

# انتخاب بهینه‌ی جابجایی تسليیم میراگرهای فلزی جاری‌شونده در ساختمان‌های قاب خمشی فولادی

سامان باقری\* (دانشیار)

داریا طبیعت‌نژاد (کارشناس ارشد)

دانشکده‌ی فنی مهندسی عمران، دانشگاه تبریز

میراگرهای فلزی جاری‌شونده همانند المان‌های افزاینده‌ی میراگر و سختی، از جمله متداول‌ترین ابزار اتلاف انرژی برای کنترل و کاهش پاسخ دینامیکی سازه‌ها محسوب می‌شوند. انتخاب مناسب پارامترهای طراحی این نوع میراگرها تاثیر زیادی در رفتار غیرخطی سازه دارد. یکی از این پارامترها، جابجایی تسليیم میراگر است. براساس پژوهش‌های پیشین، از میان پارامترهای طراحی این نوع میراگرها، جابجایی تسليیم بیشترین تاثیر را در تقاضای شکل‌پذیری سازه دارد. در این نوشتار روشهای برای انتخاب این مشخصه‌ی طراحی میراگر در طبقات مختلف قاب‌های خمشی فولادی پیشنهاد شده است، تا نیاز شکل‌پذیری طبقات مختلف یکداشت شود. با استفاده از الگوریتم پیشنهادی در چند مثال شامل قاب‌های خمشی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه ملاحظه شده است که کاهش قابل ملاحظه‌ی در انديس خرابی قاب‌های ساختمانی ايجاد می‌شود. همچنین رفتار چرخه‌ی میراگرها بهمود می‌باشد و میراگرها کليه طبقات مشارکت مؤثری در استهلاک انرژی ورودی زلزله از خود نشان می‌دهند.

**وازانگان کلیدی:** قاب خمشی فولادی، میراگر فلزی جاری‌شونده، زلزله، تحلييل غيرخطی، بهینه‌سازی، جابجایی تسليیم.

## ۱. مقدمه

تغیيرمکان نسبی در بالا و پایین میراگر به وجود می‌آيد و ورق‌های میراگر مطابق شکل ۲ به صورت انجتای مضاعف تغييرشكلي می‌دهند.<sup>[۱]</sup> استفاده از اين میراگرها باعث می‌شود اتلاف انرژی در اعضاء اصلی سازه صورت نگيرد، بلکه در محل هايی که به همین منظور تعبيه شده‌اند، مستمرک شود. اين نوع ابزار نياز به نگهداري ندارد، پس از زلزله نيز می‌توان در صورت نياز آنها را به راحتی تعويض کرد. همچنین ظرفيت باربری قائم سيستم از وجود اين نوع میراگر متأثر نمي‌شود.

در سال ۱۹۸۷ اولين آزمایش‌های جدي بر روی المان‌های ADAS در دانشگاه ميشيگان،<sup>[۲]</sup> و سپس در سال ۱۹۸۹ پژوهش‌های وسعي در مرکز پژوهش‌های مهندسي زلزله دانشگاه بركلی كاليفورنيا (EERC) انجام شده است.<sup>[۳]</sup> در سال ۱۹۹۲ نيز پژوهش‌هایی در زمينه‌ی تأثير پارامترهای طراحی سیستم میراگر ADAS نصب شده در قاب خمشی انجام و نشان داده شده است که انتخاب مناسب آن‌ها تأثير به سزايد در رفتار غيرزجاجاعي و تغييرشكلي هاي سازه دارد.<sup>[۴]</sup> اين پارامترها عبارت بودند از: ۱. جابجایي تسلييم ( $\alpha$ ،  $\Delta$ )، ۲. ضريب سخت شوندنگي كرنشي ( $\alpha$ )، ۳. سختی اعضاء بادبندي به سختی میراگرها ( $B/D$ )، ۴. نسبت سختی میراگر به سختی طبقه‌ی بدلون سيسitem ميراگر و بادبندي ( $SR$ )، ۵. سختی كشسان ميراگر ( $K_d$ ). در پژوهش مذکور، همچنین توصيه‌های تقریبی برای انتخاب پارامترهای طراحی میراگر ADAS پیشنهاد شده است. روند مشابهی جهت نيل به توصيه‌های طراحی در مورد سازه‌های مججهز به میراگر TADAS نيز در سال ۱۹۹۳ انجام شده است.<sup>[۵]</sup>

يکی از متداول‌ترین و قدیمی‌ترین ابزارهای کنترل غیرفعال، که برای کنترل و کاهش پاسخ‌های لرزه‌ی سازه‌ها تحت زمین‌لرزه‌های شدید به کار می‌روند، میراگرهاي جاری‌شونده فلزی هستند. در اين نوع از میراگرها از خاصیت جاری‌شدن فلاترات يا همان رفتار هيستريک فلاترات به هنگام تغييرشكلي در ناحیه‌ی خميري استفاده می‌شود، که باعث افزایش استهلاک انرژي ورودی می‌شود. علاوه بر اين، اين میراگرها باعث افزایش سختی نيز می‌شوند. میراگرهاي فلزی جاری‌شونده اقسام متنوعی دارند که از آن جمله می‌توان به قطعات تسلييم مرکزي، قطعات U شکل و المان‌های افزاینده‌ی ميراگر و سختی به صورت ورق‌های مثلثي (TADAS) و يا به صورت ورق‌های X شکل (ADAS) اشاره کرد.<sup>[۶]</sup>

آخرین مورد که پرکاربردتر و متداول‌تر از سایر انواع میراگرهاي فلزی جاری‌شونده است، مشكلي از ورق‌های فولادی X شکل است، که به صورت موازي در کتار هم قرار می‌گيرند (شکل ۱). اساس کار اين میراگرها بر رفتار غيرزجاجاعي شکل‌پذير استوار است، که در حين زلزله با بهره‌گرفتن از خاصیت جاری‌شدن فولاد اتلاف انرژي زلزله می‌شوند. میراگر ADAS در بالا به تير طبقه و در پایین به مهاربند ۸ شکل متصل می‌شود. به هنگام زلزله با موجود‌آمدن جابجایي نسيي طبقات،

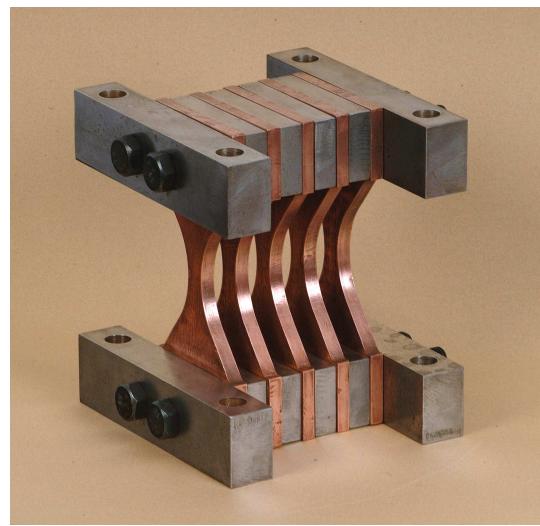
\* نويسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۰/۱/۱۳۹۲، /صلاحیه ۱/۱۳۹۳، پذیرش ۱۰/۳/۱۳۹۳

