در این زمینه،  $u_{yi}$  برابر با ۱،  $A_i$  برابر با ۱،  $\eta_i$  برابر با ۰،  $\gamma_i$  برابر با ۲ و  $\beta_i$  برابر با ۲ در نظر گرفته شده است. با توجه به شکل‌های ۲ و ۳ معادلات تعادل برای جرم‌های متقاول در قالب معادله‌های ۳ الی ۹ خواهد بود:

$$m_1 \ddot{u}_4 + c_s (\dot{u}_r - \dot{u}_1) - k_s (u_r - u_1) = -m_1 \ddot{u}_g(t) \quad (4)$$

$$m_1 \ddot{u}_4 + N_{TFPB} \left[ \frac{W}{N_{TFPB} R_{eff1}} (u_r - u_1) + \mu_1 \frac{W}{N_{TFPB}} Z_1 \right. \\ \left. + k_{r1} (|u_r - u_1| - d_1) \operatorname{sgn}(u_r - u_1) H(|u_r - u_1| - d_1) \right. \\ \left. - \frac{C_s}{N_{TFPB}} (\dot{u}_r - \dot{u}_1) - \frac{K_s}{N_{TFPB}} (u_r - u_1) \right] \\ + C_b \dot{u}_r = -m_1 \ddot{u}_g(t) \quad (5)$$



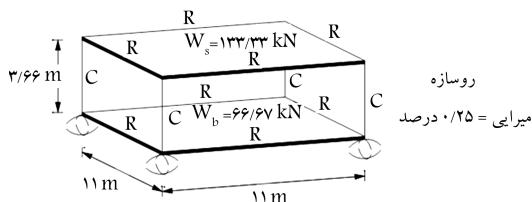
شکل ۳. مدل یک درجه آزادی از ساختمان جداسازی شده توسط جداگر پاندولی اصطکاکی سه‌گانه.

ستون‌ها در شکل ۴ و جدول ۲ آورده شده است. این تذکر لازم است که نتایج این مدل با نتایج آزمایشگاهی در این مرجع مورد تأیید قرار گرفته است.

رکورد زلزله، مؤلفه‌ی ۱۸۰ درجه‌ی زلزله‌ی سال ۱۹۴۰ استرالیا تمام بیشینه‌ی ۳۱، ۰، ۰ شتاب g و ضربی بزرگ‌نمایی زلزله برای اینکه میراگر تمام رژیم‌های لغزش را داشته باشد، ۱/۱۵ است که فقط در یک جهت وارد شده است. مشخصات جداگانه اصطکاکی پاندولی سه‌گانه در جدول ۳ آورده شده است. همچنین با توجه به جدول ۱ مشخصات المان‌های سری نیز بدست آمده است.

برای حل معادله‌ی حالت در MATLAB ازتابع ode15s استفاده شده است. این تذکر لازم است که برای بدست آوردن  $F_{ri}$  از جابه‌جایی بدست آمده از مراحل قبل استفاده شده است. همچنین برای بدست آوردن ضربی اصطکاکی از سرعت‌های بدست آمده در مراحل قبلی محاسبات استفاده شده است.  $k_r$  را مقدار زیادی در نظر می‌گیریم.

شکل ۵ نمودارهای نیرو - تغییرمکان بدست آمده از حل معادلات توسط MATLAB و نمودار نیرو تغییرمکان بدست آمده از پژوهش فنز و کنستانتینو (۲۰۰۸) را نشان می‌دهد.



شکل ۴. ساختمان جداسازی شده جهت بررسی مدل و مشخصات آن.

بنابراین ماتریس A و بردار B به دست خواهد آمد.

### ۳.۲. تصدیق صحت مدل‌سازی عددی

برای بررسی صحت روابط بدست آمده، برنامه‌یی برای حل معادله‌ی حالت در MATLAB نوشته شده و نتایج بدست آمده با نتایج آنالیز مدل مشخصی در نوشتار فنز و کنستانتینو مقایسه شده است.<sup>[۶]</sup> مشخصات مدل از قبیل ابعاد تیر و

جدول ۲. مشخصات ساختمان جداسازی شده جهت بررسی مدل.

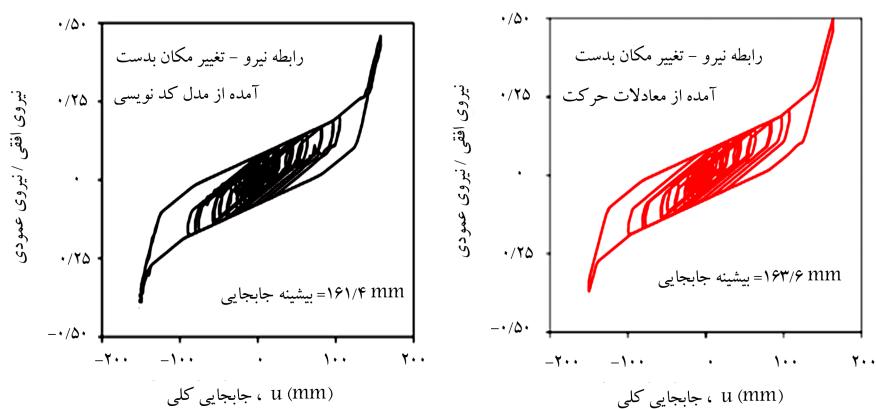
مشخصات قطع	سطح مقطع (mm <sup>۲</sup> )	ممان اینترسی (mm <sup>۴</sup> )	ثابت پیچش (mm <sup>۴</sup> )	سطح مقطع برشی (mm <sup>۲</sup> )	جرم (kg)	وزن (kN)
(C) ستون	۵/۰ × ۱۰ <sup>۶</sup>	۶,۸۵۱ × ۱۰ <sup>۷</sup>	۱/۰ × ۱۰ <sup>۸</sup>	۵/۰ × ۱۰ <sup>۶</sup>	۰/۰	۰/۰
(R) اعضای صلب	۵/۰ × ۱۰ <sup>۶</sup>	۱/۰ × ۱۰ <sup>۱۱</sup>	۱/۰ × ۱۰ <sup>۸</sup>	۵/۰ × ۱۰ <sup>۶</sup>	۰/۰	۰/۰

جدول ۳. مشخصات جداگانه اصطکاکی پاندولی سه‌گانه استفاده شده برای تأیید مدل‌سازی.

مشخصات جداگانه اصطکاکی پاندولی سه‌گانه				
$a_1 = ۰/۱ \text{ sec/mm}$	$d_1 = ۶۴ \text{ mm}$	$\mu_1 = ۰/۰ ۲ - ۰/۰ ۴$	$R_{eff1} = ۴۳۵ \text{ mm}$	سطح ۱
$a_2 = ۰/۱ \text{ sec/mm}$	$d_2 = ۱۹ \text{ mm}$	$\mu_2 = ۰/۰ ۱ - ۰/۰ ۲$	$R_{eff2} = ۵۳ \text{ mm}$	سطح ۲
$a_3 = ۰/۱ \text{ sec/mm}$	$d_3 = ۱۹ \text{ mm}$	$\mu_3 = ۰/۰ ۱ - ۰/۰ ۲$	$R_{eff3} = ۵۳ \text{ mm}$	سطح ۳
$a_4 = ۰/۱ \text{ sec/mm}$	$d_4 = ۶۴ \text{ mm}$	$\mu_4 = ۰/۰ ۶ - ۰/۰ ۱۳$	$R_{eff4} = ۴۳۵ \text{ mm}$	سطح ۴

مشخصات المان‌های سری				
$\bar{a}_1 = ۰/۰ ۵ \text{ sec/mm}$	$\bar{d}_1 = ۵۳/۶ \text{ mm}$	$\bar{\mu}_1 = ۰/۰ ۱ - ۰/۰ ۲$	$\bar{R}_{eff1} = ۱۰۶ \text{ mm}$	المان سری ۱
$\bar{a}_2 = ۰/۰ ۵ \text{ sec/mm}$	$\bar{d}_2 = ۵۶/۲ \text{ mm}$	$\bar{\mu}_2 = ۰/۰ ۲ - ۰/۰ ۴$	$\bar{R}_{eff2} = ۳۸۲ \text{ mm}$	المان سری ۲
$\bar{a}_3 = ۰/۰ ۵ \text{ sec/mm}$	$\bar{d}_3 = ۵۶/۲ \text{ mm}$	$\bar{\mu}_3 = ۰/۰ ۶ - ۰/۰ ۱۳$	$\bar{R}_{eff3} = ۳۸۲ \text{ mm}$	المان سری ۳



شکل ۵. مقایسه‌ی نمودار نیرو - تغییر مکان به دست آمده از حل معادلات توسط MATLAB (سمت چپ) و پژوهش فنز و کستانتینو (۲۰۰۸) (سمت راست).

#### ۴. تحلیل حساسیت

چهت طراحی بهینه‌ی جداگرهای اصطکاکی و پاندولی همانند هر طراحی بهینه‌ی دیگری، باید پارامترهایی از پاسخ سازه به مبنای معیار کنترل طراحی کمینه شود. از این رو لازم است حساسیت آن‌ها نسبت به متغیرهای مختلف بررسی و از میان آن‌ها مؤثرترین شان درتابع هدف بهینه به کار گرفته شوند. بدین منظور اثر ۷ پارامتر یا متغیر طراحی سیستم‌های جداگر سه‌گانه در بیشینه‌ی جابجایی کف، جابجایی نسبی طبقه و شتاب سقف یک سازه‌ی جداسازی شده تحت سطح مختلف زلزله بررسی شده است تا در زمینه‌ی بهینه‌سازی جداگرهای لرزه‌بی، کمینه‌سازی این ۳ پارامتر، به عنوان معیار کنترل طراحی قرار گیرند. مدل سازه‌ی فوقانی موردنظر در این تحلیل، همان مدلی است که برای صحبت‌سنگی مدل‌سازی استفاده شده است.