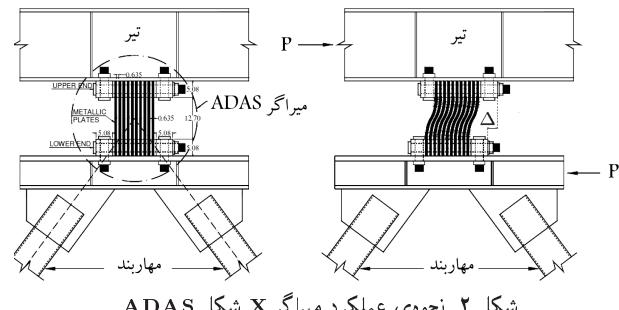
لرزه‌بی سازه همانند جابجایی نسبی بین طبقه‌یی، برش پایه، و یا شتاب مطلق طبقات ارائه و در آن برای حل مستله‌ی بهینه‌سازی از روش‌های مبتنی بر گردابان استفاده شده و توزیع بهینه‌ی میراگرهای الحاقی مورد نیاز در ساختمان به دست آمده است.<sup>[۱۰]</sup> همچنین در سال ۲۰۰۲ از الگوریتم ژنتیک برای حل همان مستله استفاده شده است.<sup>[۱۱]</sup> سپس در سال ۲۰۰۳، طراحی میراگرهای اصطکاکی و جاری‌شونده‌ی فلزی برای عملکرد بهینه‌ی لرزه‌بی سازه مورد توجه قرار گرفته است.<sup>[۱۲]</sup> دلیل مطالعه‌ی توأم این دو نوع میراگر، مشابهت مشخصه‌های طراحی آنهاست. نمودار چرخه‌ی رفتار هر دو نوع میراگر به صورت دو خطی مدل شده است؛ که در مورد میراگر فلزی، رفتار دو خطی به صورت کشسان خمیری با سخت‌شوندگی و در مورد میراگر اصطکاکی، به صورت صلب - خمیری کامل بوده است. در مطالعه‌ی مذکور پارامترهای طراحی سیستم میراگر فلزی نصب شده به همراه بادبند شامل جابجایی تسلیم میراگر، سختی میراگر، و سختی بادبند و همچنین پارامترهای طراحی سیستم میراگر اصطکاکی نصب شده به همراه بادبند شامل نیروی لغزش میراگر و سختی بادبند است. در اینجا نیز از الگوریتم ژنتیک جهت بهینه‌سازی استفاده و توابع هدف متعدد براساس پاسخ‌های مختلف سازه در نظر گرفته شده است.

در پژوهش دیگری در سال ۲۰۰۲ نیز جهت رسیدن به عملکرد بهتر سازه، کارایی روشی ساده برای جاگذاری میراگرهای چسبنده خطی در سیستم سازه‌ی چند درجه‌ی آزادی مورد بررسی قرار گرفته است.<sup>[۱۳]</sup> همچنین در سال ۲۰۰۷ توزیع بهینه‌ی میراگرهای چسبنده در طبقات مختلف قاب‌های ساختمانی با تعریف تابع هدف براساس برش پایه مورد مطالعه قرار گرفته و نتایج روش مذکور با حالت معمولی تو، که تابع هدف براساس جابجایی بام تعریف می‌شود، مقایسه شده است.<sup>[۱۴]</sup> استفاده از میراگر چسبنده افزوده بر سازه علاوه بر سادگی تحلیل این خاصیت را دارد که می‌توان هر نوع میراگر الحاقی دیگر را نیز به صورت تقریبی با میراگر چسبنده معادل آن مدل کرد. به عنوان نمونه در پژوهشی در سال ۲۰۰۷، توزیع بهینه‌ی سختی و میراگر چسبنده معادل (و نه نوع خاصی از میراگر) به صورت توان در بهینه‌سازی ساختمان‌ها در نظر گرفته شده و یک تابع هدف تعیین‌یافته جهت در نظر گرفتن هم زمان جابجایی، شتاب مطلق و برش پایه استفاده شده است.<sup>[۱۵]</sup> در همین زمینه همچنین می‌توان به طراحی بهینه‌ی ساختمان‌های دارای میراگر ADAS در پژوهشی در سال ۱۹۹۹ اشاره کرد.<sup>[۱۶]</sup> در پژوهش مذکور تئوری کنترل بهینه (OCT) جهت استخراج مقدار میراگر چسبنده معادل مورد نیاز در هر تراز طبقه‌ی ساختمان استفاده شده و سپس از روی میراگر چسبنده مورد نیاز، مشخصات میراگر ADAS معادل به دست آمده است. معادل سازی میراگر ADAS با میراگر چسبنده براساس برابری ارزی مستهلک شده در یک چرخه‌ی تحریک هارمونیک صورت گرفته است، که به هنگام عملکرد لرزه‌بی این معادل سازی دارای تقریب خواهد بود.

در حالی که در پیشتر پژوهش‌های صورت گرفته، توزیع بهینه‌ی میراگرهای دارای ارتفاع سازه مطرح شده است؛ تعداد میراگرها در یک تراز طبقه و محل آنها در دهانه‌های مختلف هر تراز از قاب خمشی ساختمانی در پژوهشی در سال ۲۰۱۲ مورد ارزیابی قرار گرفته است. در پژوهش مذکور از یک الگوریتم بهینه‌سازی خاص استفاده نشده است، بلکه چیدمان‌های مختلف میراگرهای چسبنده در دهانه‌های مختلف یک قاب خمشی ۵ دهانه با ارتفاع ۵۰ متر (۱۵ طبقه) آزموده شده و دهانه‌ی میانی قاب، به عنوان بهترین محل قرارگیری میراگر براساس نتایج حاصل عنوان شده است.<sup>[۱۷]</sup> محققان دیگری در سال ۲۰۱۰ نیز طراحی لرزه‌بی بهینه‌ی قاب‌های خمشی فولادی با میراگرهای فلزی یا اصطکاکی الحاقی را به همراه سیستم بادبندی مورد مطالعه قرار دادند.<sup>[۱۸]</sup> متغیرهای بهینه‌سازی شامل توزیع ارتفاعی میراگر، نوع میراگر، نیروی تسلیم (در مورد میراگر فلزی)، و یا نیروی لغزش (در مورد میراگر اصطکاکی)،



شکل ۱. میراگر X شکل ADAS



شکل ۲. نحوه عملکرد میراگر X شکل ADAS

پژوهشگران در موارد ذکر شده اخیر در تلاش بودند روش ساده‌ی برای طراحی سازه‌های مجهر به میراگر ارائه دهند که فقط نیازمند تحلیل‌های کشسان متدالوی در فرایند طراحی معمول باشد؛ در حالی که با در نظر گرفتن رفتار غیرخطی و پیچیدگی‌های موجود در سازه‌ی مجهر به میراگر تحت تحریک زمین لرزه، نیاز به الگوریتم‌های طراحی بهینه در این زمینه احساس می‌شود. براین اساس در سالیان اخیر پژوهش‌های زیادی جهت طراحی بهینه‌ی سازه‌های مجهر به میراگرهای الحاقی صورت گرفته است.<sup>[۱۹]</sup>

اغلب این روش‌های بهینه‌سازی به نتایج و توصیه‌های کلی و جامع طراحی منجر نمی‌شوند، بلکه الگوریتم‌های پیشنهادی هستند که بسته به خصوصیات سازه، میراگر و تحریک وارد می‌شوند. در این میان، پژوهش‌هایی در مورد طراحی بهینه‌ی میراگرهای چسبنده و لزج - کشسان نسبت به میراگرهای اصطکاکی و جاری‌شونده‌ی فلزی بسیار بیشتر است. زیرا میراگر چسبنده و لزج - کشسان می‌توانند با فرض رفتار غیرخطی استفاده شوند، در حالی که میراگرهای فلزی و اصطکاکی ذاتاً رفتار غیرخطی دارند و به کارگیری آنها در سازه لزوماً منجر به پاسخ غیرخطی سیستم سازه‌ی با میراگر خواهد شد و در نتیجه تحلیل و طراحی بهینه‌ی آنها نیازمند عملیات محاسباتی پیچیده‌تری است.<sup>[۲۰]</sup> اگرچه نباید از این نکته غافل شد که میراگرهای جاری‌شونده‌ی فلزی همانند ADAS، بسیار ارزان تراز میراگرهای چسبنده هستند.<sup>[۲۱]</sup>

از میان پژوهش‌های یادشده می‌توان به تحقیقات سال‌های ۲۰۰۱ الی ۲۰۰۳ اشاره کرد.<sup>[۲۲]</sup> ابتدا در سال ۲۰۰۱، روشی برای به دست آوردن میراگر چسبنده و لزج - کشسان مورد نیاز برای رسیدن به سطح کاهش مشخصی در یکی از پاسخ‌های

طبقات مختلف حاصل می‌شود. در این حالت، سختی بادبندها و میراگرها به صورت ثابت باقی می‌ماند و تغییر رفتار سیستم جانبی طبقات، فقط با تغییر در مشخصه‌ی جابجایی تسلیم میراگرها انجام می‌شود. برخلاف سایر الگوریتم‌های بهینه‌سازی اشاره شده در مرور پژوهش‌های پیشین، الگوریتم پیشنهادی این نوشتار بسیار ساده و در عین حال سریع و کارست.