#### ۱.۴. متغیرهای مؤثر در طراحی بهینه‌ی جداگرها

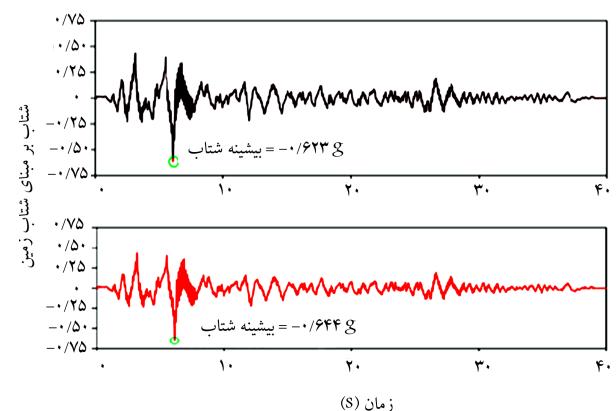
متغیرها زیادی را می‌توان در معیار کنترل طراحی مؤثر دانست که با توجه به این فرضیات، تعداد آن‌ها به ۷ متغیر محدود می‌شود:

-- جداگر لرزه‌بی به صورت تطبیق‌پذیر کامل  $1^{\circ}$  در نظر گرفته شده است. این عبارت مطابق مرجع<sup>[۵]</sup> برای آن دسته از جداگرهای پاندولی به کار می‌رود که نسبت ضرایب اصطکاک و شاعع سطوح مختلف لغزش آن به نحوی انتخاب شده است که قادر به نمایش تمامی رژیم‌های نیرو و جابجایی ممکن ناشی از لغزش بر روی سطوح مختلف برای این سیستم‌ها باشد. بنابراین فرض، شاعع انحنای سطوح ۱ با ۴ و سطوح ۲ با ۳ باید مساوی باشند. همچنین ضرایب اصطکاک سطوح لغزش ۲ و ۳ نیز با هم برابر باشند.

-- ظرفیت‌های جابجایی سطوح ۱ با ۴ و سطوح ۲ با ۳ با هم برابر در نظر گرفته شده‌اند، تا تعداد پارامترها و ترکیبات آن کاهش یابد.

-- پارامتر سرعت  $a$ ، برای تمامی سطوح عدد منطقی  $1/\text{sec}^0$  در نظر گرفته شده است، که عددی معقول است.

-- براساس مقادیر موجود برای پارامترهای طراحی در پژوهش‌های گذشته‌ی محققان و در راستای کاهش تعداد پارامترهای طراحی، مقدار بیشینه‌ی ضرایب اصطکاک، ۲ برابر مقدار کمینه در نظر گرفته شده است.<sup>[۶]</sup> بنابراین، منظور از ضرایب اصطکاک در این نوشتار، فقط مقادیر کمینه است.



شکل ۶. مقایسه‌ی شتاب مطلق سقف روسازی به دست آمده از حل معادلات حالت توسط MATLAB (شکل بالا) و پژوهش فنز و کستانتینو (۲۰۰۸) (شکل پایین).

با توجه به شکل‌های ۵ و ۶ می‌توان نتیجه گرفت که مدل‌سازی انجام گرفته صحیح است و می‌توان به نتایج به دست آمده از حل معادلات حالت، اطمینان داشت.

#### ۳. رکوردهای مورد استفاده در این مطالعه

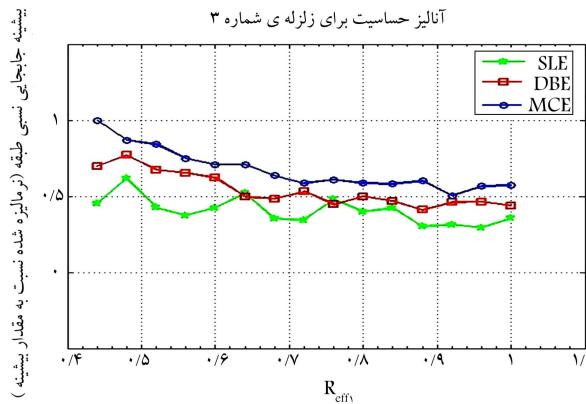
برای درنظر گرفتن تأثیر زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک، از ۷ رکورد پالس دار این زلزله‌های محدوده‌ی دوره‌ی تناوب پالس ۱ تا ۷ ثانیه در آنالیز تاریخچه‌ی زمانی مدل‌های مختلف جداسازی استفاده شده است. مقدار دوره‌ی تناوب پالس این رکوردها بر مبنای تحقیقاتی در زمینه‌ی دسته‌بندی زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک (۲۰۰۷)<sup>[۷]</sup> به دست آمده است. نام و مشخصات دیگر رکوردهای انتخاب شده در جدول ۴ آمده است. برای تعیین شتاب بیشینه‌ی زلزله برای سطوح مختلف MCE<sup>۷</sup>، DBE<sup>۸</sup> و SLE<sup>۹</sup> از نتایج تحلیل خط‌لکسی سایتی در حوالی شهر قزوین استفاده شده است. سایت موردنظر دارای طول و عرض جغرافیایی  $36^{\circ} 73'$  و  $50^{\circ} 56'$  بوده است. همچنین شاعع مورد مطالعه  $150$  کیلومتر و محدوده‌ی زمانی داده‌های لرزه‌خیزی از سال‌های  $1901$  الی  $1904$  در نظر گرفته شده است. با توجه به نتایج تحلیل خط‌لکسی سایت، مقادیر شتاب طرح برای سطوح SLE، DBE و MCE برابر با  $291^{\circ}$ ,  $517^{\circ}$  و  $759^{\circ}$  شتاب زمین است. رکورد تمامی زلزله‌های مورد نظر به شتاب سه سطح طراحی مقیاس شد.

جدول ۴. خلاصه‌ی مشخصات رکوردهای زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک پالس دار استفاده شده.

شماره‌ی زلزله	نام زلزله	وقوع	سال	شماره‌ی زلزله در طبقه‌بندی بیکر [۶]	ایستگاه ثبت زلزله	دوره‌ی تناوب پالس (ثانیه)	بزرگای زلزله (Mw)
۱	Morgan Hill	۱۹۸۴	۲۲	Coyote Lake Dam (SW Abut)	۱	۶,۲	
۲	Loma Prieta	۱۹۸۹	۳۳	Alameda Naval Air Stn Hanger	۲	۶,۹	
۳	Cape Mendocino	۱۹۹۲	۳۸	Petrolia	۳	۷	
۴	Imperial Valley_۰۶	۱۹۷۹	۱۳	El Centro Array #۶	۴,۵	۶,۵	
۵	Imperial Valley_۰۶	۱۹۷۹	۱۴	El Centro Array #۷	۴,۲	۶,۵	
۶	Landers	۱۹۹۲	۴۰	Lucerne	۵,۱	۷,۳	
۷	Chi-Chi Taiwan	۱۹۹۹	۶۴	TCU_۳۸	۷	۷,۶	

جدول ۵. مقادیر هر یک از متغیرهای طراحی در تحلیل حساسیت.

$d_1$ (m)	$d_2$ (m)	$\mu_2$	$\mu_2$	$\mu_1$	$R_{eff2}$ (m)	$R_{eff1}$ (m)		
۰,۰۵-۰,۰۲۲	۰,۰۲۲	۰,۱۱-۰,۰۵۴	۰,۱۵-۰,۰۵	۰,۰۲-۰,۰۱	۰,۰۱۸	۰,۱۰-۰,۰۴۴	۱-۰,۴۴	بازه‌ی تغییرات هر پارامتر
۰,۰۱۹	۰,۰۶۴	۰,۰۶	۰,۰۱	۰,۰۲	۰,۰۵۳	۰,۰۴۳۵	۰,۰۴۳۵	مقدار هر پارامتر برای تحلیل حساسیت بقیه‌ی پارامترها



شکل ۷. تغییرات بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه نسبت به  $R_{eff1}$  برای زلزله ۳ در سطوح سه‌گانه‌ی زلزله.

۱.۲.۴. بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه

شکل ۷، تغییرات بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه نسبت به  $R_{eff1}$  برای زلزله شماره‌ی ۳ در سطوح سه‌گانه‌ی زلزله را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود، مقدار بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه‌ی به دست آمده از هر یک از رکوردها با تغییرات شعاع انحنای مؤثر سطح ۱ و ۴ ( $R_{eff1}$ )، متناسب با هر یک از سطوح لرزه‌ی تغییر می‌کند. جهت ارائه‌ی یک تصویر کلی از اثر میزان تغییرات  $R_{eff1}$  در بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه، نسبت تغییرات بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه به مقدار میانگین این میزان مدنظر قرار گرفته است؛ که برای هر منحنی، پارامتر ۷ با توجه به رابطه‌ی ۲۴ به دست آمده است:

$$\gamma = \frac{\text{Max}_R - \text{Min}_R}{(\frac{\text{Max}_R + \text{Min}_R}{2})} \quad (24)$$

در این رابطه،  $\text{Max}_R$  و  $\text{Min}_R$  بیانگر مقدار بیشینه و کمینه‌ی پاسخ سازه در محدوده‌ی تغییرات پارامتر موردنظر برای منحنی هر یک از رکوردهاست. برای مثال  $\text{Max}_R$  و  $\text{Min}_R$  برای زلزله‌ی سطح MCE در شکل ۷ به ترتیب برابر ۰,۶ و ۰,۵ است. نتایج به دست آمده از میان منحنی‌های ۷ رکورد حوزه‌ی نزدیک در ۳

-- سختی زایده‌های پیرامونی سطوح ( $k_r$ ) که کار نگه‌دارنگی لغزنده‌ها را در محدوده‌ی سطوح به عهده دارند، یکسان و عدد بزرگی در نظر گرفته شده‌اند (۱۷۵۰ kN/mm).