اصول کارکرد تمامی میراگرها فازی جاری‌شونده مشابه یکدیگر و براساس رفتار چرخه‌ی پی تسلیم شونده یک ابزار فازی‌شکل پذیر است. بنابراین پارامترهای طراحی تمامی این نوع میراگرها که مطابق شکل ۲ در داخل یک قاب خمشی بین تیر و مهاربند ۸ نصب می‌شوند، مشترک است و نتایج به دست آمده از مطالعه بر روی میراگرها ADAS را می‌توان برای سایر این نوع میراگرها نیز به کار برد.

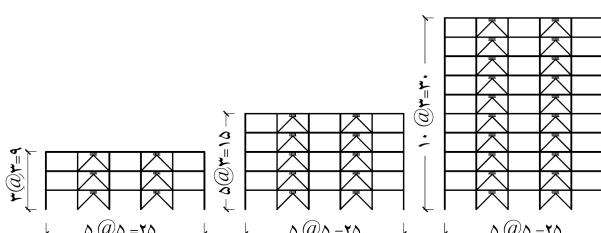
## ۲. مدل‌سازی و فرضیات

برای بررسی کارایی الگوریتم پیشنهادی، که در بخش‌های بعدی این نوشتار به طور کامل توضیح داده شده است، از مدل‌های قاب خمشی دو بعدی فولادی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه مجهز به میراگر فازی جاری‌شونده از نوع ADAS که بر روی بادبندهای ۸ شکل نصب شده، استفاده شده است. در این مدل‌ها طول دهانه، ارتفاع طبقات و عرض بار بر آن‌ها مطابق مشخصات ساختمان‌های متعارف به ترتیب ۵، ۳ و ۵ متر است. هندسه‌ی این مدل‌ها در شکل ۳ نشان داده شده است.

رفتار تمامی اعضاء سازه‌ی به غیر از میراگرها به صورت خطی فرض شده و نحوه انتخاب مشخصات میراگرها به ترتیبی که در ادامه آمده و کنترل صورت گرفته بر روی اعضاء قاب، این فرض را برآورده ساخته است. البته با تعریف مقاطع خمیری برای مهاربندها، ستون‌ها و تیرها در طرح اولیه و گام نهایی بهینه‌سازی، صحت این فرض کنترل شده است.

برای مدل‌کردن رفتار غیراتجاعی میراگرها فازی جاری‌شونده از مدل دو خطی کشسان خمیری با سخت‌شوندگی ۵٪ استفاده شده است. اگر دو پارامتر از بین ۳ پارامتر سختی اولیه میراگر ( $K_d$ )، جابجایی تسلیم میراگر ( $y_d$ ) و نیروی تسلیم میراگر ( $F_d$ ) مشخص شود، پارامتر سوم با توجه به اینکه سختی اولیه میراگر برابر نسبت نیروی تسلیم به جابجایی تسلیم است، مشخص می‌شود و در نتیجه کل پارامترهای طراحی ابزار میراگر بدست می‌آید. در تمامی مدل‌ها نسبت سختی اعضاء بادبندی به سختی میراگرها ( $B/D$ )، در تمامی طبقات برابر با مقدار پیشنهادی ۲،<sup>[۵]</sup> در نظر گرفته شده و به این ترتیب، سختی اولیه میراگرها به دست آمده است.

در این پژوهش از نرم‌افزار SAP<sup>۲۰۰۰</sup><sup>[۶]</sup> برای مدل‌سازی و تحلیل، و از مباحث ششم و دهم مقررات ملی ساختمان،<sup>[۷]</sup> جهت بارگذاری و طراحی اولیه اعضاء اصلی سازه‌ی مدل‌ها استفاده شده است. برای اینکه مقایسه‌ی حالت‌های مختلف با یکدیگر ممکن باشد، طراحی اولیه قاب‌ها به گونه‌ی انجام شده است که



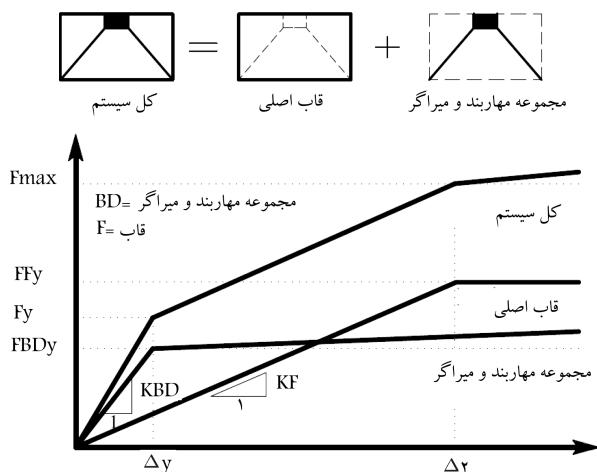
شکل ۳. هندسه‌ی مدل‌های استفاده شده در پژوهش حاضر.

و سختی بادبند بوده است. آنها برای حل مسئله‌ی بهینه‌سازی از الگوریتم زتیک و برای ارزیابی پاسخ سازه‌ی بهینه شده با میراگر، از جذر مجموع مربعات جابجایی نسبی طبقات و یا شتاب طبقات استفاده کردند. نتایج حاصل از مقایسه‌ی ۳ نمونه مدل قاب خمشی در حالت قبل و بعد از بهینه‌سازی با افزودن بهینه میراگرها نشان داده است که بعد از طراحی بهینه، پارامترهای پاسخ اشاره شده در بالا کاهش می‌یابند و توزیع شتاب طبقات و جابجایی نسبی طبقات یکنواخت‌تر می‌شود؛ در نتیجه نیاز شکل پذیری طبقات نیز یکنواخت‌تر می‌شود. همچنین تیجه‌گیری شده است که توزیع میراگرها در ارتفاع سازه به منظور بهینه‌سازی آن باید براساس نیاز شکل پذیری طبقات صورت پذیرد.

مطالعات اخیر نشان داده است که به هنگام زلزله‌های قوی، در سازه‌هایی که به روش‌های مرسوم طراحی شده‌اند، نیاز شکل پذیری و جابجایی طبقات به طور یکنواخت توزیع نمی‌شود.<sup>[۱۶]</sup> به عبارت دیگر، می‌توان گفت توزیع نامناسب مقاومت و سختی باعث توزیع نامناسب تقاضای شکل پذیری در طبقات مختلف و احتمال به وجود آمدن طبقه‌ی نرم می‌شود.<sup>[۱۷]</sup> در نتیجه می‌توان گفت که در هنگام زلزله‌های شدید، زمانی که بعضی از اعضاء سازه‌ی به بهینه‌ی ظرفیت لرزه‌ی خود رسیده‌اند، بخش‌هایی از سازه هنوز با مقادیر محاذ ظرفیت لرزه‌ی خود فاصله قابل توجهی دارند. این موضوع بیان‌گر این خواهد بود که بخشی از مصالح مصرفی در سازه بلاستفاده مانده و از نام ظرفیت آن مصالح استفاده نشده است. در صورتی که تدبیری اندیشه‌ید شود تا مصالح از قسمت‌های بلاستفاده به قسمت‌های مورد نیاز بروند، می‌توان به توزیع یکنواخت‌تری برای نرمی یا تغییر شکل دست یافت. در پژوهش‌هایی در سال ۲۰۰۴<sup>[۱۸]</sup> نشان داده شده است که می‌توان با درنظر گرفتن این موضوع، به توزیع بهینه‌تر مقاومت و سختی دست یافت. ابزار مورد استفاده در این فرایند بهینه‌سازی، نحوه‌ی توزیع نیروی جانی زلزله برای طراحی ساختمان بوده است.

برخی پژوهشگران نیز در پژوهشی مشابه (۲۰۰۷)<sup>[۱۹]</sup> یک الگوی توزیع نیروی جاتبی لرزه‌ی در ارتفاع ساختمان‌های قاب خمشی پیشنهاد کرده‌اند تا توزیع نیاز شکل پذیری طبقات یکنواخت شود. به اعتقاد ایشان، در این صورت از تمرکز خرابی در یک یا چند طبقه خاص جلوگیری خواهد شد و ساختمان عملکرد لرزه‌ی بهتری خواهد داشت. همچنین در پژوهشی در سال ۲۰۱۲<sup>[۲۰]</sup> نیز اثر اندرکنش خاک - سازه بر روی توزیع ارتفاعی تقاضای شکل پذیری قاب‌های ساختمانی بررسی شده است. در مطالعه‌ی مذکور توزیع یکنواخت‌تر تقاضای شکل پذیری طبقات مینا قرار داده شده و برای اساس کفایت الگوهای آین نامه‌ی و پیشنهادات قبلي موجود برای توزیع نیروی لرزه‌ی در طبقات ساختمان مورد ارزیابی قرار گرفته و نتیجه‌ی حاصل این بوده است که هیچ‌کدام از توزیع‌های آین نامه‌ی یا پیشنهادات قبلي موجود، با درنظر گرفتن اندرکنش خاک - سازه بهینه نیستند.

در این نوشتار نشان داده می‌شود که چنانچه جابجایی تسلیم میراگرها ( $y_d$ ) به عنوان یکی از مشخصه‌های طراحی آنها، در تمامی طبقات قاب‌های خمشی فولادی به طور یکسان انتخاب شود، نیاز شکل پذیری طبقات لزوماً به صورت یکنواخت در ارتفاع سازه توزیع نمی‌شود؛ به عبارت دیگر، از تمامی ظرفیت مصالح مصرفی استفاده نشده است و طراحی به صورت بهینه نیست. لذا روشی پیشنهاد شده است که با متغیر فرض کردن جابجایی تسلیم میراگرها در طبقات مختلف قاب خمشی و با استفاده از الگوریتم رسیدن به تقاضاهای شکل پذیری یکنواخت در طبقات، منجر به طراحی سازه‌ی شود که از نقطه نظر توزیع ابزار میراگر در ارتفاع، سازه‌ی بهینه است و در نتیجه رفتار مناسب‌تری تحت زلزله‌های مختلف داشته باشد. به عبارت دیگر، در این روش توزیع بهینه‌ی مصالح، با تغییر در مشخصه‌ی جابجایی تسلیم میراگرها



شکل ۴. رفتار غیراتجاعی قاب خمشی با میراگر.

جدول ۲. مقادیر اولیه‌ی جابجایی تسلیم میراگرها در کلیه‌ی طبقات براساس شکل‌پذیری هدف ۶ تحت زلزله‌های مختلف بر حسب سانتی متر.

Parkf.	Nor.	Duzce	Tabas	San.	Imp.	قاب
۰,۳۶	۰,۵۴	۰,۲۸	۰,۲۵	۰,۲۶	۰,۲۹	۳ طبقه
۰,۴۳	۰,۵	۰,۳۱	۰,۳۰	۰,۳۶	۰,۳۵	۵ طبقه
۰,۴۰	۰,۳۸	۰,۳۶	۰,۲۹	۰,۳۹	۰,۴۴	۱۰ طبقه

برای رسیدن به شکل‌پذیری هدف، سازه تحت اثر یک شتاب‌نگاشت مشخص، تحلیل تاریخچه‌ی زمانی غیرخطی می‌شود و پس از محاسبه‌ی شکل‌پذیری طبقات، میانگین شکل‌پذیری طبقات با مقدار هدف، مقایسه می‌شود. با انجام چندین سری تحلیل و تغییردادن جابجایی تسلیم کلیه‌ی میراگرهای طبقات مختلف می‌توان تقریباً به شکل‌پذیری هدف دست پیدا کرد. مقادیر جابجایی تسلیم براساس شکل‌پذیری هدف ۶ برای قاب‌های خمشی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه در جدول ۲ ارائه شده است. این مقادیر مقادیر استخوابی اولیه برای جابجایی تسلیم میراگرها در کلیه‌ی طبقات هستند که در بخش بعد، با اصلاح آنها در طبقات مختلف سازه طی یک فرایند بهینه‌سازی، علاوه بر اینکه تطابق میانگین شکل‌پذیری طبقات با مقدار هدف حفظ شده است، توزیع شکل‌پذیری در طبقات مختلف نیز یکسان شده است.

#### ۴. توزیع بهینه‌ی مشخصه‌ی جابجایی تسلیم میراگرها

هدف اصلی در این پژوهش، ارائه روشهای جهت توزیع بهینه‌ی مشخصه‌ی جابجایی تسلیم میراگرها فازی جاری‌شونده در ارتفاع قاب‌های خمشی برای رسیدن به توزیع یکنواخت تقاضای شکل‌پذیری است. از دیدگاه افزایش انرژی مستهلك شده توسط میراگر، انتخاب جابجایی تسلیم کوچک‌تر مناسب‌تر است، در حالی که برای محدودکردن تقاضای شکل‌پذیری و جابجایی طبقات در زلزله‌های شدید، جابجایی تسلیم میراگر باید به اندازه‌ی کافی بزرگ باشد. در این نوشته جابجایی تسلیم میراگرها ( $\Delta_y$ ) به صورت یک متغیر، که در حجم مصالح مصرفی در میراگرها و مقاومت و شکل‌پذیری طبقات مؤثر است، مورد توجه قرار گرفته است. برای این منظور، سختی بادیندها از طراحی اولیه سازه و سختی میراگرها از نسبت سختی  $B/D = 2$  به دست آمده و به صورت ثابت باقی مانده و تغییر مقاومت و شکل‌پذیری طبقات فقط با تغییر در جابجایی تسلیم میراگرها انجام شده است. برای رسیدن به این هدف

جدول ۱. مشخصات شتاب‌نگاشت‌های زلزله‌های انتخابی.

زلزله	ایستگاه	M	PGA (g)	خاک (USGS)
Imperial Valley ۱۹۷۹	H-E ۶۲۳۰	۶/۵	۰,۴۴	C
Sanfernando ۱۹۷۱	PEL ۹۰	۶/۶	۰,۲۱	C
Duzce ۱۹۹۹	DZC ۲۷۰	۷/۱	۰,۵۴	C
Tabas ۱۹۷۸	TAB-TR	۷/۴	۰,۸۵	C
Northridge ۱۹۹۴	NWH ۳۶۰	۶/۷	۰,۵۹	C
Parkfield ۱۹۶۶	C ۲۰۶۵	۶/۱	۰,۴۸	C

در اعضاء سازه‌ی هیچ‌گونه اضافه مقاومتی وجود نداشته باشد. برای این منظور از مقاطع توریک با مشخصات پیوسته برای ستون‌ها، تیرها، و مهاربند‌ها استفاده شده است. این تذکر لازم است که این مقاطع توریک پیوسته از درون یابی مشخصات مقاطع موجود IPE و IPB به دست آمده‌اند. شتاب‌نگاشت‌های انتخابی برای انجام تحلیل‌های دینامیکی تاریخچه‌ی زمانی همگی ثبت شده بر روی خاک نوع (C) هستند، تا با فرض صورت‌گرفته برای نوع زمین در طراحی لرزه‌یی قاب‌ها همانگ باشند و از لحاظ محتوای ساماندی نیز سعی شده است متنوع باشند. مشخصات کامل رکوردهای مورد استفاده در جدول ۱ ارائه شده است. جهت استفاده از این شتاب‌نگاشت‌ها با توجه به اینکه بعداً از تابع زلزله‌های مختلف میانگین‌گیری خواهد شد، بیشینه‌ی شتاب زمین آنها به  $0,35\text{ g}$  مقیاس شده است.