پارامترهای طراحی با توجه به فرضیات در نظر گرفته شده عبارت‌اند از:

-- شعاع انحنای مؤثر سطح ۱ و ۴ ( $R_{eff1}$ ):

-- شعاع انحنای مؤثر سطح ۲ و ۳ ( $R_{eff2}$ ):

-- ضریب اصطکاک سطح ۱ ( $\mu_1$ ):

-- ضریب اصطکاک سطح ۲ و ۳ ( $\mu_2$ ):

-- ضریب اصطکاک سطح ۴ ( $\mu_3$ ):

-- ظرفیت جابه‌جایی سطح ۱ و ۴ ( $d_1$ ):

-- ظرفیت جابه‌جایی سطح ۲ و ۳ ( $d_2$ ):

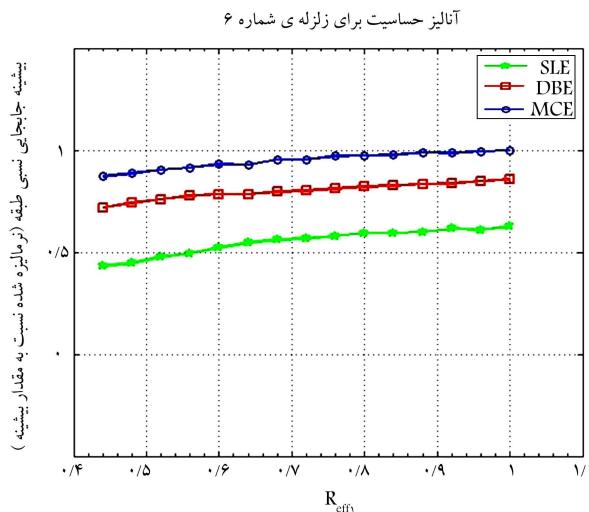
برای انجام تحلیل حساسیت، یکی از پارامترها تغییر داده شده است و بقیه‌ی پارامترها ثابت در نظر گرفته شده‌اند. این کار برای هر پارامتر برای ۲۱ رکورد مختلف تکرار شده است. محدوده‌ی تغییرات هر پارامتر طبق ابعاد معمول شرکت‌های سازنده‌ی این جدال‌گرها برای ساختمانهای متعارف، در نظر گرفته شده است.<sup>[۶]</sup> محدوده‌ی تغییرات مقدار ضرایب اصطکاک نیز با همان فرض و اینکه سیستم باید به صورت کاملاً تطبیق‌پذیر عمل کند، در نظر گرفته شده‌اند. مقدار ثابت و محدوده‌ی تغییرات پارامترها در جدول ۵ نشان داده شده‌اند. مقدار ثابت نیز مطابق با فرضیات مطالعه‌ی انجام شده‌ی فنز و کنستانتینو<sup>[۶]</sup> در بازه‌ی بیشینه و کمینه‌ی محدوده‌ی تغییرات در نظر گرفته شده‌اند.

#### ۲.۴. تحلیل حساسیت پارامترها

اولین پارامتری که در این تحلیل بر اساس میزان تأثیرگذاری در پاسخ سازه مورد بررسی قرار گرفته است،  $R_{eff1}$  است. اثر این پارامتر در سطوح مختلف زلزله یعنی SLE و DBE و برای ۲۱ رکورد زلزله در پاسخ‌های مختلف سازه مورد بررسی قرار گرفته‌اند. خلاصه‌ی از نتایج این تحلیل در ادامه آورده شده است.

جدول ۷. بیشترین و کمترین میزان  $\gamma$  برای پارامتر  $R_{eff,1}$ .

SLE	DBE	MCE	سطوح مختلف زلزله (%)
۱۶,۴	۱/۶	۱	کمترین میزان $\gamma$
۳۷,۱	۳۱/۸	۲۴/۵	بیشترین میزان $\gamma$



شکل ۹. تغییرات بیشینه‌ی جابه‌جایی تراز جدآگرها نسبت به  $R_{eff,1}$  برای زلزله‌ی ۱ در سطوح سه‌گانه‌ی زلزله.

علاوه بر شعاع انحنای سطوح ۱ و ۴ ( $R_{eff,1}$  و  $R_{eff,4}$ )، اثر بقیه‌ی پارامترها مانند شعاع انحنای مؤثر سطوح ۲ و ۳ ( $R_{eff,2}$  و  $R_{eff,3}$ )، ضریب اصطکاک سطح ۱ ( $\mu_1$ )، ضریب اصطکاک سطوح ۲ و ۳ ( $\mu_2$  و  $\mu_3$ )، ضریب اصطکاک سطح ۴ ( $\mu_4$ )، ظرفیت جابه‌جایی سطوح ۲ و ۳ ( $d_2$  و  $d_3$ ) در پاسخ بیشینه‌ی جابه‌جایی سطوح ۱ و ۴ ( $d_1$  و  $d_4$ ، ظرفیت جابه‌جایی سطوح ۲ و ۳ ( $d_2$  و  $d_3$ ) در پاسخ بیشینه‌ی جابه‌جایی سطوح ۱ و ۴ ( $d_1$  و  $d_4$ ) در جدول ۸ خلاصه شده است.

سطح مختلف زلزله در جدول ۶ در قالب کمترین و بیشترین میزان  $\gamma$  خلاصه شده است.

همان‌طور که از جدول ۶ مشاهده می‌شود، تغییرات شعاع انحنای مؤثر سطوح ۱ و ۴ ( $R_{eff,1}$  و  $R_{eff,4}$ ) می‌تواند میزان جابه‌جایی نسبی بیشینه‌ی طبقه را نسبت به میانگین آن تا حدود ۶۰ الی ۷۰ درصد تغییر دهد، که نشان از تأثیرگذاری روش این پارامتر در بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقات است.

۲.۴. شتاب بیشینه‌ی بام شتاب بام (۲۵) از رابطه‌ی ۲۵ به دست می‌آید:

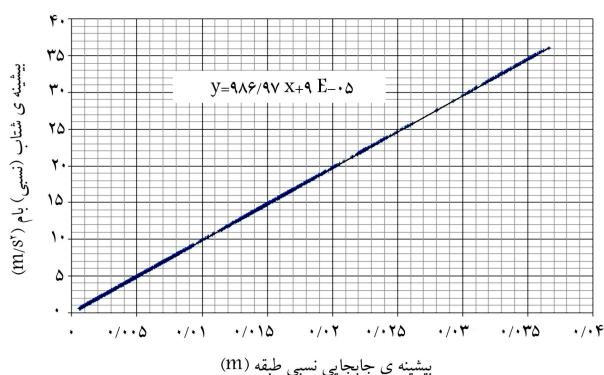
$$\ddot{u}_4 = 2\zeta_s \omega_s (\dot{u}_2 - \dot{u}_4) + \omega_s^2 (u_2 - u_4) \quad (25)$$

که در آن،  $\omega$  بسامد طبیعی روسازه و  $\zeta$  ضریب میرایی روسازه است. از آنجایی که میرایی روسازه مقدار بسیار ناچیزی (۰٪/۲۵) در نظر گرفته شده است، بنابراین شتاب بام، تابعی خطی از جابه‌جایی نسبی طبقه خواهد بود. این استدلال از شکل ۸ که شتاب بیشینه‌ی بام نسبت به جابه‌جایی بیشینه‌ی نسبی طبقه را برای تمامی زلزله‌ها (۷ زلزله) در همه‌ی سطوح (SLE، DBE و MCE) و تغییرات تمامی پارامترهای طراحی (۷ پارامتر) نشان می‌دهد، قابل درک است. با توجه به اینکه دوره‌ی شتاب روسازه برابر با ۰.۲ ثانیه است، بنابراین  $\omega = ۹۸۶/۹۶$ ، که این مقدار همان شبیه خط برآششده برای نقاط نشان داده شده در شکل ۸ است، با توجه به این مباحث، اثر تغییر پارامترهای جداگر در پاسخ شتاب بام را می‌توان مشابه اثر آن در تغییرات جابه‌جایی نسبی طبقه در نظر گرفت و از مطالعه‌ی جداگانه‌ی آن صرف نظر کرد.

۳.۲. بیشینه‌ی جابه‌جایی تراز جدآگرها برای این پاسخ، کمترین و بیشترین میزان تغییرات در سطوح مختلف زلزله در جدول ۶ مشاهده می‌شود. با توجه به جدول ۷ مشاهده می‌شود که با وجود اینکه تأثیر شعاع انحنای سطوح ۱ و ۴ در جابه‌جایی جدآگرکمتر از جابه‌جایی نسبی طبقه و یا شتاب سازه است، اما این تأثیر به هیچ‌وجه قابل اغماض نیست. در شکل ۹، برای نمونه، تأثیر شعاع انحنای سطوح ۱ و ۴ را برای زلزله‌ی ۶ و در سطوح سه‌گانه‌ی زلزله می‌توان مشاهده کرد.

جدول ۶. بیشترین و کمترین میزان  $\gamma$  برای پارامتر  $R_{eff,1}$ .

SLE	DBE	MCE	سطوح مختلف زلزله (%)
۲۷,۱	۹	۸,۹	کمترین میزان $\gamma$
۷۵	۶۴,۹	۶۵,۹	بیشترین میزان $\gamma$



شکل ۸. تغییرات شتاب بیشینه‌ی بام نسبت به جابه‌جایی بیشینه‌ی نسبی طبقه برای همه‌ی زلزله‌ها در تمام سطوح و تمامی پارامترهای طراحی.

با دوره‌ی تناوب ارتعاش مود اول مرتبط است. از سوی دیگر، یکی از مشخصه‌هایی که جداگرانهای پاندولی اصطکاکی را از سایر جداگرها تمایز می‌سازد، این است که دوره‌ی تناوب ارتعاشی مود اول سیستم، فقط به شعاع قوس جداگر بستگی دارد و برخلاف سیستم‌های جداسازی شده به سیله‌ی جداگرانهای الاستومری، حتی جرم سازه‌ی فوکانی نیز در مشخصات ارتعاشی آن بی‌تأثیر است.<sup>[۲]</sup> از این رو، هر چند در این مطالعه از یک سازه‌ی یک طبقه با مشخصات معینی برای طراحی بهینه‌ی جداگر پاندولی اصطکاکی سه‌گانه استفاده شده است، ولی به دلایل مذکور، نتایج حاصله‌ی برای سازه‌های کوتاه و میان‌طبقه، که محدوده‌ی اصلی کاربری سیستم‌های جداساز لرزه‌بی است، قابل بسط است.

برای طراحی بهینه‌ی جداگر پاندولی اصطکاکی سه‌گانه به گونه‌یی که پاسخ بهینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه و جابه‌جایی تراز جداگرها کمترین مقدار را داشته باشد، در اولین گام برای استفاده از روش الگوریتم زتیک، دو تابع برازنده‌ی  $f_1$  و  $f_2$  در نظر گرفته می‌شود. روابط  $26$  و  $27$ ، هر دو تابعی از پارامترهای  $7$  گانه‌ی طراحی جداگر هستند، که  $f_1$  مقدار بهینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه و  $f_2$  مقدار بهینه‌ی جابه‌جایی تراز جداگرها را محاسبه می‌کنند. این دو تابع با توجه به اصول مدل‌سازی قسمت  $2$ ، در نرم‌افزار MATLAB به صورت عددی و در قالب تابعی جداگانه نوشته شده‌اند. برای هر بار تحلیل بهینه، یکی از این دو تابع برای زلزله‌یی مشخص  $11$  از  $7$  زلزله‌یی حوزه‌ی نزدیک در سطحی از طراحی در نظر گرفته شده‌اند.

$$f_1(R_{eff1}, R_{eff2}, \mu_1, \mu_2, d_1, d_2) = (\text{Story Drift})_{\max} \quad (26)$$

$$f_2(R_{eff1}, R_{eff2}, \mu_1, \mu_2, d_1, d_2) = (\text{Isolator Level Displ.})_{\max} \quad (27)$$

محدوده‌ی تغییرات  $7$  پارامتر مؤثر در بازه‌های مشخص شده در قسمت  $4$  تعریف شده‌اند. همچنین محدودکننده‌ی غیرخطی  $12$  برای تأمین شرایط تطبیق‌پذیری کامل جداگر نوشته شده است تا پارامترهای بهینه، شرایط سیستم جداگر سه‌گانه‌ی کاملاً تطبیقی را ارضاء کنند و فرضیات استفاده شده در مدل‌سازی صادق باشند.