#### ۳. تخمین اولیه‌ی جابجایی تسلیم میراگرها

از میان پارامترهای طراحی میراگر فازی جاری‌شونده نظری ADAS، جابجایی تسلیم بیشترین تأثیر را در ضربی شکل‌پذیری دارد.<sup>[۵]</sup> همان‌طور که می‌دانیم، ضربی شکل‌پذیری طبقه‌ی نام ( $\mu$ )، از رابطه‌ی ۱ به دست می‌آید:

$$\mu_i = \frac{\Delta u_i}{\Delta y_i} \quad (1)$$

که در آن،  $\Delta y_i$  جابجایی نسبی تسلیم طبقه و  $\Delta u_i$  جابجایی نسبی نهایی طبقه است. ضربی شکل‌پذیری کل یک سازه‌ی  $n$  طبقه ( $\mu$ ) را می‌توان با میانگین‌گیری از شکل‌پذیری کل طبقات طبق رابطه‌ی ۲ تعریف کرد:

$$\mu = \frac{\sum_{i=1}^n \mu_i}{n} \quad (2)$$

در قاب‌های خمشی مجهرز به میراگر فازی جاری‌شونده، علاوه بر مجموعه‌ی میراگرها و بادیندهای ۸ شکل، خود قاب نیز در برابر نیروهای جانبی مقاومت می‌کند. شکل ۴، رفتار غیراتجاعی قاب خمشی مجهرز به هر میراگر جاری‌شونده با رفتار کشسان خمیری را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌شود، با فرض دیرتر تسلیم شدن قاب نسبت به میراگر می‌توان گفت در این سیستم سازه‌یی، جابجایی تسلیم طبقه همان جابجایی تسلیم میراگر موجود در آن طبقه است. بنابراین می‌توان با انتخاب مناسب پارامتر جابجایی تسلیم میراگر به شکل‌پذیری موردنظر دست یافت.

۵. سازه با مشخصه‌های جابجایی تسليم جدید در طبقات مختلف، مجددًا تحت همان شتاب نگاشت، تحلیل تاریخچه زمانی می‌شود و به گام ۳ می‌رود.

با انجام و تکرار مراحل بالا، در نهایت همگرایی حاصل می‌شود و توزیع بهینه‌ی جابجایی تسليم در طبقات مختلف به دست می‌آید. با داشتن جابجایی تسليم میراگرها از فرایند بهینه‌سازی و سختی میراگرها، که براساس پیشنهاد موجود نصف سختی پابنددها انتخاب شده است، می‌توان مشخصات هندسی میراگرها جاری‌شونده‌ی فلزی لازم برای سازه را به دست آورد. برای مثال در مورد میراگرهای ADAS می‌توان از روابط ارائه شده در مرجع [۱۴] برای این منظور استفاده کرد.

باید از جابجایی تسليم میراگرهای طبقاتی، که نیاز شکل پذیری آن‌ها ( $\mu$ ) کمتر از مقدار میانگین ( $\mu_{avg}$ ) است، کاست و به جابجایی تسليم میراگرهای طبقاتی، که نیاز شکل پذیری آن‌ها بیشتر از مقدار میانگین است، افزود. این کار تا زمانی که نیاز شکل پذیری طبقات به اندازه‌ی کافی یکنواخت شود، ادامه می‌یابد. میزان یکسان بودن نیاز شکل پذیری طبقات با محاسبه‌ی ضرب تغییرات ( $cov$ ) از طریق رابطه‌ی ۳ قابل سنجش است. یادآور می‌شود که مطابق توضیحات بخش ۳، مقدار میانگین شکل پذیری طبقات به شکل پذیری هدف تنظیم شده و طی مراحل بهینه‌سازی نیز تغییر نمی‌کند.

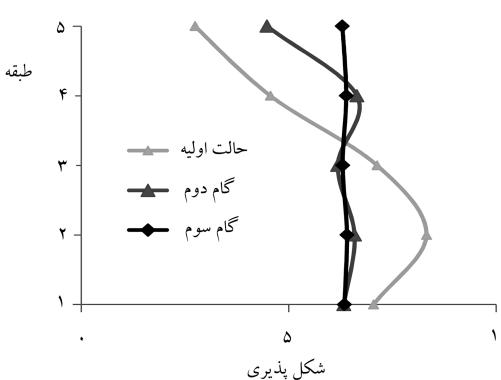
$$cov = \frac{1}{\mu_{avg}} \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (\mu_i - \mu_{avg})^2} \quad (3)$$

## ۵. نتایج و بحث

### ۵.۱. توزیع شکل پذیری و جابجایی تسليم میراگرها

الگوریتم پیشنهادی بر روی مدل‌های توصیف شده در بخش ۲ پیاده شده است، تا کارایی آن را توان ارزیابی کرد. در شکل ۵، روند همگرایی الگوریتم بهینه‌سازی در قاب خمیشی ۵ طبقه برای زلزله Imperial Valley نشان داده شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌شود، در طرح اولیه، علی‌رغم اینکه میانگین نیاز شکل پذیری طبقات ۶ است (برابر با شکل پذیری هدف انتخابی)، ولی توزیع آن یکنواخت نیست و ضرب تغییرات ( $cov$ ) برابر  $39^{\circ}$  است. فقط طی دو گام الگوریتم پیشنهادی، توزیع شکل پذیری عملاً یکنواخت می‌شود، به‌طوری که ضرب تغییرات به حدود  $1^{\circ}$  تقلیل می‌یابد.

در شکل‌های ۶ الی ۸ نحوی توزیع نیاز شکل پذیری طبقات و جابجایی تسليم میراگرهای طبقات قاب‌های خمیشی فولادی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه در دو حالت طراحی اولیه با  $\Delta$  ثابت اولیه و طراحی با  $\Delta$  بهینه ملاحظه می‌شود. این نمودارها از متostگری ترتیب حاصل از تحلیل‌های تاریخچه زمانی مدل‌ها، تحت شتاب نگاشت ذکرشده در بخش ۳ و با شکل پذیری هدف ۶ به دست آمده‌اند. از این شکل‌ها مشخص می‌شود که توزیع ثابت مشخصه‌ی جابجایی تسليم در ارتفاع قاب‌های خمیشی موجب به وجود آمدن توزیع غیریکنواخت تقاضای شکل پذیری در طبقات شده است. به عبارت دیگر، برای قاب‌های خمیشی ۳ و ۵ طبقه، تقاضای شکل پذیری در طبقات بالا کمتر و در طبقات پایین بیشتر از مقدار میانگین است. در حالی که این پارامتر برای قاب خمیشی ۱۰ طبقه، در طبقات بالا و پایین کمتر و در طبقات میانی بیشتر از مقدار میانگین است.



شکل ۵. روند همگرایی الگوریتم بهینه‌سازی در سازه‌ی ۵ طبقه‌ی قاب خمیشی برای Impereial Valley.

برای عملی ساختن اهداف توضیح داده شده، این الگوریتم در مراحل ۱ الی ۱۵ اجرا شده است. در تمام مراحل الگوریتم باید توجه کرد که تغییر شکل‌های غیرارتجاعی میراگرها از حد خواهد آنها، که معمولاً  $10^{\circ}$  برابر جابجایی تسليم در نظر گرفته می‌شود، خارج نشود و پابنددها هم در اثر سخت شوندنگی کرنشی میراگرها، وارد حوزه‌ی غیرارتجاعی نشوند. در صورت بروز چنین حالتی، عمل بهینه‌سازی موقوف و الگوی مربوط به آن گام نیز به عنوان الگوی توزیع بهینه در نظر گرفته می‌شود:

۱. ابتدا سازه‌ی مورد نظر برای ترکیب پاره‌ای ثقلی و جانبی مبحث ششم مقررات ملی ساخته‌مان [۲۱] و مطابق ضوابط تنش مجاز مبحث دهم مقررات ملی ساخته‌مان [۲۲] به‌گونه‌ی طراحی می‌شود که هیچ‌گونه اضافه مقاومتی در اعضاء آن وجود نداشته باشد. در ابتدا سختی اولیه‌ی میراگرها مطابق توصیه‌های موجود، نصف سختی پابنددها انتخاب می‌شود.