نوع جمعیت  $13$  در نظر گرفته شده از نوع بردار عددی و اندازه‌ی جمعیت  $14$ ، از آنجایی که به دست آوردن مقادیر مناسب برای این الگوریتم به صورت سعی و خطاست، در اولین انتخاب برای با  $20$  فرض و تابع سازنده‌ی  $15$  جمعیت اولیه، وابسته به محدوده‌ی تغییرات متغیرها  $16$  در نظر گرفته شده است؛ بنابراین جواب‌های اولیه به دست آمده در هر مرحله ممکن  $17$  خواهند بود. در هر تکرار پس از ایجاد نسل جدید از مکانیزم رتبه‌بندی خطی  $18$  برای نمونه‌گیری استفاده شده است و تابع انتخاب کننده  $19$ ، که مسئول انتخاب والد برای نسل بعدی با استفاده از احتمال‌های ایجاد شده توسط مکانیزم رتبه‌بندی است، از طریق چرخ رولت  $20$  انجام شده است. برای تولید نسل جدید  $21$ ، کمینه‌ی تعداد بهترین زن‌هایی که در نسل بعد ظاهر می‌شوند  $22$ ، و نرخ تقاطع  $23$ ،  $0.8$  در نظر گرفته شده و تابع جهش  $24$  وابسته به محدوده‌ی تغییرات و تابع تقاطع  $25$  به صورت پراکنده  $26$  فرض شده است. مقدار جریمه‌ی اولیه  $27$  و فاکتور آن،  $[1.0]$  به ترتیب  $10$  و  $10$  انتخاب و به عنوان راهکار جریمه در نظر گرفته شده‌اند. برای توقف بهینه‌سازی نیز  $2$  معیار لحاظ شده است که به ترتیب عبارت اند از: (الف) تعداد نسل‌ها بیشتر از  $10^5$  شود، (ب) میزان تغییرات

مقدار تابع برازنده‌ی کمتر از  $10^{-4}$  شود.<sup>[11]</sup>

این تذکر لازم است که تعدادی از مقادیر پارامترهای الگوریتم زتیک ذکر شده، به صورت مقادیر اولیه در نظر گرفته شده‌اند که پس از چندین بار اجرای الگوریتم، مقادیر آنها برای زلزله‌های مختلف تنظیم شده‌اند (جدول  $9$ ).

جدول ۸. نتایج خلاصه‌شده‌ی تحلیل حساسیت در پارامترهای طراحی.

شعاع انحنای مؤثر سطح دو و سه $R_{eff2}$				
SLE	DBE	MCE	سطح زلزله (%)	
۵/۷	۴/۱	۴/۸	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۳۱/۸	۲۵/۲	۳۶/۱	۷	نسبی طبقه بیشترین میزان
۲/۴	۱/۸	۰/۸	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۸/۱	۷/۳	۱۶/۷	۷	تراز جداگرها بیشترین میزان

ضریب اصطکاک سطح یک $\mu_1$				
SLE	DBE	MCE	سطح زلزله (%)	
۱۳/۷	۴/۲	۳/۱	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۳۳/۷	۵۲/۹	۴۲/۶	۷	نسبی طبقه بیشترین میزان
۶/۱	۱/۵	۲/۲	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۴۴/۶	۲۶/۸	۱۹/۹	۷	تراز جداگرها بیشترین میزان

ضریب اصطکاک سطح دو و سه $\mu_2$				
SLE	DBE	MCE	سطح زلزله (%)	
۹/۱	۳/۶	۱/۹	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۴۲/۳	۲۱/۵	۲۶/۱	۷	نسبی طبقه بیشترین میزان
۴/۲	۱/۱	۰/۳	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۱/۲	۲	۱۱/۳	۷	تراز جداگرها بیشترین میزان

ضریب اصطکاک سطح چهار $\mu_3$				
SLE	DBE	MCE	سطح زلزله (%)	
۸/۶	۷/۴	۳/۳	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۴۵/۲	۴۴/۲	۲۴/۸	۷	نسبی طبقه بیشترین میزان
۲/۷	۲/۷	۲/۱	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۲۷/۳	۱۴/۸	۹/۵	۷	تراز جداگرها بیشترین میزان

ظرفیت جابه‌جایی سطح یک و چهار $d_1$				
SLE	DBE	MCE	سطح زلزله (%)	
۰	۰	۹/۴	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۸۲/۷	۱۰۴/۴	۷۱/۶	۷	نسبی طبقه بیشترین میزان
۰	۰	۲/۱	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۲۴/۲	۳۵/۲	۵۷/۸	۷	تراز جداگرها بیشترین میزان

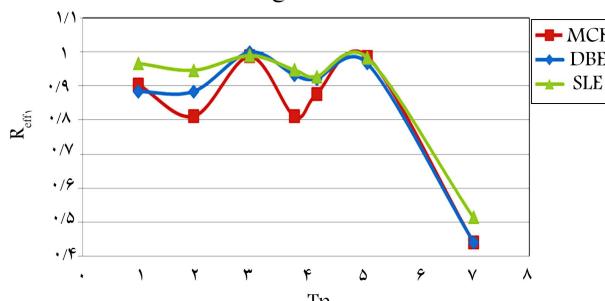
ظرفیت جابه‌جایی سطح دو و سه $d_2$				
SLE	DBE	MCE	سطح زلزله (%)	
۰	۰	۰	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۲۵/۱	۳۲/۳	۷	نسبی طبقه بیشترین میزان	
۰	۰	۰	۷	بیشینه‌ی جابه‌جایی کمترین میزان
۵/۸	۱۳/۴	۷	تراز جداگرها بیشترین میزان	

حوزه‌ی نزدیک در سطوح سه‌گانه‌ی زلزله (SLE و DBE و MCE) به صورت مجرماً انجام و نتایج در قالب نمودار بیان شده‌اند.

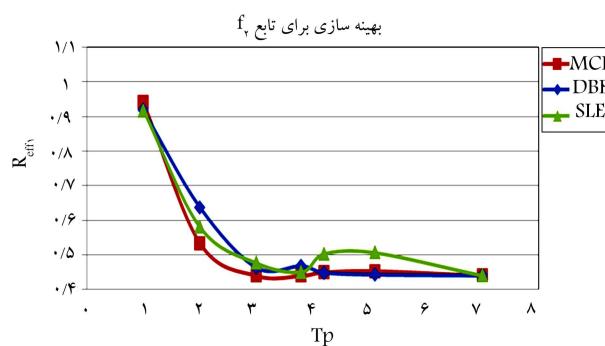
## ۱.۵. بیان مسئله و فرضیات

در سازه‌های کوتاه و میان‌طبقه، که از سیستم جداسازی لرزه‌بی بهره می‌برند، مود اول ارتعاشی روسازه تحت تأثیر جداگر، اصطلاحاً مود ارتعاشی صلب است. به بیان دیگر، مشخصات دینامیکی روسازه در پاسخ دینامیکی سیستم بسیار کم تأثیر است. تنها پارامتر مؤثر در این نوع سازه‌ها جرم رو سازه است که مقدار آن مستقیماً

بهینه سازی برای تابع  $f_1$



شکل ۱۱. مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff}$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_1$  در سطح ۳ MCE، SLE و DBE



شکل ۱۲. مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff}$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_2$  در سطح ۳ MCE، SLE و DBE

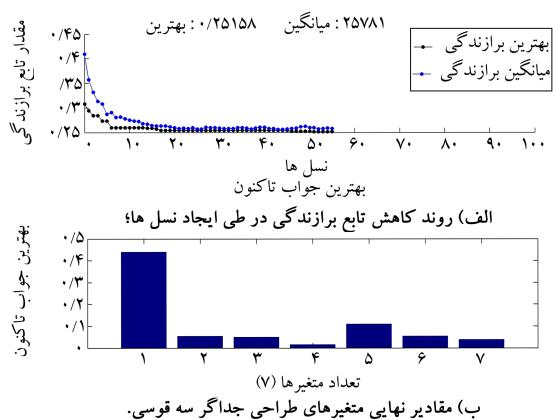
شکل ۱۲، نمودار مقادیر بهینه‌ی شعاع انحنای سطوح ۱ و ۴ را برای کمینه‌کردن تابع  $f_2$  یا بهینه‌ی جابه‌جایی تراز جدأگرها نشان می‌دهد. در این نمودار نیز مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff}$  برای سطح ۳ طرح زلزله‌ی طرح و برای زلزله‌های حوزه‌ی زلزله می‌باشد. دوره‌ی تناوب پالس، بین ۱ تا ۷ ثانیه به دست آمداند. بر اساس این نمودار، برای بازه‌ی وسیعی از دوره‌های تناوب پالس (۲ تا ۷ ثانیه) مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff}$  فقط بین  $0.4$  تا  $0.6$  متر تغییر می‌کنند؛ یعنی برای کمینه‌کردن جابه‌جایی تراز جدأگرها در اثر زلزله‌ای با دوره‌ی تناوب پالس ۲ تا ۷ ثانیه، بهترین مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff}$  برای سطح ۱ و ۴ در بازه‌ی  $0.4$  تا  $0.6$  متر هستند. مقادیر جواب‌های بهینه‌ی  $R_{eff}$  برای سطح ۱ و ۴ برای سطوح مختلف زلزله (MCE، DBE و SLE) به هم نزدیک هستند و این کار را برای طراحی سطوح مختلف آسان تر می‌کند. مقادیر بهینه‌ی شعاع برای سطوح ۱ و ۴ در هر دو حالت فوق از یک محدوده‌ی  $0.4$  تا  $1$  متری انتخاب شده است. همچنین با نگاهی دیگر به نمودار شکل ۱۲ می‌توان دریافت که هر چه دوره‌ی تناوب پالس به مقادیر کوچک‌تری نزدیک شود، مقادیر بهینه‌ی شعاع انحنای سطوح ۱ و ۴ برای کمینه‌کردن مقدار تابع  $f_2$ ، بزرگ‌تر می‌شوند.

#### ۲.۲.۵. شعاع انحنای مؤثر سطوح ۲ و ۳ ( $R_{eff2}$ )

برای شعاع انحنای مؤثر سطوح ۲ و ۳، همان‌طور که در نمودار شکل ۱۳ مشاهده می‌شود، نظم چندان مشخصی در نتایج بهینه‌سازی برای تابع  $f_1$  مانند نتایج بهینه‌سازی برای شعاع انحنای مؤثر سطوح ۱ و ۴ دیده نمی‌شود. با توجه به این نمودار می‌توان گفت با وجود اینکه محدوده‌ی تغییرات پارامتر  $R_{eff2}$  بین  $0.4$  تا  $0.6$  متر در نظر گرفته شده است، اما مقادیر بهینه بین  $0.4$  تا  $0.6$  متر تغییرات دارند. همچنین با توجه به این نمودار برای دوره‌ی تناوب پالس‌های بزرگ‌تر از  $4$  ثانیه، نتایج پارامترهای

جدول ۹. پارامترهای الگوریتم زنگیک برای بهینه‌سازی تحت زلزله‌های مختلف.

شماره‌ی زلزله	اندازه‌ی جمعیت	تعداد بهترین جواب‌هایی که حتی ناخواسته شوند	تقطیع
۱	۲	۳۰	۱
۲	۳	۲۸	۲
۳	۳	۳۲	۳
۴	۳	۲۵	۴
۵	۴	۳۵	۵
۶	۳	۲۵	۶
۷	۳	۳۰	۷



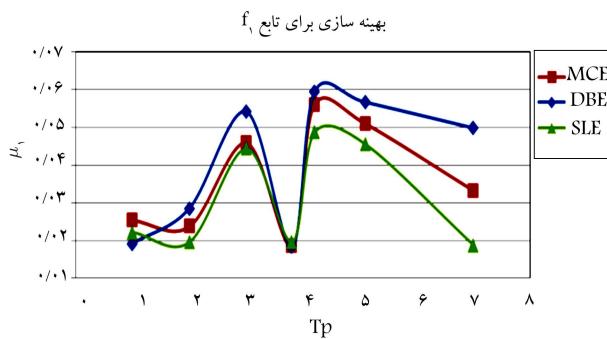
شکل ۱۵. نمونه‌ی از روند بهینه‌سازی توسط الگوریتم زنگیک.

#### ۲.۵. نتایج بهینه‌سازی برای تابع $f_1$ و $f_2$

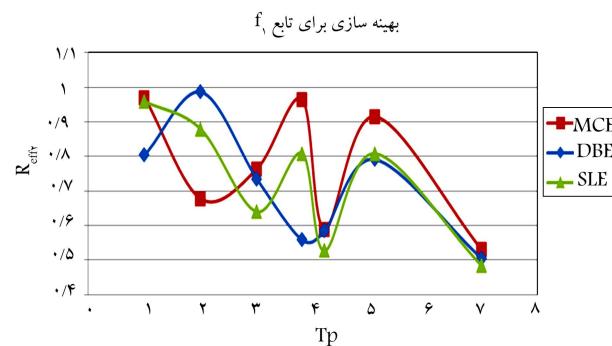
در شکل ۱۵، نمونه‌ی از روند بهینه‌سازی توسط الگوریتم زنگیک نشان داده شده است. این شکل برای بهینه‌سازی تابع ارزیابی  $f_2$  تحت زلزله  $4$  انجام شده است، که در نهایت میزان کمینه‌ی این تابع برای  $R_{eff}$  به  $0.251$  به دست آمده است. یعنی کمترین مقدار به دست آمده برای بهینه‌ی جابه‌جایی تراز جدأگرها تحت زلزله  $4$  میلی‌متر بوده است. همان‌طور که شکل ۱۵(a) روند کاهش مقدار تابع هدف برای بهترین جواب و میانگین جواب‌ها برای هر نسل و در شکل  $d_2$  ( $R_{eff}$  تا  $f_2$ ) هستند، نشان داده شده است. روند بهینه‌سازی در نسل  $55$  متوقف شده است.

#### ۲.۵.۱. شعاع انحنای مؤثر سطوح ۱ و ۴ ( $R_{eff1}$ و $R_{eff4}$ )

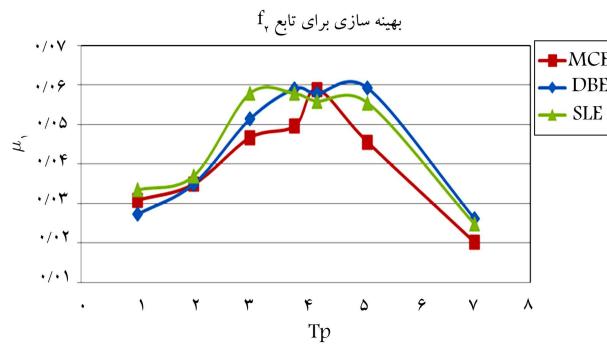
در نمودار شکل ۱۱، نتایج بهینه‌سازی شعاع انحنای مؤثر ( $R_{eff1}$ ) برای تابع  $f_1$  نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، این نتایج در سطح از زلزله‌ی  $4$  و برای زلزله‌های  $MCE$  و  $DBE$  می‌باشد. همچنان که  $R_{eff1}$  برای زلزله‌ای حوزه‌ی نزدیک، که پیش از این با دوره‌های تناوب پالس مختلف معرفی شده‌اند، در محدوده‌ی دوره‌ی تناوب پالس‌های  $1$  تا  $7$  ثانیه به دست آمده‌اند. بر اساس این نمودار می‌توان مشاهده کرد که برای سطوح مختلف زلزله‌ی طرح، مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff1}$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_1$ ، بسیار به هم نزدیک هستند و روند یکسانی را نشان داده‌اند. همچنین برای بازه‌ی بزرگی از دوره‌های تناوب پالس ( $1$  تا  $6$  ثانیه) جواب‌های بهینه‌ی  $R_{eff1}$  تنها بین  $0.4$  تا  $0.5$  متر تغییر مقدار می‌دهند. بنابراین برای محدوده‌ی دوره‌ی تناوب پالس بین  $1$  تا  $6$  ثانیه و سطوح مختلف طرح، می‌توان شعاع انحنای صفحات  $1$  و  $4$  را بین  $0.4$  تا  $0.5$  متر انتخاب کرد.



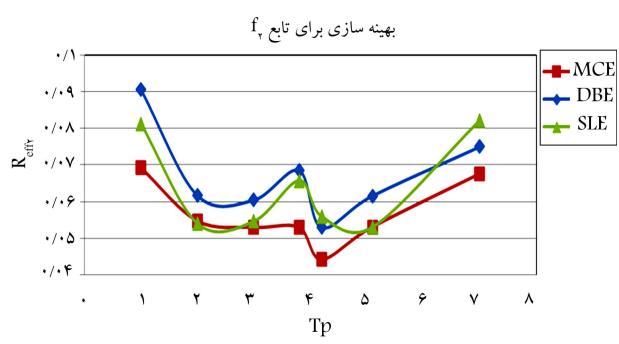
شکل ۱۵. مقادیر بهینه‌ی  $\mu_1$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_1$  در ۳ سطح DBE، MCE و SLE.



شکل ۱۳. مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff2}$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_1$  در ۳ سطح MCE، SLE و DBE.



شکل ۱۶. مقادیر بهینه‌ی  $\mu_1$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_2$  در ۳ سطح DBE، MCE و SLE.



شکل ۱۴. مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff2}$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_2$  در ۳ سطح MCE، SLE و DBE.

این شکل، برای بازه‌ی وسیعی از دوره‌ی تناوب پالس زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک، مقادیر بهینه‌ی  $\mu_1$  برای کمینه‌کردن میزان جابه‌جایی تراز کف در سطوح متفاوت زلزله‌ی طرح، بسیار به هم نزدیک هستند. همچنین با توجه به شکل گنبدگونه‌ی این نمودار، مقادیر بهینه‌ی جواب‌های بهینه‌ی  $\mu_1$  برای محدودکردن جابه‌جایی تراز جداگرها، در زلزله‌هایی با دوره‌ی تناوب پالس حدود ۴ ثانیه به دست می‌آید. همچنین برای زلزله‌هایی با دوره‌ی تناوب پالس بین ۲ تا ۶ ثانیه، مقادیر بهینه‌ی بین ۰،۰۵ تا ۰،۰۷ محدود می‌شوند.

#### ۴.۲.۵ ضریب اصطکاک سطوح ۲ و ۳ ( $\mu_2$ )

مقادیر بهینه‌ی ضریب اصطکاک سطوح ۲ و ۳ (که تغییرات آن در بازه‌ی کوچک ۱ تا ۰،۰۵ تا ۰،۰۷ درجه می‌شوند. گرچه در این نمودارها روند خاصی مشاهده نمی‌شود، اما با توجه به تأثیر کمتر این پارامتر در بهینه‌ی پاسخ‌های سازه (مخصوصاً بهینه‌ی جابه‌جایی تراز جداگرها) نسبت به  $\mu_1$ ، که در فصل ۵ در مورد آن صحبت شد، انتخاب مقادیر بهینه را آسان‌تر می‌سازد.

#### ۵.۲.۵ ضریب اصطکاک سطح ۴ ( $\mu_4$ )

روند ثابت و نزدیک به هم مقادیر بهینه‌ی ضریب اصطکاک سطح ۴ در سطوح متفاوت زلزله‌ی طرح برای کمینه‌کردن مقدار تابع  $f_1$  در نمودار شکل ۱۹ مشاهده می‌شود. مطابق این شکل، مقادیر بهینه‌ی  $\mu_4$  با تغییر دوره‌ی تناوب پالس روندی سینمومسی را طی می‌کنند.