۲. مقدار اولیه‌ی جابجایی تسليم کلیه‌ی میراگرها ( $\Delta$ ) براساس شکل پذیری هدف و شتاب نگاشت مورد نظر مطابق توضیحات بخش ۳ تخمین زده می‌شود. برای حل حل مدل‌های در نظر گرفته شده در این نوشتار، شکل پذیری هدف برابر با  $6^{\circ}$  انتخاب شده و جابجایی تسليم میراگرها مطابق جدول ۲ به دست آمده است. برای هر شکل پذیری هدف دیگر می‌توان همین روند را تکرار کرد.

۳. از نتایج تحلیل تاریخچه‌ی زمانی غیرخطی سازه تحت شتاب نگاشت مورد نظر، مقادیر شکل پذیری طبقات و میانگین شکل پذیری طبقات به دست آمده و با استفاده از آن‌ها، ضرب تغییرات شکل پذیری طبقات از رابطه‌ی ۳ محاسبه می‌شود. اگر ضرب تغییرات به اندازه‌ی کافی کوچک باشد ( $cov \leq 4^{\circ}$ )، عملیات متوقف و در غیر این صورت به گام بعدی مراجعه می‌شود.

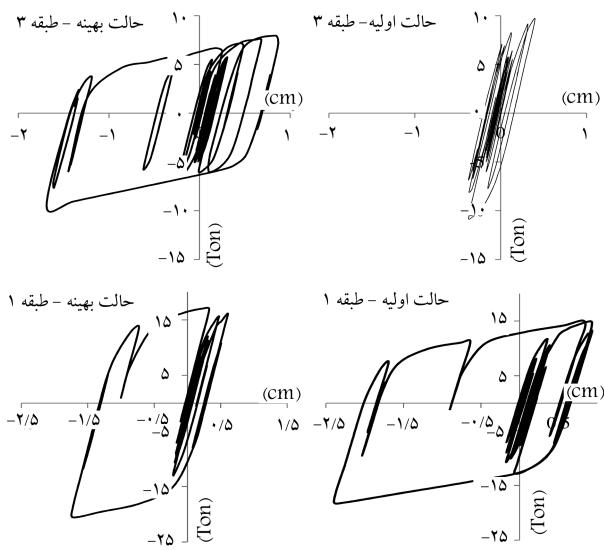
۴. بدون تغییر در سطح مقطع اعضاء سازه‌ی و سختی میراگرها، از جابجایی تسليم میراگرهای طبقاتی، که نیاز شکل پذیری آن‌ها کمتر از مقدار میانگین است، کاسته و به جابجایی تسليم میراگرها طبقاتی، که نیاز شکل پذیری بیشتر از مقدار میانگین دارند، افزوده می‌شود. به این ترتیب حجم مصالح مصرفی در کل میراگرهای ساخته‌مان ثابت باقی می‌ماند و مقایسه معنی دار خواهد بود. برای همگرایی در محاسبات، این تغییرات باید به صورت تدریجی و با استفاده از معادله‌ی ۴ انجام شود:

$$[(\Delta_y)_i]_{m+1} = [(\Delta_y)_i]_m \left[ \frac{\mu_i}{\mu_{avg}} \right]^{\alpha} \quad (4)$$

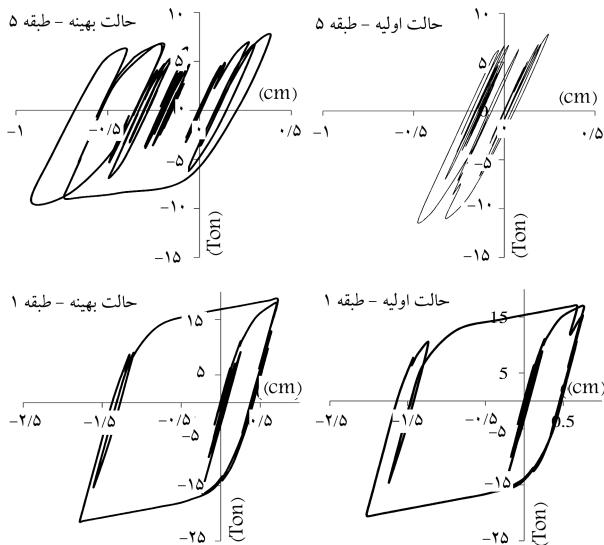
که در آن،  $\alpha$  (جابجایی تسليم میراگر در طبقه‌ی  $n$ ) و  $m$  شماره‌ی گام موردنظر است. برای توان  $\alpha$  از مقدار  $2^{\circ}$  استفاده می‌شود، تا همگرایی به تدریج ولی مطمئن صورت گیرد.

**۲.۵. تأثیر بهینه‌سازی در رفتار چرخه‌یی میراگرها**  
پس از اعمال الگوریتم بهینه‌سازی، رفتار چرخه‌یی میراگرها در قیاس با حالت اولیه تغییر می‌کند. به عنوان نمونه در شکل‌های ۹ و ۱۰ رفتار چرخه‌یی میراگرها برای طبقات اول و آخر سازه‌های قاب‌های خمی ۳ و ۵ طبقه مجهز به میراگر، تحت اثر زلزله‌ی Imperial Valley در دو حالت طراحی با  $\Delta$  اولیه ثابت و طراحی با  $\Delta$  بهینه برای شکل‌پذیری هدف ۶ ارائه شده است.

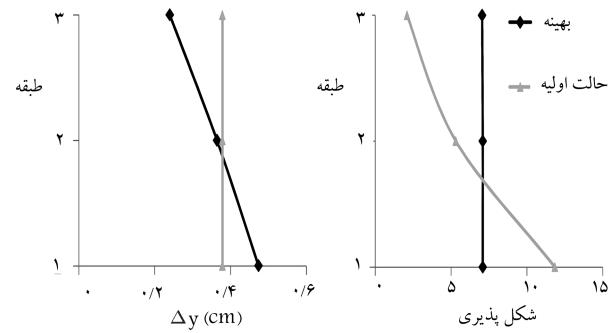
اگر به رفتار چرخه‌یی میراگرها طبقات اول و آخر ره دو قاب در شکل‌های ۹ و ۱۰ توجه شود، می‌توان گفت که میراگر طبقه‌یی آخر در حالت قبل از بهینه‌سازی، به مقدار بسیار کم وارد حوزه‌ی غیرارتجاعی شده است. از آنجایی که سطح زیر منحنی چرخه‌یی، همواره نشان‌دهنده‌ی میزان اتلاف انرژی است؛ بنابراین میراگر طبقه‌یی آخر در حالت قبل از بهینه‌سازی، نقش مؤثری در اتلاف انرژی زلزله نداشته و این در



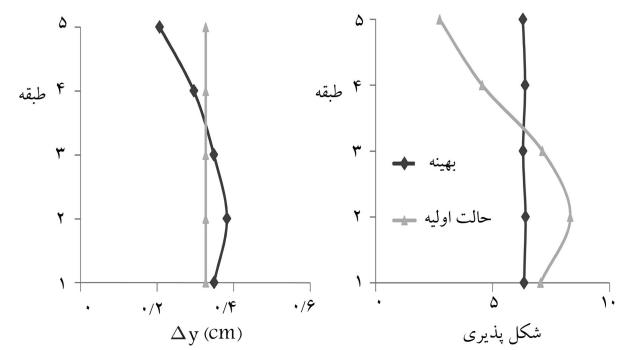
شکل ۹. رفتار چرخه‌یی میراگرها طبقه‌یی اول و آخر قاب خمی ۳ طبقه در حالت اولیه‌ی ثابت و  $\Delta$  بهینه در زلزله‌ی Imperial Valley



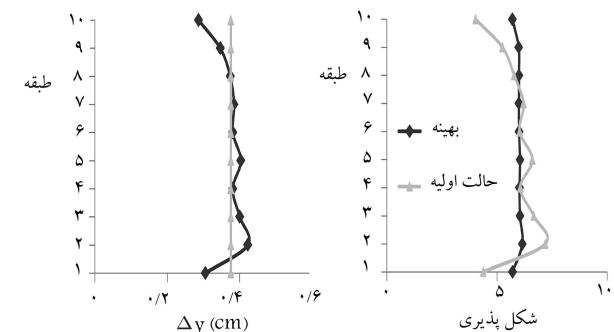
شکل ۱۰. رفتار چرخه‌یی میراگرها طبقه‌یی اول و آخر قاب خمی ۵ طبقه در حالت  $\Delta$  اولیه‌ی ثابت و  $\Delta$  بهینه، در زلزله‌ی Imperial Valley



شکل ۶. نیاز شکل‌پذیری طبقات و جابجایی تسلیم میراگرها قاب ۳ طبقه در دو حالت  $\Delta$  اولیه‌ی ثابت و  $\Delta$  بهینه از میانگین ۶ زلزله.