از شکل ۲۰ که مقادیر بهینه‌ی  $\mu_4$  را برای کمینه‌کردن میزان تابع  $f_2$  نمایش می‌دهد، می‌توان مشاهده کرد که برای زلزله‌هایی با دوره‌ی تناوب پالس بین ۱ تا ۴ ثانیه مقادیر متفاوت سطوح زلزله‌ی طرح در تعیین مقادیر بهینه‌ی  $\mu_4$  تأثیر چندانی

بهینه‌سازی برای کمینه‌کردن مقدار جابه‌جایی نسبی طبقه (یا شتاب بام) برای سطوح مختلف زلزله جواب‌هایی بکسان و نزدیک به هم خواهند داشت و سطوح مختلف زلزله در تعیین مقادیر بهینه نتش مؤثری را ایفا نمی‌کنند.

در شکل ۱۴، مقادیر نتایج بهینه‌سازی شده‌ی  $R_{eff2}$  برای کمینه‌کردن مقدار تابع  $f_2$  به دست آمدند. نکته‌ی مشتب دیده شده در این نمودار آن است که برای سطوح مختلف زلزله، نتایج بهینه بسیار به هم نزدیک هستند؛ یعنی برای طراحی جداگر برای محدودکردن جابه‌جایی تراز جداگرها می‌توان نتایج به دست آمده در هر یک از سطوح زلزله MCE، DBE و SLE در یک دوره‌ی تناوب پالس مشخص را برای بقیه‌ی سطوح نیز تعیین داد. همچنین با توجه به شکل ۱۴ می‌توان دریافت که نتایج مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff2}$  برای تابع  $f_2$  شکلی کاسه‌ی دارد و در محدوده‌ی ۰،۰۷ تا ۰،۰۷ مقادیر کمینه‌ی این پارامتر طراحی در دوره‌های تناوب پالس حوالی ۴ ثانیه اتفاق می‌افتد.

#### ۴.۲.۶ ضریب اصطکاک سطح ۱ ( $\mu_1$ )

برای ضریب اصطکاک سطح ۱، با توجه به اینکه بازه‌ی تغییرات آن بین ۰،۰۵ تا ۰،۰۶ تعریف شده است، محدوده‌ی خاصی را برای جواب‌های بهینه‌ی این پارامتر برای کمینه‌کردن تابع  $f_1$  با توجه به نمودار شکل ۱۵ می‌توان قائل شد. همچنین با دقت در شکل ۱۵ می‌توان مشاهده کرد که برای زلزله‌هایی با دوره‌ی تناوب پالس کمتر از ۵ ثانیه، سطوح زلزله در تعیین مقادیر بهینه‌ی  $\mu_1$  مؤثر نیستند و برای زلزله‌هایی با دوره‌های تناوب پالس بیشتر از ۵ ثانیه، گرچه در سطوح مختلف زلزله‌ی طرح روند یکسانی در جواب‌های بهینه مشاهده می‌کنیم، اما جواب‌ها با هم اختلافی غیرقابل اغماض دارند.

شکل ۱۶، مقادیر بهینه‌ی  $\mu_1$  برای کمینه‌کردن تابع  $f_2$  را نمایش می‌دهد. مطابق

ندازند. همچنین دیده می‌شود که برای سطح زلزله‌ی MCE، بیشترین مقدار بهینه‌ی  $\mu_2$  در زلزله‌های با دوره‌ی تناوب پالس ۳ ثانیه اتفاق می‌افتد.

#### ۶.۲.۵. ظرفیت جابه‌جایی سطوح ۱ و ۴ (d<sub>1</sub>)

شکل ۲۱، نمودار مقادیر بهینه‌ی ظرفیت جابه‌جایی سطوح ۱ و ۴ برای کمینه‌کردن مقدار تابع f<sub>1</sub> است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، بهینه‌ی ظرفیت جابه‌جایی بین ۸۰،۰ تا ۱۱۰ متر تغییر می‌کند. گرچه روند مشابهی در مقادیر بهینه برای سطوح مختلف زلزله‌ی طرح، مخصوصاً سطوح DBE و SLE، مشاهده می‌شود؛ اما اختلاف بین مقادیر در این سطوح نیز زیاد است.

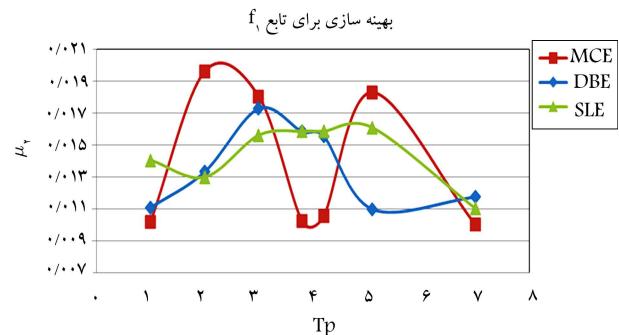
با توجه به شکل ۲۲، مقادیر بهینه‌ی d<sub>1</sub> برای کمینه‌کردن میزان جابه‌جایی تراز جدأگرها برای اغلب زلزله‌ها، بین مقادیر ۵۰،۰ تا ۸۰ متر تغییر می‌کنند. در این نمودار روند یکسانی برای مقادیر بهینه در سطوح سه‌گانه‌ی زلزله‌ی طرح مشاهده نمی‌شود.

#### ۷.۲.۵. ظرفیت جابه‌جایی سطوح ۲ و ۳ (d<sub>2</sub>)

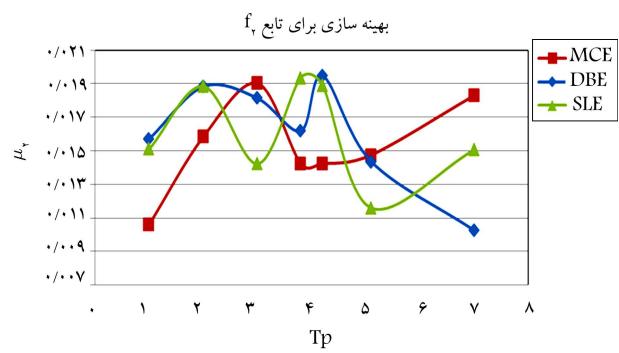
در شکل‌های ۲۳ و ۲۴، مقادیر بهینه‌ی d<sub>2</sub> برای کمینه‌کردن توابع f<sub>1</sub> و f<sub>2</sub> دیده می‌شوند. با توجه به اینکه تأثیر این پارامتر در تغییرات مقادیر بهینه‌ی پاسخ‌ها ناچیز است، خط در استفاده از مقادیر بهینه بسیار کم خواهد بود. بنابراین، برای d<sub>2</sub> می‌توان مقادیری بین ۳۰ تا ۵۰ متر را پیشنهاد کرد.

#### ۸.۲.۵. مقادیر بهینه‌ی پاسخ‌های بهینه شده

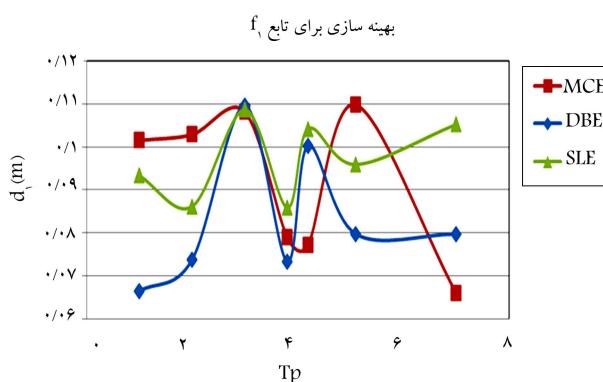
شکل‌های ۲۵ و ۲۶ به ترتیب مقادیر بهینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه و بیشینه‌ی جابه‌جایی تراز جدأگرها در سطح زلزله‌ی طرح، که از روش بهینه‌سازی توسط الگوریتم زتیک به دست آمداند، را نمایش می‌دهند.



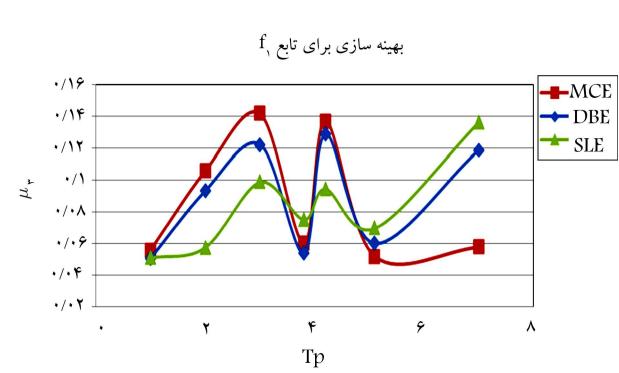
شکل ۱۷. مقادیر بهینه‌ی  $\mu_2$  برای کمینه‌کردن تابع f<sub>1</sub> در سطح DBE، MCE و SLE.



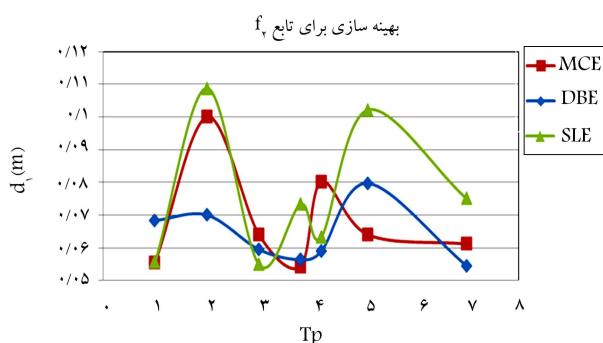
شکل ۱۸. مقادیر بهینه‌ی  $\mu_2$  برای کمینه‌کردن تابع f<sub>2</sub> در سطح DBE، MCE و SLE.



شکل ۲۱. مقادیر بهینه‌ی d<sub>1</sub> برای کمینه‌کردن تابع f<sub>1</sub> در سطح DBE، MCE و SLE.



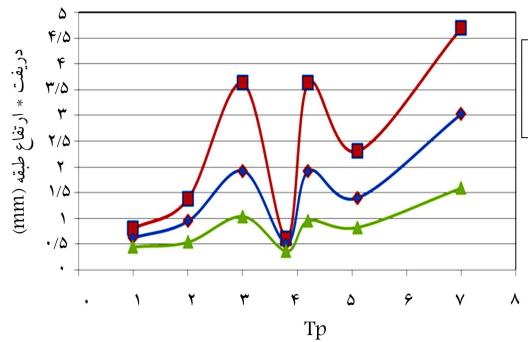
شکل ۱۹. مقادیر بهینه‌ی  $\mu_3$  برای کمینه‌کردن تابع f<sub>1</sub> در سطح DBE، MCE و SLE.



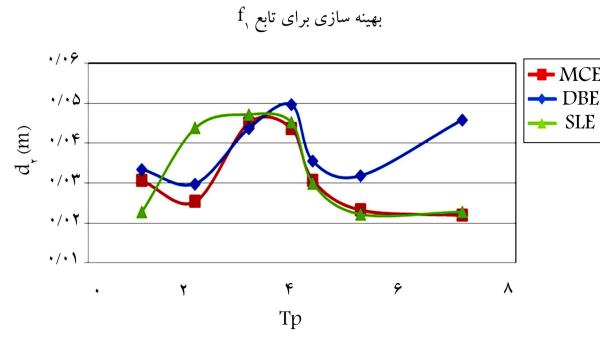
شکل ۲۲. مقادیر بهینه‌ی d<sub>1</sub> برای کمینه‌کردن تابع f<sub>2</sub> در سطح DBE، MCE و SLE.

جدول ۱۰. محدوده‌ی مناسب پارامترهای طراحی جداگانه برای کمینه‌کردن مقادیر بیشینه‌ی پاسخ.

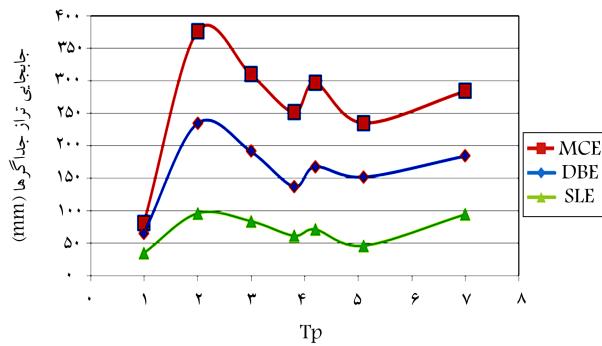
پارامتر طراحی	محدوده‌ی مناسب برای کمینه‌کردن بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه (با بیشینه‌ی شتاب بام) تراز جداگرها	محدوده‌ی مناسب برای کمینه‌کردن بیشینه‌ی جابه‌جایی
شعاع انحنای مؤثر سطوح ۱ و ۳ ( $R_{eff1}$ و $R_{eff3}$ ) (متر)	-۱ - ۰,۶	-۰,۴ - ۰,۶
شعاع انحنای مؤثر سطوح ۲ و ۳ ( $R_{eff2}$ و $R_{eff3}$ ) (متر)	-۰,۱ - ۰,۷	-۰,۵ - ۰,۷
ضریب اصطکاک سطح ۱ ( $\mu_1$ )	-۰,۰۶ - ۰,۰۴	-۰,۰۶ - ۰,۰۴
ضریب اصطکاک سطح ۲ و ۳ ( $\mu_2$ )	-۰,۰۶ - ۰,۰۸	-۰,۰۸ - ۰,۰۶
ظرفیت جابه‌جایی سطح ۱ و ۳ ( $d_1$ ) (متر)	-۰,۱۱ - ۰,۱۸	-۰,۱۴ - ۰,۱۵
ظرفیت جابه‌جایی سطح ۲ و ۳ ( $d_2$ ) (متر)	-۰,۰۳ - ۰,۰۶	-۰,۰۵ - ۰,۰۴



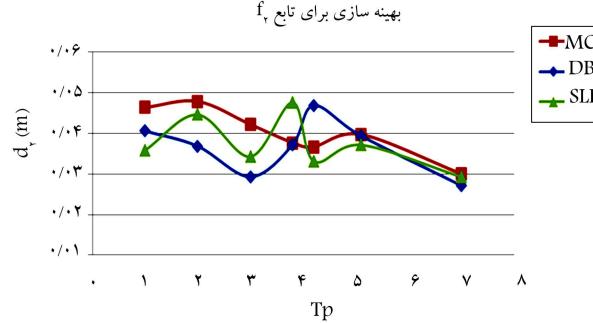
شکل ۲۵. مقادیر بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه در سطح زلزله‌ی طرح، که از روش بهینه‌سازی توسط الگوریتم زنگیک به دست آمده‌اند.



شکل ۲۳. مقادیر بهینه‌ی  $d_2$  برای کمینه‌کردن تابع ۱ در سطح ۳ MCE، DBE و SLE.



شکل ۲۶. مقادیر بیشینه‌ی جابه‌جایی تراز جداگرها در سطح زلزله‌ی طرح، که از روش بهینه‌سازی توسط الگوریتم زنگیک به دست آمده‌اند.



شکل ۲۴. مقادیر بهینه‌ی  $d_2$  برای کمینه‌کردن تابع ۲ در سطح ۳ MCE، DBE و SLE.

این منظور تابعی مانند  $f$  طبق رابطه‌ی ۲۸ تعریف شده است:

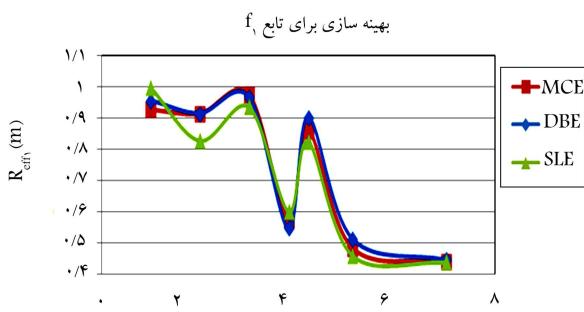
$$f(R_{eff1}, R_{eff2}, \mu_1, \mu_2, d_1, d_2) = \sum_{i=1}^n a_i \frac{f_i}{\min(f_i)} \quad (28)$$

در این رابطه، مقادیر  $f_i$  توابعی هستند که فقط مربوط به یکی از پاسخ‌های (بیشینه‌ی) سازه هستند (مثلًا تابع  $f_1$  و  $f_2$  که با توجه به روابط ۲۶ و ۲۷ به دست آمده‌اند) که اصطلاحاً این نوع توابع را تک هدفه<sup>۲۹</sup> می‌نامند. بنابراین  $n$ ، تعداد توابع تک هدفی استفاده شده خواهد بود. از بهینه‌سازی هر یک از توابع تک هدف به صورت جداگانه  $\min(f_i)$  بدست می‌آید (مثلًا مقادیر  $\min(f_1)$  و  $\min(f_2)$  مقادیر کمینه‌ی توابع  $f_1$  و  $f_2$  هستند که با توجه به نتایج به دست آمده در قسمت ۲.۵ به

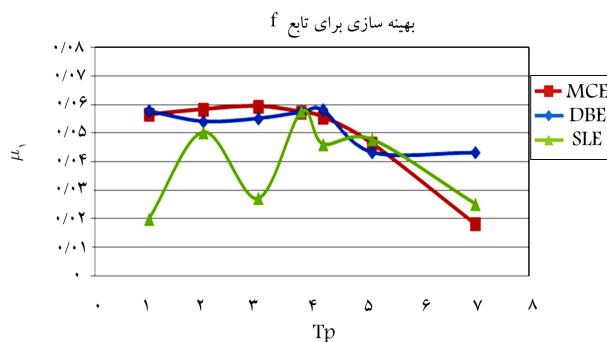
۵. محدوده‌ی پیشنهادی برای پارامترهای طراحی با توجه به مباحث و نمودارهای مطرح شده در قسمت ۲.۵، جدول ۱۰ برای محدوده‌ی مناسب پارامترهای طراحی جهت کمینه‌کردن مقادیر بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه (با بیشینه‌ی شتاب بام) و بیشینه‌ی جابه‌جایی تراز جداگرها ارائه شده است.

#### ۴. بهینه‌سازی برای کمینه‌کردن مقادیر توابع به طور هم‌زمان

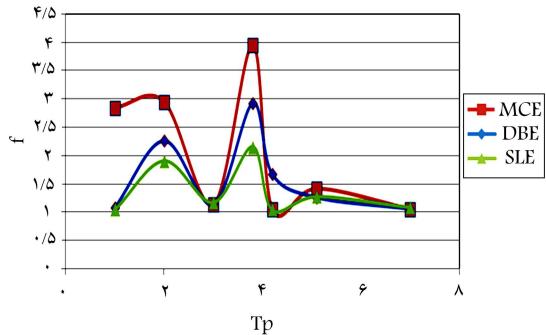
در بخش ۲.۵. در هر مرحله از بهینه‌سازی، فقط یکی از توابع  $f_1$  یا  $f_2$  مسئله می‌شود. برای مقادیر مشخصی از پارامترهای طراحی، کمینه شده‌اند؛ اما ایده‌آل آن است که سیستم جداساز به طور هم‌زمان هر دو مقدار بیشینه‌ی پاسخ سازه را محدود کند. برای



شکل ۲۷. مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff}$  برای کمینه کردن تابع  $f$  در سطح ۳ سطح MCE، DBE و SLE.



شکل ۲۸. مقادیر بهینه‌ی  $\mu$  برای کمینه کردن تابع  $f$  در سطح ۳ سطح MCE، DBE و SLE.



شکل ۲۹. مقداری کمینه‌ی تابع  $f$  برای مقادیر بهینه‌ی پارامترهای طراحی در سطوح مختلف زلزله‌ی طرح.

به دست آیندکه به طور هم‌زمان بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه و بیشینه‌ی جابه‌جایی تراز جداگرها را به مقادیر کمینه‌ی آن‌ها برساند، و این نشان‌گر قابلیت منحصر به فرد این نوع از جداگرهاست.

برای مقادیر بهینه که مقدار تابع  $f$  را کمینه می‌سازد، جدول ۱۱ پیشنهاد شده است.