شکل ۷. نیاز شکل‌پذیری طبقات و جابجایی تسلیم میراگرها قاب ۵ طبقه در دو حالت  $\Delta$  اولیه‌ی ثابت و  $\Delta$  بهینه از میانگین ۶ زلزله.



شکل ۸. نیاز شکل‌پذیری طبقات و جابجایی تسلیم میراگرها قاب ۱۰ طبقه در دو حالت  $\Delta$  اولیه‌ی ثابت و  $\Delta$  بهینه از میانگین ۶ زلزله.

در شکل‌های ۶ و ۷ مشاهده می‌شود که نحوه‌ی توزیع بهینه‌ی مشخصه‌ی جابجایی تسلیم به گونه‌یی است که این مقدار در طبقات فوقانی کمتر از مقدار ثابت اولیه و در طبقات تحتانی بیشتر از آن به دست آمده است. در حالی که نحوه‌ی توزیع بهینه‌ی این پارامتر در قاب ۱۰ طبقه مطابق شکل ۸، در طبقات بالا و پایین کمتر و در طبقات میانی اندکی بیشتر از مقدار میانگین به دست آمده است. همچنین در این شکل‌ها ملاحظه می‌شود که با توزیع بهینه‌ی جابجایی تسلیم در ارتفاع سازه، توزیع نیاز شکل‌پذیری طبقات یکنواخت‌تر است و سازه عملکرد لرزه‌یی بهتری پس از بهینه‌سازی خواهد داشت. همچنین با توجه به ثابت بودن مقدار کل مصالح مصرفی در میراگرها هر یک از مدل‌ها می‌توان گفت که این روش بهینه‌سازی باعث توزیع بهینه‌ی مصالح مصرفی میراگرها در ارتفاع سازه می‌شود.

در رابطه‌ی  $D_{shm}$ ، معرف جابجایی نسبی میان طبقه‌ی بیشینه است، که از تحلیل‌های تاریخچه‌ی زمانی به دست می‌آید.  $D_{shu}$  جابجایی نسبی بر شی نهايی مجاز طبقه است، که برای آن از بین مقدار مجاز آئین‌نامه‌ی (۲۵٪) یا (۲۰٪) با  $D_{shy}$  برابر ارتفاع طبقه مطابق آئین‌نامه‌ی (۲۸٪) و همین طور  $D_{shy}$  برای جابجایی تسليم میراگر طبقه (برابر با حد خرابی پیشنهادی برای میراگر)،<sup>[۲۳]</sup> مقدار کوچک‌تر مینا قرار گرفته است. در شکل ۱۱، اندیس خرابی قاب‌های خمشی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه در دو حالت قبل و بعد از بهینه‌سازی، برای شکل‌پذیری هدف ۶ تحت اثر ۶ زلزله مختلف ارائه شده است. همان‌طور که در این شکل‌ها مشاهده می‌شود، کاهش قابل ملاحظه‌ی بی در اندیس خرابی سازه‌ها پس از بهینه‌سازی ایجاد شده است. میزان این کاهش در قاب‌های کوتاه‌تر، چشمگیرتر است.

در شکل ۱۱، اندیس خرابی قاب‌های خمشی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه در دو حالت قبل و بعد از بهینه‌سازی، برای شکل‌پذیری هدف ۶ تحت اثر ۶ زلزله مختلف ارائه شده است. همان‌طور که در این شکل‌ها مشاهده می‌شود، کاهش قابل ملاحظه‌ی بی در اندیس خرابی سازه‌ها پس از بهینه‌سازی ایجاد شده است. میزان این کاهش در قاب‌های کوتاه‌تر، چشمگیرتر است.

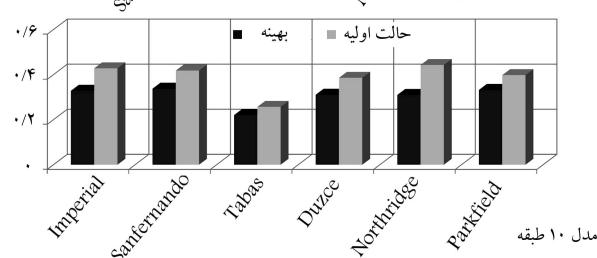
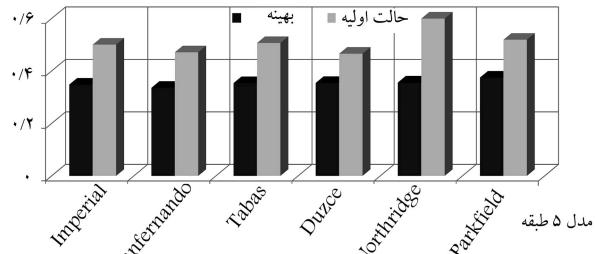
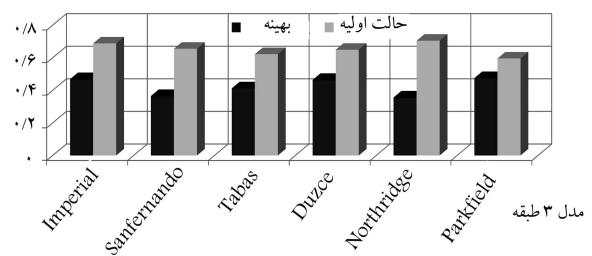
## ۶. نتیجه‌گیری

در این پژوهش نشان داده شده است که به هنگام زلزله‌های قوی در سازه‌های قاب خمشی فولادی مجهز به میراگرهای فلزی جاری‌شونده همانند ADAS، که به روش‌های مرسوم طراحی شده‌اند، شکل‌پذیری نیاز طبقات لروماً به‌طور یکنواخت توزیع نمی‌شود. در نتیجه علاوه بر توزیع نامناسب مصالح و ابزار در طبقات مختلف، سازه در زلزله‌های قوی مستعد خرابی در برخی طبقات خواهد بود. بنابراین یک الگوریتم بهینه‌سازی پیشنهاد شده است تا بتوان با تغییر مشخصه‌ی جابجایی تسليم میراگرهای طبقات مختلف قاب‌های خمشی مجهز به میراگرهای فلزی جاری‌شونده، نیاز شکل‌پذیری در طبقات را یکنواخت کرد. بدین منظور پس از انجام تحلیل تاریخچه‌ی زمانی غیرخطی، به‌طور تدریجی و گام به گام از  $\Delta$  طبقاتی، که تقاضای شکل‌پذیری آن‌ها کمتر از مقدار میانگین است، کاسته و به  $\Delta$  طبقاتی که تقاضای شکل‌پذیری آن‌ها بیشتر از مقدار میانگین است، افزوده شده است. پس از چندین گام، توزیع تقریباً یکنواخت شکل‌پذیری طبقات حاصل شده است.

نتایج عددی تحلیل قاب‌های خمشی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه مجهز به میراگر تحت  $\Delta$  رکورد مختلف زلزله نشان داده است که نحوه توزیع بهینه‌ی مشخصه‌ی  $\Delta$  میراگرهای قاب‌های خمشی ۳ و ۵ طبقه به گونه‌ی است که  $\Delta$  بهینه‌ی میراگرهای طبقات فوقانی کمتر از مقدار ثابت اولیه و  $\Delta$  بهینه‌ی میراگرهای طبقات تحتانی بیشتر از آن است. اما در قاب خمشی ۱۰ طبقه، مقدار بهینه‌ی این پارامتر در طبقات فوقانی و تحتانی کمتر از مقدار ثابت اولیه و در طبقات میانی بیشتر از آن به دست آمده است.