## ۶. نتیجه‌گیری

این نوشتار تلاش دارد تا باکسک روش‌های بهینه‌سازی مشخصات طراحی جداگرهای اصطکاکی پاندولی سه‌گانه را برای سازه‌هایی که تحت زلزله‌های حوزه‌ی نزدیک قرار دارند، تعیین کند. در این راستا رفتار جداگر اصطکاکی پاندولی سه‌گانه توسط ۳

دست آمده‌اند).  $a_1$ ،  $a_2$ ، وزن‌های توابع تک‌هدفه‌ی  $f_i$  هستند که با توجه به اهمیت هر یک از این توابع تعیین می‌شوند. معمولاً جمع مقادیر  $a_i$  برابر با ۱ در نظر گرفته می‌شود ( $\sum_{i=1}^n a_i = 1$ ). با توجه به اینکه تابع  $f$  از جمع جبری چندین تابع تک‌هدفه به دست آمده است، آن را تابعی خطی از توابع یک‌هدفه می‌نامند. حال اگر روند بهینه‌سازی انجام گرفته در مرحله‌ی قبل را برای کمینه کردن تابع  $f$  انجام دهیم، می‌توانیم پارامترهای طراحی بهینه را برای کمینه کردن هم‌زمان بیشینه‌ی پاسخ‌های متفاوت سازه به دست آوریم. با توجه به اینکه روند بهینه‌سازی برای تابع  $f$  یا  $f_1$  یا  $f_2$  قبل انجام شده است، با درنظر گرفتن  $n = 2$  تابع  $f$  قابل تعریف خواهد بود. اهمیت وزنی هر یک از توابع  $f_1$  یا  $f_2$  برابر هم در نظر گرفته شده‌اند؛ بنابراین برای انجام روند بهینه‌سازی مقادیر  $a_1$  و  $a_2$  با هم برابر و مساوی  $0.5$ ، برای کمینه‌سازی هم‌زمان هر دو پاسخ نشان داده شده است و در انتها، فقط به مقادیر بهینه‌ی سایر پارامترها در جدول ۱۱ اشاره شده است.

### ۱۴.۵. شعاع انحنای مؤثر سطح ۱ و ۴ ( $R_{eff1}$ و $R_{eff4}$ )

با توجه به شکل ۲۷ گرچه نمی‌توان محدوده‌ی خاصی را برای مقادیر بهینه‌ی  $R_{eff1}$  برای کمینه کردن تابع  $f$  به دست آورد، اما همان‌طور که مشاهده می‌شود برای سطوح مختلف زلزله، مقادیر بهینه‌شده‌ی شعاع انحنای سطوح لغزش ۱ و ۴ بسیار به هم نزدیک هستند؛ با توجه به نتایج به دست آمده، این استنباط برای پارامترهای دیگر طراحی قابل بسط نخواهد بود.

### ۱۴.۵. ضریب اصطکاک سطح ۱ ( $\mu_1$ )

شکل ۲۸ نشان می‌دهد که برای سطوح زلزله‌ی MCE و DBE و برای زلزله‌های با دوره‌ی تناوب پالس ۱ تا ۶ ثانیه، مقدار بهینه‌ی  $\mu$  برای تابع  $f$  بین محدوده‌ی  $0.4$  تا  $0.6$  محدود می‌شود؛ اما برای سطوح SLE نوسانات بسیار زیاد است.

### ۱۴.۵. مقادیر بهینه‌ی تابع $f$

در شکل ۲۹، مقادیر کمینه‌ی تابع  $f$  برای سطوح مختلف زلزله نمایش داده شده‌اند. همان‌طور که مشاهده می‌شود، برای تعدادی از زلزله‌ها این مقدار به  $1$  بسیار نزدیک است؛ با توجه به تعریف تابع  $f$ ، نزدیک شدن مقدار تابع به  $1$  بیان‌گر این مطلب است که تابع تک‌هدفه‌ی تشکیل‌دهنده‌ی  $f$  به طور هم‌زمان به مقادیر کمینه‌ی خود نزدیک شده‌اند. یعنی برای تعداد زیادی از زلزله‌ها، پارامترهای طراحی می‌توانند به گونه‌ی

جدول ۱۱. محدوده‌ی مناسب برای کمینه کردن بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه و جابه‌جایی تراز جداگرها به طور هم‌زمان با استفاده از تابع هدف  $f$ .

محدوده‌ی مناسب برای کمینه کردن

بیشینه‌ی جابه‌جایی نسبی طبقه و

جابه‌جایی تراز جداگرها به طور

هم‌زمان با استفاده از تابع هدف  $f$

شعاع انحنای مؤثر سطح ۱ و ۴ ( $R_{eff1}$  و  $R_{eff4}$ ) (متر)

شعاع انحنای مؤثر سطح ۲ و ۳ ( $R_{eff2}$  و  $R_{eff3}$ ) (متر)

ضریب اصطکاک سطح ۱ ( $\mu_1$ )

ضریب اصطکاک سطح ۲ و ۳ ( $\mu_2$ )

ضریب اصطکاک سطح ۴ ( $\mu_3$ )

ظرفیت جابه‌جایی سطوح ۱ و ۴ (d<sub>1</sub>) (متر)

ظرفیت جابه‌جایی سطوح ۲ و ۳ (d<sub>2</sub>) (متر)

- سطوح ۱ و ۴ تأثیر بیشتری نسبت به شعاع انحنای سطوح ۲ و ۳ در تعییرات پاسخ های سازه دارند. همچنین این روند برای ضرایب اصطکاک و ظرفیت های جابه جایی نیز مشاهده شد؛ به طوری که ضرایب اصطکاک سطوح لغزش ۲ و ۳ و همچنین ظرفیت جابه جایی این سطوح لغزش تأثیرات بسیار ناچیزی در تعییرات بیشینه ای پاسخ های سازه داشتند.
۲. به جز در مواردی معده، پارامترهای بهینه شده برای سطوح مختلف MCE، DBE و SLE جواب هایی نزدیک به هم داشته و اثر سطوح لزه بی در پارامتر طراحی قابل صرف نظر کردن بود. این موضوع باعث می شود تا بتوان پارامترهای طراحی بهینه ای به دست آمده برای یک سطح از زلزله را برای سطوح دیگر نیز به کار گرفت.
۳. برای چندین پارامتر از جمله شعاع انحنای سطوح ۱ و ۴ دیده شد که می توان محدوده بی کوچک برای کمینه کردن مقادیر بیشینه ای پاسخ سازه در زلزله های با دوره ای تناوب پالس های متفاوت به دست آورد، که البته این محدوده ها برای پاسخ های بیشینه ای جابه جایی نسبی و جابه جایی تراز جداگرها، متفاوت هستند.
۴. برای تعدادی از زلزله ها مقادیر کمینه ای  $f$  نشان می دهند که می توان مقادیر بیشینه ای پاسخ سازه را با پارامترهای طراحی مشخص به طور هم زمان کمینه کرد.
- جداگر اصطکاکی پاندولی نک قوسی که به صورت سری با هم کار می کنند، جایگزین و پارامترهای آن ها مناسب با رفتار جداگر سه گانه به دست آمد. در ادامه، معادلات حالت برای ساختمانی جداسازی شده به صورت پارامتری به دست آمده و به کمک نرم افزار MATLAB تحت رکورد زلزله های حوزه ای نزدیک به صورت تاریخچه ای زمانی و عددی تحلیل و صحبت سنجی شد. در ادامه، به دلیل وجود پارامترهای مختلف طراحی برای جداگر پاندولی سه گانه (۷ پارامتر مختلف)، با انجام تحلیل حساسیت رفتار مقادیر بیشینه ای پاسخ های سازه تحت تأثیر تعییر مقادار این پارامترها ارزیابی شد. در این مطالعه، ۷ رکورد متفاوت زلزله ای حوزه ای نزدیک پالس دار با دوره های تناوب پالس ۱ تا ۷ ثانیه در نظر گرفته شد که بیشینه ای شتاب هر یک برای ۳ سطح شتاب زلزله های طرح (SLE، DBE، MCE) مقیاس شد. در ادامه، به کمک روش بهینه سازی الگوریتم های ژنتیک، پارامترهای طراحی جداگر برای کمینه کردن بیشینه ای مقادیر پاسخ سازه تحت زلزله های حوزه ای نزدیک به دست آمد و برای هر یک از آن ها محدوده های مشخصی پیشنهاد شد که نتایج حاصل می تواند به این شکل خلاصه شود:
۱. تمامی پارامترهای هفت گانه در نظر گرفته شده برای بهینه سازی پاسخ های بیشینه، به یک اندازه در تعیین مقادیر بیشینه ای پاسخ سازه مؤثر نیستند. مثلاً شعاع انحنای

## پانوشت ها

1. base isolation
2. triple friction Pendulum bearing
3. rigid plastic friction element
4. gap element
5. Bouc-Wen model of hysteresis
6. Heaviside
7. maximum credible earthquake
8. design basis earthquake
9. service level earthquake
10. fully adaptive
11. fitness function
12. nonlinear constraint
13. population type
14. population size
15. creation function
16. constraint dependent function
17. feasible
18. linear ranking mechanism
19. selection function
20. Roulette wheel
21. reproduction
22. elite count
23. crossover fraction

24. mutation function
25. crossover function
26. Scattered
27. initial penalty
28. penalty factor
29. single objective

## منابع (References)

1. Bertero, V.V., Mahin, S.A. and Herrera, R.A. "A seismic design implications of near-fault San Fernando earthquake records", *Earthquake Engineering & Structural Dynamics*, **6**(1), pp. 31-42 (1978).
2. Hall, J.F. and et al. "Near-source ground motion and its effects on flexible buildings", *Earthquake Spectra*, **11**(4), pp. 596-605 (1995).
3. Alavi, B. and Krawinkler, H. "Effects of near-fault ground motions on frame structures", *Standford. California*, Blume Center, **138** (2001).
4. Zayas, V. A., Low, S.S. and Mahin, S.A. "A simple pendulum technique for achieving seismic isolation", *Earthq. Spectra*, **6**(2), pp. 317-334 (1990).

5. Fenz, D.M. and Constantinou, M.C., *Mechanical Behavior of Multi-Spherical Sliding Bearings*, University at Buffalo, The State University of New York. [S.I.]. (ISSN 1520-295X) (2008).
6. Fenz, D.M. and Constantinou, M.C. "Modeling triple friction pendulum bearings for response history analysis", *Earthquake Spectra*, **24**(4), pp. 1011-1028 (2008c).
7. Fenz, D.M., *Development, Implementation and Verification of Analysis Model for Multi-Spherical Sliding Bearings*, State University of New York at Buffalo, Dissertation Submitted to the Faculty of Graduate School (June 2008).
8. Baker, J.W. "Quantitative classification of near-fault ground motions using wavelet analysis", *Bulletin of the Seismological of America*, **97**(5), pp. 1486-1501 (October 2007).
9. Goldberg, D.E., *Genetic Algorithm in Search, Optimization and Machine Learning*, MA (1989).
10. Michalewicz, Z., *A Survey of Constraint Handling Techniques in Evolutionary Computation Methods*, Evolutionary Programming IV, MIT press, Cambridge, MA, pp. 135-155 (1995).
11. Rudolf, G. "Convergence properties of canonical genetic algorithm", *IEEE Transaction on Neural Network*, **5**, pp. 96-101 (1994).