بعد از انجام فرایند بهینه‌سازی رفتار چرخه‌ی میراگرها بهبود یافته و میراگرهای تمامی طبقات، مشارکت مؤثری در استهلاک انرژی و رویدی زلزله از خود نشان داده و همچنین کاهش قابل ملاحظه‌ی در اندیس خرابی قاب‌های ساختمانی پس از بهینه‌سازی ایجاد شده است.

الگوریتم ارائه شده در این پژوهش برای طراحی بهینه‌ی میراگرهای ساختمان قاب خمشی این قابلیت را دارد که می‌توان شکل‌پذیری هدف سازه را نیز به دلخواه انتخاب و تنظیم کرد. همچنین سرعت همگرایی آن بالاست و با چند گام محدود به نتیجه‌ی مطلوب می‌رسد. در نتیجه برای سازه‌هایی با عملکردهای متفاوت، روشی نسبتاً ساده و در عین حال مؤثر است.



شکل ۱۱. اندیس خرابی قاب‌های خمشی ۳، ۵ و ۱۰ طبقه در دو حالت  $\Delta$  اولیه تثابت و  $\Delta$  بهینه در زلزله‌های مختلف.

حالی است که جابجایی غیرارتجاعی میراگر طبقه‌ی اول بسیار زیاد و در مرز خرابی است. اما وقتی به رفتار چرخه‌ی پس از بهینه‌سازی توجه شود، ملاحظه می‌شود که در حالت بهینه، میراگر طبقه‌ی آخر با تولید چرخه‌های بزرگ، نقش بسیار مؤثرتری در استهلاک انرژی زلزله ایفا می‌کند. رفتار چرخه‌ی میراگر طبقه‌ی اول نیز پس از بهینه‌سازی بهبود یافته و جابجایی غیرارتجاعی آن محدودتر شده است. نتایج سایر مدل‌ها تحت زلزله‌های دیگر نیز چنین روندی دارند.

## ۳.۵. تأثیر بهینه‌سازی در اندیس خرابی سازه

یکی از راه‌های نمایش قابلیت و کارایی سازه‌ی بهینه شده نسبت به حالت اولیه، مقایسه اندیس خرابی دو سازه است. در این پژوهش از رابطه‌ی ارائه شده در پژوهشی در سال ۱۹۸۸<sup>[۲۴]</sup> استفاده و تغییر شکل‌های نسبی بر شی طبقات به عنوان کمیت مؤثر در خرابی انتخاب شده است. برای محاسبه اندیس خرابی کل سازه، ابتدا اندیس خرابی تک تک طبقات ( $DI_s$ ) مطابق رابطه‌ی ۵ محاسبه شده و نهایتاً اندیس خرابی کل سازه ( $DI_g$ ) از رابطه‌ی ۶ به دست آمده است. محدوده مقادیر حاصل از این روابط بین صفر تا ۱ خواهد بود.

$$DI_s = \left( \frac{D_{shm} - D_{shy}}{D_{shu} - D_{shy}} \right)^m \quad (5)$$

$$DI_g = \frac{\sum_{i=1}^n (DI_s)_i}{\sum_{i=1}^n (DI_s)_i} \quad (6)$$

## منابع (References)

1. Soong, T.T. and Dargush, G.F., *Passive Energy Dissipation Systems in Structural Engineering*, John Wiley & Sons, 368 p. (1997).
2. Sajjadi Alehashem, S.M., Keyhani, A. and Pourmohammadi, H. "Behavior and performance of structures equipped with ADAS & TADAS dampers (a comparison with conventional structures)", *The 14th World Conferences on Earthquake Engineering*, China (2008).
3. Bergman, D.M. and Goel, S.C. "Evaluation of cyclic testing of steel plate devices for added damping and stiffness", Report No. UMCE87-10, The University of Michigan, Ann Arbor, MI (1987).
4. Whittaker, A.S., Bertero, V.V., Alonso, J. and Thompson, C.L. "Earthquake simulator testing of steel plate added damping and stiffness elements", Report No. UCB/EERC-89/02, University of California, Berkeley (1989).
5. Xia, C. and Hanson, R.D. "Influence of ADAS element parameters on building seismic response", *Journal of Structural Engineering, ASCE*, **118**(7), pp. 1903-1918 (1992).
6. Tsai, K.C., Chen, H.W., Hong, C.P. and Su, Y.F. "Design of steel triangular plate energy absorbers for seismic resistant construction", *Earthquake Spectra*, **9**(3), pp. 505-528 (1993).
7. Moreschi, L.M. and Singh, M.P. "Design of yielding metallic and friction dampers for optimal seismic performance", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **32**(8), pp. 1291-1311 (2003).
8. Ribakov, Y. and Gluck, J. "Optimal design of ADAS damped MDOF structures", *Earthquake Spectra*, **15**(2), pp. 317-330 (1999).
9. Singh, M.P. and Moreschi, L.M. "Optimal seismic response control with dampers", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **30**(4), pp. 553-572 (2001).
10. Singh, M.P. and Moreschi, L.M. "Optimal placement of dampers for passive response control", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **31**, pp. 955-976 (2002).
11. Lopez Garcia, D. and Soong, T.T. "Efficiency of a simple approach to damper allocation in MDOF structures", *Journal of Structural Control*, **9**(1), pp. 19-30 (2002).
12. Aydin, E., Boduroglu, M.H. and Guney, D. "Optimal damper distribution for seismic rehabilitation of planar building structures", *Engineering Structures*, **29**(2), pp. 176-185 (2007).
13. Cimellaro, G.P., Boduroglu, M.H. and Guney, D. "Simultaneous stiffness-damping optimization of structures with respect to acceleration, displacement and base shear", *Engineering Structures*, **29**(11), pp. 2853-2870 (2007).
14. Keyvani, J. and Rahimiasl, M. "Improvement of seismic performance of structure behavior utilizing viscous dampers and optimal viscous damper arrangements in steel frames", *Sharif Civil Engineering Journal*, **28**, pp. 81-88 (2012).
15. Apostolakis, G. and Dargush, G.F. "Optimal seismic design of moment-resisting steel frames with hysteretic passive devices", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **39**(4), pp. 355-376 (2010).
16. Karami Mohammadi, R., El Naggar, M.H. and Moghaddam, H. "Optimum strength distribution for seismic resistant shear buildings", *International Journal of Solids and Structures*, **41**(22-23), pp. 6597-6612 (2004).
17. Moghaddam, H. and Hajirasouliha, I. "A new approach for optimum design of structures under dynamic excitation", *Asian Journal of Civil Engineering*, **5**(1-2), pp. 69-84 (2004).
18. Park, K. and Medina, R.A. "Conceptual seismic design of regular frames based on the concept of uniform damage", *Journal of Structural Engineering, ASCE*, **133**(7), pp. 945-955 (2007).
19. Ganjavi, B. and Hao, H. "A parametric study on the evaluation of ductility demand distribution in multi-degree-of-freedom systems considering soil-structure interaction effects", *Engineering Structures*, **43**, pp. 88-104 (2012).
20. Computers and Structures, Inc., SAP2000, Version 14, Structural Analysis and Design Software, Berkeley, CA (2010).
21. *Iranian National Building Code, Part 6: Design Loads for Buildings*, Ministry of Housing and Urban Development, Tehran, Iran (2006).
22. *Iranian National Building Code, Part 10: Design and Construction of Steel structures*, Ministry of Housing and Urban Development, Tehran, Iran (2008).
23. Aiken, I.D., Nims, D.K., Whittaker, A.S. and Kelly, J.M. "Testing of passive energy dissipation systems", *Earthquake Spectra*, **9**(3), pp. 335-370 (1993).
24. Whittaker, A.S., Uang, C.M. and Bertero, V.V. "An experimental study of the behavior of dual steel systems", Report No. UCB/EERC-88/14, University of California, Berkeley (1988).
25. Powell, G.H. and Allahabadi, R. "Seismic damage prediction by deterministic methods: Concepts and procedures", *Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, **16**(5), pp. 719-734 (1988).